

کد کنترل

834

F



834F

آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل - سال ۱۴۰۲



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

صبح جمعه
۱۴۰۱/۱۲/۱۲

«اگر دانشگاه اصلاح شود
مملکت اصلاح می‌شود.»
امام خمینی (ره)

فیزیک (کد ۱۲۰۴)

زمان پاسخ‌گویی: ۲۷۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۱۰۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۲۵	۱	۲۵
۲	دروس تخصصی ۱ (فیزیک پایه (۱، ۲ و ۳)، فیزیک جدید، ترمودینامیک و مکانیک آماری، ریاضی فیزیک (۱ و ۲))	۴۰	۲۶	۶۵
۳	دروس تخصصی ۲ (مکانیک کلاسیک (۱ و ۲)، الکترومغناطیس (۱ و ۲)، مکانیک کوانتومی (۱ و ۲))	۴۰	۶۶	۱۰۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی جلد دفترچه سؤالات و پایین پاسخنامه ام را تأیید می‌نمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

PART A: Vocabulary

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

- 1- Despite the fact that Gross Domestic Product (GDP) has increased substantially in the industrialized West, the levels of human contentment have remained -----.
1) apposite 2) interwoven 3) static 4) implicit
- 2- Immigration ----- from the Latin word migration and means the act of a foreigner entering a country in the aim of obtaining the right of permanent residence.
1) gathers 2) obtains 3) arises 4) derives
- 3- Not speaking the same language as your customers can lead to communication -----.
1) breakdown 2) brevity 3) gesture 4) imitation
- 4- The factory's workforce has ----- from over 4,000 to a few hundred.
1) withdrawn 2) dwindled 3) undercut 4) forecasted
- 5- The police came up empty-handed despite an ----- exploration of the suspect's home.
1) exhaustive 2) inescapable 3) ephemeral 4) inevitable
- 6- When the old man married a woman in her thirties, all everyone talked about was the ----- in the couple's ages.
1) diversity 2) disparity 3) longevity 4) extension
- 7- One local factory will ----- the town's job shortage by providing 250 more jobs.
1) overlook 2) adjust 3) displace 4) alleviate

PART B: Cloze Test

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

One commentator argues that the success of private schools is not in their money, (8) ----- their organization. State schools fail their pupils because, under government control, they lack options. But if head teachers at state schools (9) ----- given the same freedom as those at private schools, namely (10) ----- poor teachers and pay more to good ones, parents would not need to send their children to private schools any more.

- | | | | | |
|-----|---------------|-------------|-----------|------------|
| 8- | 1) that is | 2) it is in | 3) but in | 4) is |
| 9- | 1) had | 2) were | 3) to be | 4) be |
| 10- | 1) by sacking | 2) sacking | 3) sacked | 4) to sack |

PART C: Reading Comprehension

Directions: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

By harnessing the capabilities of the 8.1-meter Gemini South telescope in Chile, which is part of the International Gemini Observatory operated by NSF's NOIRLab, astronomers have obtained the sharpest image ever of the star R136a1, the most massive known star in the Universe. Their research, led by NOIRLab astronomer Venu M. Kalari, challenges our understanding of the most massive stars and suggests that they may not be as massive as previously thought.

Astronomers have yet to fully understand how the most massive stars—those more than 100 times the mass of the Sun—are formed. One particularly challenging piece of this puzzle is obtaining observations of these giants, which typically dwell in the densely populated hearts of dust-shrouded star clusters. Giant stars also live fast and die young, burning through their fuel reserves in only a few million years. In comparison, our Sun is less than halfway through its 10-billion-year lifespan. The combination of densely packed stars, relatively short lifetimes, and vast astronomical distances makes distinguishing individual massive stars in clusters a daunting technical challenge.

By pushing the capabilities of the Zorro instrument on the Gemini South telescope of the International Gemini Observatory, operated by NSF's NOIRLab, astronomers have obtained the sharpest-ever image of R136a1—the most massive known star. This colossal star is a member of the R136 star cluster, which lies about 160,000 light-years from Earth in the center of the Tarantula Nebula in the Large Magellanic Cloud, a dwarf companion galaxy of the Milky Way.

Previous observations suggested that R136a1 had a mass somewhere between 250 to 320 times the mass of the Sun. The new Zorro observations, however, indicate that this giant star may be only 170 to 230 times the mass of the Sun.

- 11- Which conclusion is likely to be drawn from the passage?
- 1) Colossal stars are less massive than previously thought.
 - 2) Astronomers have not yet obtained a very sharp image of the star R136a1.
 - 3) The capabilities of the 8.1-meter Gemini South telescope cannot be utilized in Chile.
 - 4) NOIRLab astronomer Venu M. Kalari thinks the Sun will die soon.
- 12- According to the passage, which of the following statements is true?
- 1) Astronomers still do not know where the massive stars are located.
 - 2) Astronomers are still not fully sure how the giant stars are formed.
 - 3) To be considered a giant, a star should be less than 100 times the mass of the Sun.
 - 4) Previously, it was thought that R136a1 had a mass between 170 to 230 times the mass of the Sun.

- 17- According to the passage, which of the following statements is NOT true about the principle of complementarity?
- 1) It suggests that electrons could sometimes disguise themselves as waves.
 - 2) It says that in no experiment could both waves and particles be demonstrated at once.
 - 3) It was proposed by Niels Bohr.
 - 4) It successfully guided the pursuit of quantum mechanics during the subsequent decades.
- 18- The passage clearly states that Perović is -----.
- 1) more guided by experiments than by philosophy
 - 2) highly critical of Max Planck
 - 3) a philosopher
 - 4) concerned about whether reality is more like sand or water
- 19- The word “derided” in paragraph 3 is similar in meaning to -----.
- 1) resolved
 - 2) ridiculed
 - 3) retained
 - 4) restricted
- 20- In which of the positions marked by [1], [2], [3], or [4] in the passage can the following sentence be inserted?
Einstein, on the other hand, insisted that light quanta traveled through space on their own, behaving like particles later called photons.
- 1) [1]
 - 2) [2]
 - 3) [3]
 - 4) [4]

PASSAGE 3:

Ernest Rutherford (1871-1937) was a New Zealand-born British physicist and recipient of the 1908 Nobel Prize in Chemistry. He is often called the “father of nuclear physics.” After studying with J. J. Thomson at the Cavendish Laboratory at Cambridge University, Rutherford became a professor and chair of the Physics Department at McGill University in Montreal, Canada.

In Montreal, there were ample opportunities for research, and his work on radioactive bodies, particularly on the emission of alpha rays, was continued in the Macdonald Laboratory. With R.B. Owens, he studied the “emanation” of thorium and discovered a new noble gas, an isotope of radon, which was later to be known as thoron. Frederick Soddy arrived at McGill in 1900 from Oxford, and he collaborated with Rutherford in creating the “disintegration theory” of radioactivity which regards radioactive phenomena as atomic—not molecular—processes. The theory was supported by a large amount of experimental evidence.

In 1907, Rutherford returned to Great Britain to teach at the University of Manchester. Two years later, he, Hans Geiger, and Ernest Marsden conducted the Geiger-Marsden experiment, where they observed alpha particles scattering backwards when fired at a gold foil. The surprising results of this experiment led Rutherford to formulate his model of the atomic nucleus, a revolutionary development in nuclear physics.

In 1919, he became Cavendish Professor of Physics at Cambridge. Rutherford also coined the term “proton” and theorized about the existence of neutrons, which were discovered by his colleague and former student James Chadwick in 1932. Rutherford had an enormous influence on the field of nuclear physics and mentored many future Nobel Prize winners and prominent scientists, including Chadwick, Niels Bohr, and Otto Hahn. He died on October 19, 1937.

- 21- According to the passage, which of the following statements is true about Rutherford?
 1) He won the Nobel Prize in physics.
 2) After being established in Canada, he never returned to England.
 3) J. J. Thomson found him a job at McGill University.
 4) He continued his work on radioactive bodies in the Macdonald Laboratory.
- 22- The word “ample” in paragraph 2 is similar in meaning to -----.
 1) valid 2) few 3) enough 4) civil
- 23- According to the passage, which of the following statements is true about Rutherford?
 1) With Frederick Soddy, he studied the “emanation” of thorium.
 2) He conducted the Geiger-Marsden experiment with his colleagues in 1909.
 3) R.B. Owens cooperated with him in creating the “disintegration theory” of radioactivity.
 4) He discovered the existence of neutrons, which one of his students had theorized about.
- 24- Which scientists did Rutherford mentor?
 1) Ernest Walton, Niels Bohr, and Otto Hahn
 2) James Chadwick, Niels Bohr, John Douglas Cockcroft
 3) James Chadwick, Niels Bohr, and Otto Hahn
 4) Ernest Walton, John Douglas Cockcroft, and Otto Hahn
- 25- Where does the following sentence best fit into the passage?
Otto Hahn, who later discovered atomic fission, also worked under Rutherford at the Montreal Laboratory in 1905-06.
 1) End of paragraph 1 2) End of paragraph 2
 3) End of paragraph 3 4) End of paragraph 4

دروس تخصصی ۱ (فیزیک پایه ۱، ۲ و ۳)، فیزیک جدید، ترمودینامیک و مکانیک آماری، ریاضی فیزیک (۱ و ۲):

۲۶- ذره‌ای روی محور x حرکت می‌کند. نیروی متغیر $F = 2x^3 + 8x$ در امتداد x به ذره اثر می‌کند به طوری که x بر حسب متر و F بر حسب نیوتن است. مقدار تغییر انرژی جنبشی ذره در جابه‌جایی از $x = 1\text{m}$ به $x = 2\text{m}$ چند ژول است؟

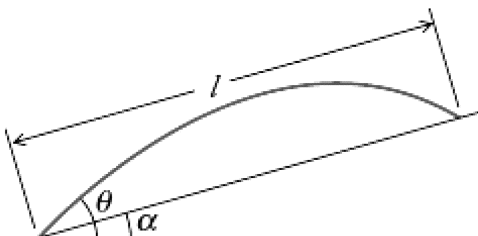
۹٫۷۵ (۱)

۱۹٫۵ (۲)

۲۱ (۳)

۳۲ (۴)

۲۷- گلوله‌ای مطابق شکل زیر با تندی اولیه v_0 از پایین سطح شیب‌داری با زاویه شیب α چنان پرتاب می‌شود که زاویه پرتاب با افق زاویه θ می‌سازد. l فاصله محل برخورد گلوله روی سطح شیب‌دار از مکان اولیه کدام است؟



$$\frac{2v_0^2 \cos^2 \theta}{g \cos \alpha} \tan(\theta - \alpha) \quad (1)$$

$$\frac{2v_0^2 \cos^2 \theta}{g \cos \alpha} (\tan \theta - \tan \alpha) \quad (2)$$

$$\frac{2v_0^2 \sin 2\theta}{g \cos \alpha} (1 - \tan \theta \tan \alpha) \quad (3)$$

$$\frac{2v_0^2 \cos \alpha \sin \theta}{g} \cos^2(\theta - \alpha) \quad (4)$$

۲۸- یک قرص گردان افقی به شعاع 1 m با سرعت زاویه‌ای ثابت $7\frac{\text{rad}}{\text{s}}$ حول محورش می‌چرخد. یک مورچه از مرکز به سمت لبه قرص حرکت می‌کند. اگر ضریب اصطکاک میان پای مورچه و قرص $0/5$ باشد، مورچه در چه فاصله‌ای از مرکز (برحسب سانتی‌متر) شروع به لغزیدن می‌کند؟ $(g = 9/8\frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

(۱) ۷۰

(۲) ۲۰

(۳) ۱۵

(۴) ۱۰

۲۹- توان انتقالی به یک مدار الکتریکی با زمان به صورت $P(t) = 8e^{-t/4}$ کاهش می‌یابد که t برحسب ثانیه و P بر حسب وات هستند. این مدار در بازه زمانی $0 \leq t \leq 4\text{ s}$ چند ژول انرژی کسب می‌کند؟

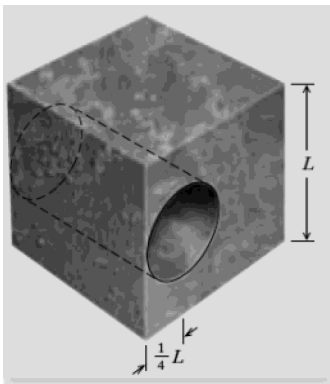
(۱) $16e^{-1}$

(۲) $32e^{-1}$

(۳) $32(1 - e^{-1})$

(۴) $16(1 + e^{-1})$

۳۰- درون یک قطعه مکعبی شکل یکنواخت به ضلع L یک سوراخ استوانه‌ای چنان حفر شده است که سطح جانبی استوانه مطابق شکل زیر بر وسط یکی از وجه‌های مکعب مماس است و فاصله محور استوانه تا این وجه $\frac{L}{4}$ است.



فاصله مرکز جرم این قطعه تا مرکز مکعب چقدر است؟

(۱) $\frac{\pi}{4(16 - \pi)}L$

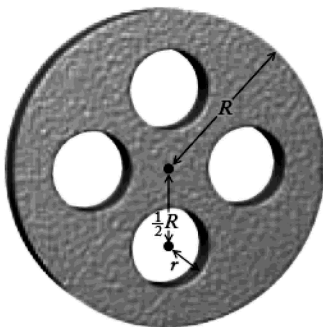
(۲) $\frac{\pi}{4(16 + \pi)}L$

(۳) $\frac{\pi}{4(64 - \pi)}L$

(۴) $\frac{\pi}{4(64 + \pi)}L$

۳۱- یک چرخ گردان به جرم M از یک قرص یکنواخت به شعاع R که مطابق شکل زیر چهار سوراخ یکسان هر یک به شعاع r در آن ایجاد شده ساخته شده است. فاصله مرکز هر یک از سوراخ‌ها تا مرکز قرص $\frac{R}{2}$ است. ممان

اینرسی این چرخ حول محور تقارن عمودی خود کدام است؟



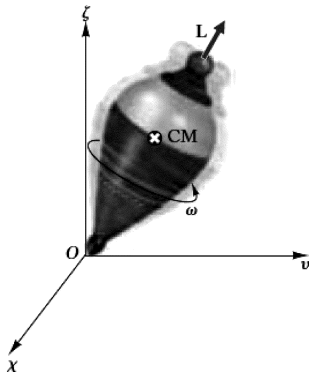
(۱) $\left(1 - 2(r/R)^2 - 4(r/R)^4\right) \frac{MR^2}{2}$

(۲) $\left(1 + 2(r/R)^2 - 4(r/R)^4\right) \frac{MR^2}{2}$

(۳) $\left(\frac{1 - 2(r/R)^2 - 4(r/R)^4}{1 - 4(r/R)^2}\right) \frac{MR^2}{2}$

(۴) $\left(\frac{1 + 2(r/R)^2 - 4(r/R)^4}{1 - 4(r/R)^2}\right) \frac{MR^2}{2}$

۳۲- قرقره متقارنی مطابق شکل زیر حول محور تقارن خود با سرعت زاویه‌ای ω می‌چرخد. زاویه راستای L ، بردار تکانه زاویه‌ای، با محور قائم ثابت است. نقطه تماس فرفره با زمین ثابت است. پیروی حرکت تقدیمی فرفره به دور محور قائم با چه توانی از ω متناسب است؟



- (۱) ω^2
 (۲) ω
 (۳) ω^{-1}
 (۴) ω^{-2}

۳۳- دو قطعه به جرم‌های m و $3m$ به دو سر یک فنر با ثابت فنر k بسته شده‌اند. بسامد زاویه‌ای نوسان‌های این مجموعه در راستای خط واصل دو قطعه کدام است؟

- (۱) $\sqrt{\frac{4k}{3m}}$
 (۲) $\sqrt{\frac{2k}{3m}}$
 (۳) $\sqrt{\frac{k}{2m}}$
 (۴) $\sqrt{\frac{k}{4m}}$

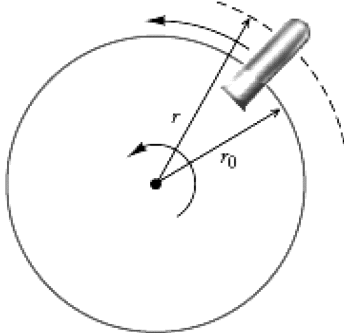
۳۴- یک ریسمان به طول 10 m و جرم واحد طول $\frac{15}{100} \frac{\text{kg}}{\text{m}}$ بین دو نقطه ثابت با نیروی کشش بزرگی کشیده شده است. در این حالت اگر به وسط ریسمان نیروی عمودی 180 N وارد شود به اندازه 6 cm منحرف می‌شود. فرکانس نوسان‌های مد اصلی این ریسمان چند هرتز است؟

- (۱) $10\sqrt{10}$
 (۲) $10\sqrt{5}$
 (۳) $5\sqrt{10}$
 (۴) $5\sqrt{5}$

۳۵- اتومبیلی به سمت یک رادار که امواج رادیویی با فرکانس $8 \times 10^9\text{ Hz}$ گسیل می‌کند، در حرکت است. اگر فرکانس ضربان حاصل از ترکیب امواج بازتابی از اتومبیل با امواج گسیلی از رادار که توسط رادار دریافت می‌شوند $2 \times 10^3\text{ Hz}$ باشد، تندی اتومبیل چند $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ است؟

- (۱) ۱۹
 (۲) ۷۵
 (۳) ۱۲٫۵
 (۴) ۳۷٫۵

۳۶- درون یک لوله آزمایش مایعی با چگالی ρ وجود دارد. این لوله مطابق شکل درون یک سانتریفوژ در صفحه افقی با بسامد زاویه‌ای ثابت ω می‌چرخد. لوله در امتداد یک شعاع قرار دارد و فاصله سطح آزاد مایع تا مرکز دوران r_0 است. فشار در نقطه‌ای داخل مایع و به فاصله r از مرکز دوران کدام است؟ از فشار محیط و گرانش چشم‌پوشی شود.



$$(1) \frac{1}{2} \rho \omega^2 r (r - r_0)$$

$$(2) \rho \omega^2 r (r - r_0)$$

$$(3) \frac{1}{2} \rho \omega^2 (r^2 - r_0^2)$$

$$(4) \rho \omega^2 (r^2 - r_0^2)$$

۳۷- یک پروتون که ابتدا در فاصله 6 cm از یک صفحه بزرگ باردار مثبت با چگالی سطحی یکنواخت $\frac{C}{m^2} \times 10^{-8}$ قرار دارد با تندی اولیه v_0 به‌طور عمودی به سمت صفحه شلیک می‌شود. تندی پروتون به تدریج کاسته شده و در نهایت در فاصله 0.9 cm از صفحه به‌طور آنی متوقف شده و در جهت مخالف برمی‌گردد. اندازه v_0 چند $\frac{m}{s}$

است؟ (جرم پروتون $1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$ است.)

$$(1) 2.3 \times 10^6$$

$$(2) 2.3 \times 10^4$$

$$(3) 1.65 \times 10^3$$

$$(4) 1.65 \times 10^5$$

۳۸- در ناحیه‌ای از فضا میدان الکتریکی $\vec{E}(x, y, z) = x^2 \hat{i} + yz^2 \hat{j} + y^2 z \hat{k}$ وجود دارد که x و y بر حسب متر و E بر حسب $\frac{V}{m}$ است. اختلاف پتانسیل الکتریکی میان نقطه $\vec{r} = -3\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$ و مبدأ مختصات چند ولت است؟

$$(1) 28/25$$

$$(2) 12/25$$

$$(3) 16/25$$

$$(4) 24/25$$

۳۹- درون یک پوسته کروی به شعاع داخلی a و شعاع خارجی b بار الکتریکی با چگالی حجمی $\rho = \beta r^{-\frac{5}{2}}$ توزیع شده است که r فاصله یک نقطه از مرکز پوسته و β ضریبی ثابت است. میدان الکتریکی در نقطه‌ای داخل پوسته ($a < r < b$) کدام است؟

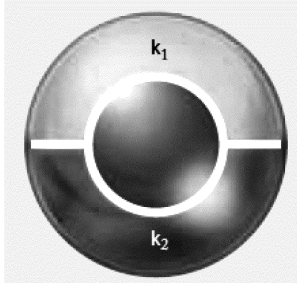
$$(2) \frac{\beta}{2\pi\epsilon_0} \frac{(r^{3/2} - a^{3/2})}{r^3}$$

$$(1) \frac{\beta}{8\pi\epsilon_0} \frac{(b^{3/2} - a^{3/2})}{r^3}$$

$$(4) \frac{2\beta}{\epsilon_0} \frac{(b^{1/2} - a^{1/2})}{r^2}$$

$$(3) \frac{2\beta}{\epsilon_0} \frac{(r^{1/2} - a^{1/2})}{r^2}$$

۴۰- یک خازن کروی از دو کره هم‌مرکز به شعاع‌های $R_1 = 10 \text{ cm}$ و $R_2 = 30 \text{ cm}$ تشکیل شده است. مطابق شکل زیر، فضای میان دو کره از دو دی الکتریک با ثابت‌های دی الکتریک $k_1 = 2$ و $k_2 = 4$ پر شده است. ظرفیت این خازن کدام است؟



(۱) 50 pF

(۲) 50 nF

(۳) $2/2 \text{ pF}$

(۴) $2/2 \text{ nF}$

۴۱- بار روی یک میله مستقیم بسیار بلند با چگالی طولی یکنواخت $\frac{C}{m} \times 10^{-3} \times 6$ توزیع شده است. اگر این میله با

تندی $20 \frac{m}{s}$ در امتداد راستای میله به حرکت در آید، اندازه میدان مغناطیسی در نقطه‌ای خارج از امتداد میله و به فاصله 30 cm از آن چند گاوس است؟

(۱) 8×10^{-6}

(۲) 8×10^{-4}

(۳) 4×10^{-4}

(۴) 4×10^{-6}

۴۲- یک قطعه سیم مستقیم حامل جریان 15 A از نقطه $\vec{r}_1 = 0.4\hat{i} - 0.5\hat{j}$ تا $\vec{r}_2 = 0.7\hat{i} - 0.3\hat{j} + 0.4\hat{k}$ کشیده شده است که فاصله‌ها بر حسب متر است. این سیم در یک میدان مغناطیسی یکنواخت $\vec{B} = 2\hat{k}$ (بر حسب تسلا) قرار دارد. نیروی وارد بر این سیم بر حسب نیوتن کدام است؟

(۱) $6\hat{i} - 9\hat{j}$

(۲) $24\hat{i} - 9\hat{j}$

(۳) $24\hat{i} - 9\hat{j} - 12\hat{k}$

(۴) $6\hat{i} - 9\hat{j} + 12\hat{k}$

۴۳- در فضای خالی از ماده در فاصله 8 km از یک چشمه رادیویی دامنه میدان الکتریکی $0.3 \frac{V}{m}$ است. توان کلی متوسط که توسط چشمه گسیل می‌شود تقریباً چند کیلووات است؟ (فرض کنید که چشمه در تمام راستاها به‌طور یکنواخت تابش می‌کند).

(۱) ۱۲

(۲) ۲۴

(۳) $96/5$

(۴) ۱۹۳

۴۴- تلسکوپ هابل از یک آینه مقعر به شعاع 11 m تشکیل شده است. اگر همراه این آینه یک عدسی چشمی با فاصله کانونی $3/3 \text{ cm}$ استفاده شود، بزرگ‌نمایی زاویه‌ای این مجموعه کدام است؟

(۱) -۱۶۷

(۲) ۳۳۳

(۳) ۱۶۷

(۴) -۳۳۳

۴۵- در یک آزمایش دو شکاف شدت بیشینه در قله نوار مرکزی روی پرده I_0 است. اگر اختلاف مسیر از دو شکاف تا یک نقطه روی پرده $\frac{\lambda}{6}$ باشد، شدت در آن نقطه تقریباً کدام است؟ (فاصله دو شکاف ۳ برابر عرض هر شکاف است).

(۱) $\frac{I_0}{4}$

(۲) $\frac{I_0}{6}$

(۳) $\frac{3I_0}{4}$

(۴) $\frac{2I_0}{3}$

۴۶- یک رادیو تلسکوپ از یک دیش با دهانه دایروی به قطر ۷۵ m تشکیل شده است. قدرت تفکیک زاویه‌ای این تلسکوپ وقتی با طول موج ۲۱ cm کار می‌کند، تقریباً چند درجه است؟

(۱) 0.034°

(۲) 19.5°

(۳) 0.39°

(۴) 0.19°

۴۷- تندی یک ماهواره GPS نسبت به یک نقطه روی سطح زمین $4000 \frac{m}{s}$ است. فرض کنید ساعت درون ماهواره در یک لحظه معین با ساعت چارچوب زمینی همزمان شده است. اختلاف این دو ساعت پس از گذشت ۱ h چقدر است؟

(۱) $0.32 \mu s$

(۲) $0.64 \mu s$

(۳) $0.32 ms$

(۴) $0.64 ms$

۴۸- یک ذره پيون که در راستای مثبت محور X با تندی $0.8c$ نسبت به دستگاه آزمایشگاه در حرکت است تلاشی یافته و یک میون با تندی $0.5c$ در راستای مثبت محور X نسبت به دستگاه سکون پيون گسیل می‌شود. تندی میون نسبت به دستگاه آزمایشگاه چقدر است؟

(۱) $0.3c$

(۲) $0.93c$

(۳) $1.3c$

(۴) $2.2c$

۴۹- برای ذره نسبیتی به جرم سکون m_0 رابطه میان \vec{v} سرعت و \vec{p} تکانه ذره کدام است؟ ($p = |\vec{p}|$)

(۲) $\vec{v} = \frac{c\vec{p}}{\sqrt{p^2 + m_0^2 c^2}}$

(۱) $\vec{v} = \frac{c\vec{p}}{\sqrt{p^2 - m_0^2 c^2}}$

(۴) $\vec{v} = \frac{c\vec{p}}{p}$

(۳) $\vec{v} = \frac{\vec{p}}{m_0}$

۵۰- ذره K^0 با جرم سکون $9 \times 10^{-28} \text{ kg}$ در حالت سکون به دو ذره مئون و پادمئون هر یک با جرم سکون $2 \times 10^{-28} \text{ kg}$ تلاشی می‌یابد. تندی هر یک از دو مئون تقریباً کدام است؟ (c سرعت نور در خلأ است).

(۱) $0.5c$

(۲) $0.75c$

(۳) $0.85c$

(۴) $10.9c$

۵۱- در طیف اتم هیدروژن کمترین طول موج در سری پاشن چند برابر کمترین طول موج در سری بالمر است؟

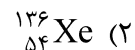
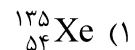
(۱) $\frac{4}{9}$

(۲) $\frac{3}{2}$

(۳) $\frac{9}{4}$

(۴) $\frac{2}{3}$

۵۲- در واپاشی هسته $^{136}_{55}\text{Cs}$ یک الکترون گسیل می‌شود. محصول این واپاشی کدام هسته است؟



۵۳- اگر S (آنتروپی) تابعی از P (فشار) و T (دما) فرض شود، کدام رابطه درست است؟ (V حجم سیستم، α ضریب انبساط حجمی و κ_T ضریب فشردگی تک‌دما است).

(۱) $T dS = C_p dT - \alpha T V dP$

(۲) $T dS = C_p dT + \alpha T V dP$

(۳) $T dS = C_p dT - \kappa_T T V dP$

(۴) $T dS = C_p dT + \kappa_T T V dP$

۵۴- درون یک استوانه با یک پیستون متحرک گاز ایده‌آلی در فشار P_1 ، دمای T_1 و حجم ویژه (حجم مولی) v_1 موجود است. فشار و حجم گاز همزمان افزایش می‌یابند، به طوری که در هر لحظه $P = \alpha v$ باشد، که α ضریب ثابتی است. لحظه‌ای که حجم ویژه $3v_1$ می‌شود دمای گاز کدام است؟

(۱) $3T_1$

(۲) $9T_1$

(۳) $9\alpha T_1$

(۴) $3\alpha T_1$

۵۵- معادله حالت ماده‌ای به شکل $P(v-b)e^{a/(vRT)} = RT$ است که P فشار، T دما و v حجم ویژه و a ، b و R مقادیر ثابتی هستند. v_c حجم ویژه مولی این ماده در نقطه بحرانی کدام است؟

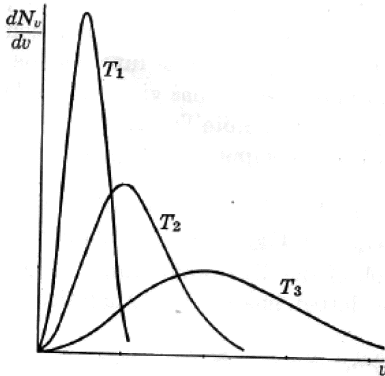
(۱) b

(۲) $4b$

(۳) $3b$

(۴) $2b$

۵۶- در شکل زیر تابع توزیع تندی مولکول‌های یک گاز کلاسیک (ماکسول - بولتزمنی) در سه دمای مختلف نشان داده شده است. کدام رابطه درست است؟



(۱) $T_3 < T_2 < T_1$

(۲) $T_1 < T_3 < T_2$

(۳) $T_1 < T_2 < T_3$

(۴) $T_2 < T_1 < T_3$

۵۷- یک سیستم فیزیکی از N ذره قابل تشخیص از هم تشکیل شده است و هر ذره دارای انرژی صفر یا $\epsilon > 0$ است. حالت برانگیخته دارای تبهگنی مرتبه ۴ است اما حالت پایه تبهگنی ندارد. انرژی کل سیستم $E = n\epsilon$ است که n عدد صحیح مثبتی کوچک تر یا مساوی N است. درحالتی که $N \gg 1$ است دمای سیستم از چه رابطه‌ای به دست می‌آید؟ $\alpha = E / (N\epsilon)$

(۲) $T = \epsilon \left(k_B \ln \frac{4(1-\alpha)}{\alpha} \right)^{-1}$

(۱) $T = \epsilon \left(k_B \ln \frac{4\alpha}{(1-\alpha)} \right)^{-1}$

(۴) $T = \frac{\epsilon}{k_B} \ln \frac{4\alpha}{(1-\alpha)}$

(۳) $T = \frac{\epsilon}{k_B} \ln \frac{4(1-\alpha)}{\alpha}$

۵۸- سیستمی شامل N بوزون یکسان بدون اسپین هر یک به جرم m در جعبه‌ای به حجم V و دمای T نظر بگیرید. شکل عمومی تعداد ذراتی که انرژی آن‌ها بین ϵ و $\epsilon + d\epsilon$ است برحسب کمیت‌های داده شده و انرژی شیمیایی μ کدام است؟

(۱) $\frac{4\pi V(2m)^{3/2}}{h^3} \frac{\epsilon\sqrt{\epsilon}}{\exp[(\epsilon - \mu) / k_B T] - 1} d\epsilon$

(۲) $\frac{2\pi V(2m)^{3/2}}{h^3} \frac{\epsilon\sqrt{\epsilon}}{\exp[(\epsilon - \mu) / k_B T] + 1} d\epsilon$

(۳) $\frac{4\pi V(2m)^{3/2}}{h^3} \frac{\sqrt{\epsilon}}{\exp[(\epsilon - \mu) / k_B T] + 1} d\epsilon$

(۴) $\frac{2\pi V(2m)^{3/2}}{h^3} \frac{\sqrt{\epsilon}}{\exp[(\epsilon - \mu) / k_B T] - 1} d\epsilon$

۵۹- واگرایی (دیورژانس) بردار $\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{r})$ چیست؟ (\vec{r} بردار مکان و \vec{a} و \vec{b} دو بردار ثابت در فضای ۳ بعدی هستند).

(۱) $-3\vec{a} \cdot \vec{b}$

(۲) $3\vec{a} \cdot \vec{b}$

(۳) $2\vec{a} \cdot \vec{b}$

(۴) $-2\vec{a} \cdot \vec{b}$

۶۰- اگر $\delta(x)$ تابع دلتای دیراک و a مقدار ثابتی باشد، کدام رابطه همواره درست است؟

(۱) $\delta(x^2 - a^2) = \frac{1}{2|a|}(\delta(x - a) + \delta(x + a))$

(۲) $\delta(x^2 - a^2) = \frac{1}{|a|}(\delta(x - a) + \delta(x + a))$

(۳) $\delta(x^2 - a^2) = \frac{1}{2a}(\delta(x - a) + \delta(x + a))$

(۴) $\delta(x^2 - a^2) = \frac{1}{a}(\delta(x - a) - \delta(x + a))$

۶۱- اگر \vec{r} ، \vec{p} و \vec{L} به ترتیب بردارهای مکان، تکانه خطی و تکانه زاویه‌ای باشند، کدام عبارت نادرست است؟

(۱) $\vec{r} \cdot \vec{p}$ کمیتی اسکالر است.

(۲) $(\vec{p} \times \vec{r})$ کمیتی شبه برداری است.

(۳) $(\vec{r} \times \vec{L}) \cdot (\vec{p} \times \vec{L})$ کمیتی شبه اسکالر است.

(۴) $(\vec{r} \times \vec{L}) \times (\vec{p} \times \vec{L})$ کمیتی شبه برداری است.

۶۲- فرض کنید S سطح بسته‌ای است که حجم V را دربر گرفته است. حاصل انتگرال $\oint_S \vec{V}(r^2) \cdot \vec{dS}$ چیست؟

(بردار \vec{dS} در هر نقطه از سطح، برداری عمود بر سطح و مقدار آن dS است.)

(۱) $6V$

(۲) $3V$

(۳) $2V$

(۴) صفر

۶۳- با توجه به رابطه جابه‌جایی ماتریس‌های پائولی $[\sigma_m, \sigma_n] = 2i\epsilon_{mnp} \sigma_p$ حاصل جابه‌جایی $[(\vec{a} \cdot \vec{\sigma}), (\vec{b} \cdot \vec{\sigma})]$

کدام است؟ ($\vec{\sigma} = \sigma_1 \hat{i} + \sigma_2 \hat{j} + \sigma_3 \hat{k}$ و \vec{a} و \vec{b} بردارهایی ثابت هستند.)

(۱) $-2i(\vec{a} \cdot \vec{b}) \times \vec{\sigma}$

(۲) $2i(\vec{a} \cdot \vec{b}) \times \vec{\sigma}$

(۳) $2i(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{\sigma}$

(۴) $-2i(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{\sigma}$

۶۴- تابع مولد چند جمله‌ای‌های هرمیت به شکل $e^{\gamma x - t^2} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{H_n(x)}{n!} t^n$ است. کدام ویژگی برای چند

جمله‌ای‌های هرمیت نادرست است؟ (پرایم به معنای مشتق‌گیری است).

$$H_{\gamma n}(x=0) = 0 \quad (۱)$$

$$H_n''(x) - \gamma x H_n'(x) + \gamma n H_n(x) = 0 \quad (۲)$$

$$H_n'(x) = \gamma n H_{n-1}(x) \quad \text{for } n \geq 1 \quad (۳)$$

$$H_{\gamma}(x) = \gamma x^{\gamma} - \gamma \quad (۴)$$

۶۵- اگر تابع $\tilde{f}(k)$ تبدیل فوریه تابع $f(x)$ باشد یعنی $\tilde{f}(k) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} dx f(x) e^{-ikx}$ کدام رابطه درست است؟

$$\int_{-\infty}^{\infty} dx |f(x)| = \int_{-\infty}^{\infty} dk |\tilde{f}(-k)| \quad (۱)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} dx |f(x)|^{\gamma} = \int_{-\infty}^{\infty} dk |\tilde{f}(k)|^{\gamma} \quad (۲)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} dx f^{\gamma}(x) = \int_{-\infty}^{\infty} dk \tilde{f}^{\gamma}(k) \quad (۳)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} dx f(x) = \int_{-\infty}^{\infty} dk \tilde{f}(-k) \quad (۴)$$

دروس تخصصی ۲ (مکانیک کلاسیک (۱ و ۲)، الکترومغناطیس (۱ و ۲)، مکانیک کوانتومی (۱ و ۲)):

۶۶- مجموعه‌ای متشکل از N ذره هر یک به جرم m_i و بردار مکان \vec{r}_i در نظر بگیرید. اگر \vec{R} بردار مکان مرکز جرم و

M جرم کل مجموعه باشند، کدام رابطه درست است؟ ($\vec{r}_{ij} = \vec{r}_j - \vec{r}_i$)

$$M^{\gamma} R^{\gamma} = \sum_{i=1}^N m_i^{\gamma} r_i^{\gamma} - \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N m_i m_j r_{ij}^{\gamma} \quad (۱)$$

$$M^{\gamma} R^{\gamma} = M \sum_{i=1}^N m_i r_i^{\gamma} - \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N m_i m_j r_{ij}^{\gamma} \quad (۲)$$

$$M^{\gamma} R^{\gamma} = \sum_{i=1}^N m_i^{\gamma} r_i^{\gamma} - \frac{1}{\gamma} \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N m_i m_j r_{ij}^{\gamma} \quad (۳)$$

$$M^{\gamma} R^{\gamma} = M \sum_{i=1}^N m_i r_i^{\gamma} - \frac{1}{\gamma} \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N m_i m_j r_{ij}^{\gamma} \quad (۴)$$

۶۷- در مسئله نوسانگر یک بعدی میرا با معادله حرکت $\ddot{x} + 2\gamma \dot{x} + \omega^2 x = 0$ که γ و ω دو ضریب مثبت هستند،

در چه شرایطی حالت فوق‌میرا وجود دارد؟

$$\gamma > \omega \quad (۱)$$

$$\gamma < \omega \quad (۲)$$

$$\gamma = \omega \quad (۳)$$

$$\omega / 2 < \gamma < \omega \quad (۴)$$

۶۸- دو مهره یکسان هر یک به جرم m مقید به حرکت روی یک حلقه افقی هستند. دو فنر یکسان سبک با ثابت فنر k دو مهره را به یکدیگر وصل می کنند و مطابق شکل زیر به دور فنر پیچیده شده اند. از اصطکاک میان سطوح چشم پوشی شود. فرکانس زاویه ای مدهای طبیعی این مجموعه کدام است؟



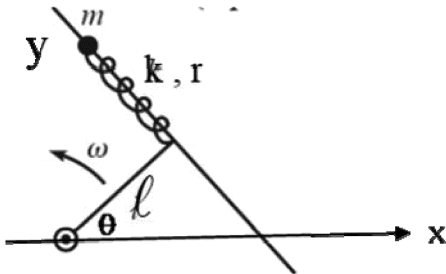
$$\omega_1 = \sqrt{k/m}, \quad \omega_2 = 2\sqrt{k/m} \quad (1)$$

$$\omega_1 = \sqrt{2k/m}, \quad \omega_2 = 2\sqrt{k/m} \quad (2)$$

$$\omega_1 = 0, \quad \omega_2 = 2\sqrt{k/m} \quad (3)$$

$$\omega_1 = 0, \quad \omega_2 = \sqrt{2k/m} \quad (4)$$

۶۹- در شکل زیر میله T شکل شامل یک میله بلند است که به یک سر میله کوتاهی به طول l به طور عمودی جوش خورده است. سر دیگر میله کوتاه به مبدأ مختصات چنان لولا شده که کل میله T با سرعت زاویه ای ثابت ω در صفحه ای موازی افق می چرخد. مهره ای به جرم m می تواند روی میله بلند آزادانه حرکت کند و توسط یک فنر با ثابت فنر k به محل جوش دو میله متصل است. فاصله مهره تا محل جوش r است. از اصطکاک سطوح و جرم میله T چشم پوشی شود. لاگرانژین مجموعه کدام است؟



$$\mathcal{L} = \frac{m}{2} (\dot{r}^2 + (r^2 + l^2)\omega^2 + 2\dot{r}l\omega \sin(2\theta)) - kr^2 \quad (1)$$

$$\mathcal{L} = \frac{m}{2} (\dot{r}^2 + (r^2 + l^2)\omega^2 + 2\dot{r}l\omega - 2\dot{r}l\omega \sin(2\theta)) - \frac{1}{2}kr^2 \quad (2)$$

$$\mathcal{L} = \frac{m}{2} (\dot{r}^2 + (r^2 + l^2)\omega^2 + 2\dot{r}l\omega) - \frac{1}{2}kr^2 \quad (3)$$

$$\mathcal{L} = \frac{m}{2} (\dot{r}^2 + (r^2 + l^2)\omega^2 - 2\dot{r}l\omega) - \frac{1}{2}kr^2 \quad (4)$$

۷۰- ذره ای به جرم m با سرعت اولیه v_0 از فاصله بی نهایت دور از پتانسیل مرکزی $V(r) = -\frac{C}{3r^3}$ با پارامتر برخورد b به سمت آن حرکت می کند. C ضریب ثابت مثبتی است. $V_{\text{eff}}^{\text{max}}$ بیشینه انرژی پتانسیل مؤثر ذره چقدر است؟

$$V_{\text{eff}}^{\text{max}} = \frac{m v_0^2 b^3}{3C} \quad (1)$$

$$V_{\text{eff}}^{\text{max}} = \frac{m v_0^2 b^3}{6C} \quad (2)$$

$$V_{\text{eff}}^{\text{max}} = \frac{m^2 v_0^6 b^6}{3C^2} \quad (3)$$

$$V_{\text{eff}}^{\text{max}} = \frac{m^2 v_0^6 b^6}{6C^2} \quad (4)$$

۷۱- ذره‌ای به جرم m حول سیاره‌ای به جرم M در مداری سهمی با معادله $y = \frac{x^2}{(4a)}$ می‌چرخد که a فاصله کانونی سهمی است.

ممنتوم زاویه‌ای ذره کدام است؟ (G ثابت جهانی گرانش است).

$$(1) m\sqrt{GMa}$$

$$(2) m\sqrt{2GMa}$$

$$(3) m\sqrt{(GMa)/2}$$

$$(4) m\sqrt{(GMa)/4}$$

۷۲- کدام عبارت در مورد تابع لاگرانژین یک سیستم نادرست است؟

(۱) اگر لاگرانژین، تابع صریحی از زمان نباشد هامیلتونی ثابت حرکت است.

(۲) معادله‌های لاگرانژ در تمام دستگاه‌های مختصات، شکل یکسانی دارند.

(۳) مقدار این تابع می‌تواند در دستگاه‌های مختصات مختلف، متفاوت باشد.

(۴) شکل این تابع می‌تواند در دستگاه‌های مختصات مختلف، متفاوت باشد.

۷۳- لاگرانژین یک مجموعه $\mathcal{L} = \frac{M}{2}\dot{x}^2 + \frac{m}{2}(\dot{x}^2 + \ell^2\dot{\theta}^2 + 2\ell\dot{x}\dot{\theta}\cos\theta) + mg\ell\cos\theta$ است که در آن M ، m ،

ℓ و g ضرایب ثابتی هستند. معادله‌های حرکت برای مختصه‌های x و θ کدامند؟

$$(1) (M+m)\ddot{x} + m\ell\ddot{\theta}\cos\theta - m\ell\dot{\theta}^2\sin\theta = 0, \quad \ell\ddot{\theta} + \ddot{x}\cos\theta + g\sin\theta = 0$$

$$(2) (M+m)\ddot{x} + m\ell\ddot{\theta}\cos\theta + m\ell\dot{\theta}^2\sin\theta = 0, \quad \ell\ddot{\theta} + \ddot{x}\cos\theta - g\sin\theta = 0$$

$$(3) (M+m)\ddot{x} + m\ell\ddot{\theta}\cos\theta - m\ell\dot{\theta}^2\sin\theta = 0, \quad \ell\ddot{\theta} + \ddot{x}\cos\theta + \dot{x}\dot{\theta}\sin\theta + g\sin\theta = 0$$

$$(4) (M+m)\ddot{x} + m\ell\ddot{\theta}\cos\theta + m\ell\dot{\theta}^2\sin\theta = 0, \quad \ell\ddot{\theta} + \ddot{x}\cos\theta - \dot{x}\dot{\theta}\sin\theta + g\sin\theta = 0$$

۷۴- لاگرانژین یک سیستم به شکل زیر است:

$$\mathcal{L} = a\dot{x}^2 + b\frac{\dot{y}}{x} + c\dot{x}\dot{y} + d\dot{y}^2\dot{x}\dot{z} + f\dot{y} - g\sqrt{x^2 + y^2}$$

که در آن a ، b ، c ، d ، f و g ضرایب ثابتی هستند. H هامیلتونین این سیستم کدام است؟

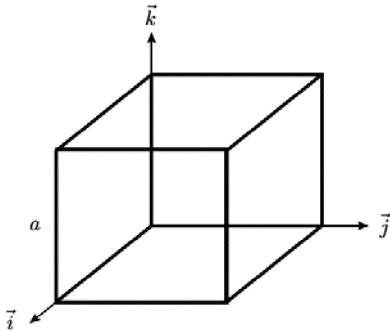
$$(1) H = \frac{1}{y^2d}p_x p_z - \frac{a}{y^2d^2}p_z^2 + g\sqrt{x^2 + y^2}$$

$$(2) H = \frac{1}{y^2d}p_x p_y - \frac{a}{y^2d^2}p_z^2 + g\sqrt{x^2 + y^2}$$

$$(3) H = \frac{1}{y^2d}p_x p_y - \frac{a}{y^2d^2}p_z^2 + f p_y + g\sqrt{x^2 + y^2}$$

$$(4) H = \frac{1}{y^2d}p_x p_z - \frac{a}{y^2d^2}p_z^2 - f p_y + g\sqrt{x^2 + y^2}$$

۷۵- مکعب توپری به طول ضلع a و چگالی یکنواخت ρ در نظر بگیرید. کدام رابطه در مورد I_{ij} مؤلفه‌های تانسور اینرسی این مکعب نسبت به دستگاه مختصات نشان داده شده درست است؟



$$I_{11} = I_{22} = \frac{2}{3}\rho a^5 > I_{33} \text{ و } I_{13} = I_{23} = \frac{1}{8}\rho a^5 < I_{12} \quad (1)$$

$$I_{11} = I_{22} = \frac{3}{4}\rho a^5 < I_{33} \text{ و } I_{13} = I_{23} = -\frac{1}{8}\rho a^5 > I_{12} \quad (2)$$

$$I_{11} = I_{22} = I_{33} = \frac{2}{3}\rho a^5 \text{ و } I_{12} = I_{13} = I_{23} = -\frac{1}{4}\rho a^5 \quad (3)$$

$$I_{11} = I_{22} = I_{33} = \frac{2}{3}\rho a^5 \text{ و } I_{12} = I_{13} = I_{23} = \frac{1}{4}\rho a^5 \quad (4)$$

۷۶- ممان‌های اینرسی اصلی جسم صلبی رابطه $I_1 < I_2 < I_3$ با هم دارند و گشتاور خارجی بر جسم صفر است. اگر $\vec{\omega}$ بردار سرعت زاویه‌ای جسم و \hat{e}_i ($i = 1, 2, 3$) بردارهایی که در امتداد محورهای اصلی جسم باشند، کدام عبارت در مورد پایداری حرکت دورانی جسم درست است؟ (C مقدار ثابت مثبتی است.)

(۱) حرکت جسم درحالتی که $\vec{\omega} = C\hat{e}_1$ یا $\vec{\omega} = C\hat{e}_3$ باشد پایدار و در حالت $\vec{\omega} = C\hat{e}_2$ ناپایدار است.

(۲) حرکت جسم درحالتی که $\vec{\omega} = C\hat{e}_1$ یا $\vec{\omega} = C\hat{e}_3$ باشد پایدار و در حالت $\vec{\omega} = C\hat{e}_2$ ناپایدار است.

(۳) حرکت جسم درحالتی که $\vec{\omega}$ در امتداد هر یک از محورهای اصلی باشد ($\vec{\omega} = C\hat{e}_i$) پایدار است.

(۴) حرکت جسم درحالتی که $\vec{\omega}$ در امتداد هر یک از محورهای اصلی باشد ($\vec{\omega} = C\hat{e}_i$) ناپایدار است.

۷۷- تویی از ارتفاع H بر روی صفحه افقی ثابتی در امتداد قائم رها می‌شود. اگر در برخورد توپ با صفحه ضریب بازگشت β باشد ($\beta < 1$)، D مقدار مسافتی که توپ قبل از توقف طی می‌کند، کدام است؟

$$D = \left(\frac{1+\beta}{1-\beta} \right)^2 H \quad (1)$$

$$D = \left(\frac{1+\beta^2}{1-\beta^2} \right)^{\frac{1}{2}} H \quad (2)$$

$$D = \left(\frac{1+\beta}{1-\beta} \right) H \quad (3)$$

$$D = \left(\frac{1+\beta^2}{1-\beta^2} \right) H \quad (4)$$

۷۸- یک دستگاه مختصات متعامد S با محورهای x ، y و z در حال چرخش با سرعت زاویه‌ای ثابت $\vec{\omega}$ نسبت به دستگاه مختصات متعامد اینرسی S' با محورهای مختصات x' ، y' و z' است. مبدأ دو دستگاه مختصات بر هم منطبق است. اگر \vec{v} و \vec{v}' به ترتیب بردارهای سرعت ذره در S و S' و \vec{r} بردار مکان ذره باشند و $\vec{\omega} = \omega \hat{k}$ ، کدام رابطه درست است؟

$$v'^2 = \dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2 + \omega(x\dot{y} - y\dot{x}) - 2\omega^2(x^2 + y^2) \quad (1)$$

$$v'^2 = \dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2 + 2\omega(x\dot{y} - y\dot{x}) + \omega^2(x^2 + y^2) \quad (2)$$

$$v'^2 = \dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2 - 2\omega(x\dot{y} - y\dot{x}) - \omega^2(x^2 + y^2) \quad (3)$$

$$v'^2 = \dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2 + \omega(x\dot{y} - y\dot{x}) + 2\omega^2(x^2 + y^2) \quad (4)$$

۷۹- بار q به طور یکنواخت در امتداد محور z از $z = -\frac{a}{\sqrt{3}}$ تا $z = \frac{a}{\sqrt{3}}$ توزیع شده است. چگالی بار حجمی این توزیع بار کدام است؟ ($\delta(x)$ تابع دلتای دیراک و $\Theta(x)$ تابع پله‌ای هستند).

$$\rho(x, y, z) = \frac{q}{a} \delta(x) \delta(y) \Theta\left(\frac{a}{\sqrt{3}} - |z|\right) \quad (۱)$$

$$\rho(x, y, z) = \frac{q}{a} \delta(x) \delta(y) \delta\left(\frac{a}{\sqrt{3}} - |z|\right) \quad (۲)$$

$$\rho(x, y, z) = q \delta(x) \delta(y) \Theta\left(\frac{a}{\sqrt{3}} - |z|\right) \quad (۳)$$

$$\rho(x, y, z) = q \delta(x) \delta(y) \delta\left(\frac{a}{\sqrt{3}} - |z|\right) \quad (۴)$$

۸۰- بار Q به طور یکنواخت روی سطح کره‌ای به شعاع R توزیع شده است. مرکز کره بر مبدأ مختصات منطبق است.

مؤلفه‌های نانسور چهارقطبی $q_{ij} = \int (\sum r_i r_j - r^2 \delta_{ij}) \rho(\vec{r}) d^3 r$ این توزیع بار کدام است؟

$$q_{xx} = q_{yy} = q_{zz} = QR^2 \quad \text{و بقیه مؤلفه‌های } q_{ij} \text{ برابر } \frac{1}{3} QR^2 \text{ هستند.} \quad (۱)$$

$$q_{xx} = q_{yy} = q_{zz} = \frac{1}{3} QR^2 \quad \text{و بقیه مؤلفه‌های } q_{ij} \text{ برابر } \frac{1}{6} QR^2 \text{ هستند.} \quad (۲)$$

$$q_{xx} = q_{yy} = q_{zz} = 0 \quad \text{و بقیه مؤلفه‌های } q_{ij} \text{ برابر } \frac{1}{3} QR^2 \text{ هستند.} \quad (۳)$$

$$q_{xx} = q_{yy} = q_{zz} = \frac{1}{3} QR^2 \quad \text{و بقیه مؤلفه‌های } q_{ij} \text{ برابر صفرند.} \quad (۴)$$

۸۱- دو استوانه بلند توخالی هم محور فلزی در نظر بگیرید: استوانه داخلی به شعاع a و پتانسیل V_0 و استوانه بیرونی

به شعاع b و پتانسیل صفر است. $\phi(\vec{r})$ پتانسیل الکتریکی در ناحیه $a < r < b$ کدام است؟ (r فاصله یک

نقطه از محور مشترک دو استوانه و این محور در امتداد محور z است).

$$\frac{V_0}{\ln(a/b)} \ln(r/b) \quad (۱)$$

$$\frac{V_0}{e-1} \left(e^{(b-r)/(b-a)} - 1 \right) \quad (۲)$$

$$\frac{V_0}{b-a} (b-r) \quad (۳)$$

$$\frac{V_0}{(r/a)} \ln(r/b) \quad (۴)$$

۸۲- کره رسانایی با شعاع R و بار Q درون محیطی نامتناهی با ضریب گذردهی $\epsilon = \epsilon_0 \left(1 + \frac{R}{r}\right)^2$ قرار دارد که r

فاصله از مرکز کره است. انرژی الکتریکی ذخیره شده در کل فضا کدام است؟

$$(1) \frac{Q}{2\pi\epsilon_0 R}$$

$$(2) \frac{Q}{8\pi\epsilon_0 R}$$

$$(3) \frac{Q}{6\pi\epsilon_0 R}$$

$$(4) \frac{Q}{16\pi\epsilon_0 R}$$

۸۳- پوسته استوانه‌ای دی‌الکتریک توخالی بسیار بلندی به شعاع داخلی a و شعاع خارجی b و ضریب گذردهی ϵ در یک میدان الکتریکی یکنواخت $\vec{E}_0 = E_0 \hat{i}$ قرار دارد. محور استوانه در امتداد محور z است. پتانسیل الکتریکی در نواحی مختلف در مختصات استوانه‌ای به شکل زیر داده شده است.

$$U(r, \varphi) = \begin{cases} -E_0 r \cos \varphi + \frac{A \cos \varphi}{r} & r > b \\ Cr \cos \varphi + \frac{D \cos \varphi}{r} & a < r < b \\ -E_\varphi r \cos \varphi & r < a \end{cases}$$

که در آن A, C, D و E_φ ضریب‌های ثابتی هستند. کدام رابطه میان این مقادیر ثابت نادرست است؟

$$(\epsilon_r = \epsilon / \epsilon_0)$$

$$(1) b^2(\epsilon_r C + E_0) = \epsilon_r D - A$$

$$(2) a^2(\epsilon_r C - E_\varphi) = \epsilon_r D$$

$$(3) b^2(C + E_0) = A - D$$

$$(4) a^2(C + E_\varphi) = -D$$

۸۴- دو میله نازک بسیار بلند موازی هم در امتداد محور z اولی با چگالی طولی λ در مکان $x = 0$ و دومی با چگالی طولی $-\lambda$ در مکان $x = a$ قرار دارند. معادله سطح هم‌پتانسیل V_0 کدام است؟

$$(1) \frac{x^2}{a^2(c-1)^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1 \quad \text{که در آن } c = 4\pi\epsilon_0 V_0 / \lambda \text{ است.}$$

$$(2) \frac{x^2}{a^2(c-1)^2} - \frac{y^2}{2a^2} = 1 \quad \text{که در آن } c = 2\pi\epsilon_0 V_0 / \lambda \text{ است.}$$

$$(3) \left(x - \frac{2ac}{c-1}\right)^2 + y^2 = \frac{4ca^2}{(c-1)^2} \quad \text{که در آن } c = e^{2\pi\epsilon_0 V_0 / \lambda} \text{ است.}$$

$$(4) \left(x - \frac{ac}{c-1}\right)^2 + y^2 = \frac{ca^2}{(c-1)^2} \quad \text{که در آن } c = e^{4\pi\epsilon_0 V_0 / \lambda} \text{ است.}$$

۸۵- اگر پتانسیل الکتریکی در صفحه xz به شکل $V = V_0 \sin(px)$ باشد که در آن V_0 و p ضرایب ثابت مثبتی هستند. پتانسیل الکتریکی در ناحیه $y \geq 0$ کدام تابع می‌تواند باشد؟

$$V = V_0 (1 - py^2) \sin(px) \quad (۱)$$

$$V = V_0 e^{-py} \sin(px) \quad (۲)$$

$$V = V_0 (1 - \sin(py)) \sin(px) \quad (۳)$$

$$V = V_0 (1 - pye^{py}) \sin(px) \quad (۴)$$

۸۶- نور از محیطی با ضریب شکست n_1 با زاویه تابش θ_1 به فصل مشترک این محیط با محیط دیگری با ضریب شکست n_2 برخورد کرده و با زاویه شکست θ_2 وارد آن می‌شود. ضریب بازتاب برای قطبش‌های s و p کدام است؟

$$R_p = \left(\frac{\sin(\theta_2 - \theta_1)}{\sin(\theta_2 + \theta_1)} \right)^2 \quad \text{و} \quad R_s = \left(\frac{\tan(\theta_2 - \theta_1)}{\tan(\theta_2 + \theta_1)} \right)^2 \quad (۱)$$

$$R_p = \left(\frac{\tan(\theta_2 - \theta_1)}{\tan(\theta_2 + \theta_1)} \right)^2 \quad \text{و} \quad R_s = \left(\frac{\sin(\theta_2 - \theta_1)}{\sin(\theta_2 + \theta_1)} \right)^2 \quad (۲)$$

$$R_p = \left(\frac{\sin(\theta_2 - \theta_1)}{\sin(\theta_2 + \theta_1)} \right)^2 \quad \text{و} \quad R_s = \left(\frac{2 \cos \theta_1 \sin \theta_2}{\sin(\theta_2 + \theta_1)} \right)^2 \quad (۳)$$

$$R_p = \left(\frac{2 \cos \theta_1 \sin \theta_2}{\tan(\theta_2 + \theta_1)} \right)^2 \quad \text{و} \quad R_s = \left(\frac{\tan(\theta_2 - \theta_1)}{\tan(\theta_2 + \theta_1)} \right)^2 \quad (۴)$$

۸۷- کره‌ای به شعاع R درون میدان مغناطیسی یکنواخت $\vec{H} = H_0 \hat{k}$ قرار داده می‌شود. مرکز کره در مبدأ مختصات است. Φ_m پتانسیل اسکالر مغناطیسی در مختصات کروی به شکل زیر است:

$$\Phi_m = \begin{cases} A r \cos \theta & r < R \\ D r \cos \theta + C / r^2 \cos \theta & r > R \end{cases}$$

اگر کره رسانای کاملی باشد که در فضای آزاد است. مقدار ضرایب ثابت A ، C و D کدام است؟

$$A = -H_0, \quad D = 0, \quad C = -R^3 A / 2 = R^3 H_0 / 2 \quad (۱)$$

$$A = -H_0, \quad D = 0, \quad C = R^3 A / 2 = -R^3 H_0 / 2 \quad (۲)$$

$$A = 0, \quad D = -H_0, \quad C = -R^3 D / 2 = R^3 H_0 / 2 \quad (۳)$$

$$A = 0, \quad D = -H_0, \quad C = R^3 D / 2 = -R^3 H_0 / 2 \quad (۴)$$

۸۸- دو سیم مستقیم بسیار بلند موازی حامل جریان الکتریکی یکسان I در جهت‌های مخالف هستند. \vec{A} پتانسیل برداری مغناطیسی در نقطه‌ای خارج از دو سیم و به فاصله r_1 از سیم اول و r_2 از سیم دوم کدام است؟ (\hat{k} بردار یکه در امتداد سیم اول و هم جهت با جریان آن و $\vec{r}_i = r_i \hat{r}_i$ است.)

$$\vec{A} = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \ln \left(\frac{r_1}{r_2} \right) \hat{k} \quad (۲) \quad \vec{A} = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \ln \left(\frac{r_2}{r_1} \right) \hat{k} \quad (۱)$$

$$\vec{A} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} (\vec{r}_1 - \vec{r}_2) \times \hat{k} \quad (۴) \quad \vec{A} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} (\vec{r}_2 - \vec{r}_1) \times \hat{k} \quad (۳)$$

۸۹- از میان عناصر آلومینیوم، مس، نقره، سدیم، جیوه، بیسموت، نیکل و تنگستن کدامین در دمای اتاق خاصیت دیامغناطیسی از خود نشان می‌دهند؟

- (۱) مس، نقره، جیوه، بیسموت
 (۲) مس، سدیم، جیوه، تنگستن
 (۳) آلومینیوم، نقره، بیسموت، تنگستن
 (۴) آلومینیوم، مس، نقره، نیکل

۹۰- یک کره از جنس ماده مغناطیسی به شعاع R و مغناطش $\vec{M}(x,y,z) = (ax^2 + bxy)\hat{i} - cyz\hat{k}$ که a, b و c مقادیر ثابتی دارند در نظر بگیرید. مرکز کره بر مبدأ مختصات منطبق است. چگالی قطب مغناطیسی و σ_M چگالی سطحی قطب مغناطیسی برای این جسم کدامند؟

$$\rho_M = 2ax - cy, \quad \sigma_M = (cyz^2 - ax^3 - bx^2y) / R \quad (۱)$$

$$\rho_M = -2ax + cy, \quad \sigma_M = (ax^3 + bx^2y - cyz^2) / R \quad (۲)$$

$$\rho_M = -2ax - by + cy, \quad \sigma_M = (ax^3 + bx^2y + bxy^2 - cyz^2) / R \quad (۳)$$

$$\rho_M = 2ax + by - cy, \quad \sigma_M = (cyz^2 - ax^3 - bx^2y - bxy^2) / R \quad (۴)$$

۹۱- یک حلقه جریان به شعاع R و جریان I ، در یک دستگاه مختصات دکارتی چنان قرار گرفته که صفحه آن موازی صفحه xy و مرکزش روی محور مثبت z به فاصله d از مبدأ مختصات و جهت جریان پادساعتگرد است. نیرویی که از طرف میدان مغناطیسی $\vec{B} = \beta \vec{r} / r^3$ به این حلقه وارد می‌شود کدام است؟ (β ضریب ثابت مثبت و \vec{r} بردار مکان یک نقطه است).

$$\frac{2\pi\beta IR^2}{(R^2 + d^2)^{3/2}} \hat{k} \quad (۱)$$

$$\frac{2\pi\beta IRd}{(R^2 + d^2)^{3/2}} \hat{k} \quad (۲)$$

$$-\frac{2\pi\beta IRd}{(R^2 + d^2)^{3/2}} \hat{k} \quad (۳)$$

$$-\frac{2\pi\beta IR^2}{(R^2 + d^2)^{3/2}} \hat{k} \quad (۴)$$

۹۲- مخلوطی متشکل از $N \gg 1$ فوتون به این شکل ساخته شده است که $N/4$ فوتون در هر یک از حالت‌های $|e_1\rangle$ ،

$|e_2\rangle$ ، $\frac{1}{\sqrt{2}}(|e_1\rangle + |e_2\rangle)$ و $\frac{1}{\sqrt{2}}(|e_1\rangle - |e_2\rangle)$ هستند. احتمال پیدا کردن فوتون‌هایی در حالت $|\psi\rangle = \cos\theta|e_1\rangle + \sin\theta e^{i\phi}|e_2\rangle$ چیست؟

$$\frac{1}{2} \quad (۱)$$

$$\frac{3}{4} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{2}(3 + \sin 2\theta \cos \phi) \quad (۳)$$

$$\frac{1}{2}(1 + \sin 2\theta \cos \phi) \quad (۴)$$

۹۳- با استفاده از رابطه عدم قطعیت $\Delta x \Delta p \geq \hbar/2$ کمینه انرژی جنبشی الکترون در حالت پایه اتم هیدروژن چند eV است؟ ($m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg}$)

(۱) ۱۰/۲

(۲) ۶/۸

(۳) ۳/۴

(۴) ۱/۷

۹۴- ذره‌ای به جرم m تحت تأثیر انرژی پتانسیل $V(x) = \lambda(x/a)^{2k}$ که در آن $\lambda > 0$ و k عدد صحیح مثبتی است، حرکت می‌کند. ترازهای انرژی E_n که بنا بر قانون کوانتسز بور - زمرفلد به دست می‌آیند کدام است؟

$$C_k = \int_{-1}^1 \sqrt{1-y^{2k}} dy$$

$$E_n = \left(\frac{n h \lambda^{1/(2k)}}{\sqrt{\lambda m C_k a}} \right)^{k/(2k+1)} \quad (1)$$

$$E_n = \left(\frac{n h \lambda^{1/(2k)}}{\sqrt{\lambda m C_k a}} \right)^{2k/(k+1)} \quad (2)$$

$$E_n = \left(\frac{n h \lambda^{1/(2k)}}{\sqrt{2 m C_k a}} \right)^{2k/(k+1)} \quad (3)$$

$$E_n = \left(\frac{n h \lambda^{1/(2k)}}{\sqrt{2 m C_k a}} \right)^{k/(k+1)} \quad (4)$$

۹۵- تابع موج ذره‌ای در یک بعد در لحظه $t = 0$ به شکل $\psi(x) = \begin{cases} 0 & x < 0 \\ \sqrt{2} e^{-x/L} & x \geq 0 \end{cases}$ که L مقدار ثابت مثبتی است. احتمال آن که ذره در ناحیه $x \geq L$ یافت شود تقریباً چند درصد است؟ ($e \approx 2.72$)

(۱) ۱۸/۴

(۲) ۳۶/۸

(۳) ۱۳/۵

(۴) ۲۷/۰

۹۶- اگر هامیلتونی یک سیستم یک بعدی به شکل $H = \frac{p^2}{2m} + V(x)$ باشد، تغییرات زمانی متوسط عملگر xp در

یک حالت دلخواه بهنجار کدام است؟

$$\frac{d}{dt} \langle xp \rangle = \langle p^2 / m \rangle - \left\langle x \frac{dV}{dx} \right\rangle \quad (1)$$

$$\frac{d}{dt} \langle xp \rangle = \langle p^2 / m \rangle + \left\langle x \frac{dV}{dx} \right\rangle \quad (2)$$

$$\frac{d}{dt} \langle xp \rangle = \langle p^2 / 2m \rangle - \left\langle x \frac{dV}{dx} \right\rangle \quad (3)$$

$$\frac{d}{dt} \langle xp \rangle = \langle p^2 / 2m \rangle + \left\langle x \frac{dV}{dx} \right\rangle \quad (4)$$

۹۷- تابع موج ذره‌ای در مختصات کروی به شکل $\psi(r) = \frac{C}{r} e^{-kr}$ است که در آن k ضریب ثابت مثبت و C ضریب بهنجارش تابع موج است. مقدار متوسط عملگر x^2 در این حالت کدام است؟

$$(1) \frac{\pi}{6k^2}$$

$$(2) \frac{1}{6k^2}$$

$$(3) \frac{2}{3k^2}$$

$$(4) \frac{1}{3k^2}$$

۹۸- ذره‌ای در چاه پتانسیل بی‌نهایت یک بعدی به پهنای a در حالت پایه چاه است. احتمال آنکه در اندازه‌گیری ممنوم خطی ذره مقدار p تا $p + dp$ به دست آید، کدام است؟

$$(1) \frac{4\pi a}{(\pi^2 + p^2 a^2 / \hbar^2)^2} \sin^2(pa / 2\hbar) dp$$

$$(2) \frac{4\pi a}{(\pi^2 + p^2 a^2 / \hbar^2)^2} \cos^2(pa / 2\hbar) dp$$

$$(3) \frac{4\pi a}{(\pi^2 - p^2 a^2 / \hbar^2)^2} \cos^2(pa / 2\hbar) dp$$

$$(4) \frac{4\pi a}{(\pi^2 - p^2 a^2 / \hbar^2)^2} \sin^2(pa / 2\hbar) dp$$

۹۹- ذره‌ای به جرم m و بار الکتریکی q که با بسامد زاویه‌ای ω در راستای x نوسان می‌کند تحت تأثیر میدان الکتریکی ثابت $\vec{E} = E_0 \hat{i}$ قرار می‌گیرد. E_n ویژه مقادیرهای انرژی ذره کدام است؟ ($n = 0, 1, 2, \dots$)

$$(1) (n + 1/2) \hbar\omega + q^2 E_0^2 / (4m\omega^2)$$

$$(2) (n + 1/2) \hbar\omega + q^2 E_0^2 / (2m\omega^2)$$

$$(3) (n + 1/2) \hbar\omega - q^2 E_0^2 / (4m\omega^2)$$

$$(4) (n + 1/2) \hbar\omega - q^2 E_0^2 / (2m\omega^2)$$

۱۰۰- تابع موج یک نوسان‌گر هماهنگ یک بعدی با بسامد زاویه‌ای ω در لحظه $t = 0$ به

صورت $\psi(x, 0) = \frac{1}{\sqrt{2}} (u_0(x) - u_1(x))$ است که $u_0(x)$ و $u_1(x)$ به ترتیب تابع موج حالت پایه و دومین حالت

برانگیخته نوسان‌گر هستند. تابع $P(x, t)$ چگالی احتمال حضور نوسان‌گر در لحظه t در مکان x به کدام شکل است؟ (در گزینه‌ها a و b توابعی مستقل از زمان ولی وابسته به x هستند.)

$$(1) a + b \sin(2\omega t)$$

$$(2) a + b \cos(2\omega t)$$

$$(3) a + b \cos^2(2\omega t)$$

$$(4) a + b \sin^2(2\omega t)$$

۱۰۱- تابع موج اتم هیدروژن در حالت پایه در فضای ممنوم به شکل $\phi(\vec{p}) = \frac{2\sqrt{2}}{\pi} \frac{(\hbar/a_0)^{5/2}}{(p^2 + (\hbar/a_0)^2)^2}$ است که

$p = |\vec{p}|$. بیشینه اندازه ممنوم (یعنی p) در این حالت کدام است؟ (a_0 شعاع بور است).

$$\frac{1}{\sqrt{3}} \frac{\hbar}{a_0} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{\sqrt{5}} \frac{\hbar}{a_0} \quad (۲)$$

$$\frac{\hbar}{a_0} \quad (۳)$$

$$\text{صفر} \quad (۴)$$

۱۰۲- کدام تابع، ویژه تابع عملگر L_z (مؤلفه z عملگر ممنوم زاویه‌ای مداری) نیست؟ (x, y, z مختصات دکارتی و r, θ, ϕ مختصات کروی هستند).

$$(x - iy)f(\theta) \quad (۱)$$

$$(x + iy)f(r) \quad (۲)$$

$$(x + iz)f(r) \quad (۳)$$

$$(x^2 + y^2)f(z) \quad (۴)$$

۱۰۳- حالت $|j_1 j_2; jm\rangle$ ویژه حالت عملگرهای J_1^2, J_2^2, J^2, J_z است که $\vec{J} = \vec{J}_1 + \vec{J}_2$ و $J_z = J_{1z} + J_{2z}$ از اثر عملگر $\vec{J} \cdot \vec{J}_1$ بر حالت $|j_1 j_2; jm\rangle$ چه نتیجه می‌شود؟

$$\frac{\hbar^2}{2} (j(j+1) - j_1(j_1+1) - j_2(j_2+1)) |j_1 j_2; jm\rangle \quad (۱)$$

$$\frac{\hbar^2}{2} (j(j+1) - j_1(j_1+1) + j_2(j_2+1)) |j_1 j_2; jm\rangle \quad (۲)$$

$$\frac{\hbar^2}{2} (j(j+1) + j_1(j_1+1) + j_2(j_2+1)) |j_1 j_2; jm\rangle \quad (۳)$$

$$\frac{\hbar^2}{2} (j(j+1) + j_1(j_1+1) - j_2(j_2+1)) |j_1 j_2; jm\rangle \quad (۴)$$

۱۰۴- حالت یک ذره اسپین $\frac{1}{2}$ در لحظه $t = 0$ ویژه حالت عملگر S_z با ویژه مقدار $\hbar/2 +$ است. تحول زمانی این ذره با

هایملتونین $H = \gamma \vec{B} \cdot \vec{S}$ انجام می‌شود که $\vec{B} = B_0 \hat{i}$ و بردار عملگر اسپین و γ ضریب ثابتی است. حالت ذره در لحظه $t > 0$ کدام است؟

$$\begin{pmatrix} \sin(\gamma B_0 t) \\ -i \cos(\gamma B_0 t) \end{pmatrix} \quad (۲) \qquad \begin{pmatrix} \cos(\gamma B_0 t) \\ -i \sin(\gamma B_0 t) \end{pmatrix} \quad (۱)$$

$$\begin{pmatrix} \sin(\gamma B_0 t / 2) \\ i \cos(\gamma B_0 t / 2) \end{pmatrix} \quad (۴) \qquad \begin{pmatrix} \cos(\gamma B_0 t / 2) \\ -i \sin(\gamma B_0 t / 2) \end{pmatrix} \quad (۳)$$

۱۰۵- نوسانگر هماهنگ ۳ بعدی همسان گردی به جرم m ، بار الکتریکی q و بسامد زاویه‌ای ω در حالت پایه خود قرار دارد. اگر این نوسانگر در میدان الکتریکی اختلالی $\vec{E} = \alpha y \hat{j}$ قرار گیرد تغییر انرژی آن تا مرتبه اول اختلال کدام است؟ تابع موج حالت پایه نوسانگر هماهنگ یک بعدی به جرم m و بسامد زاویه‌ای ω به شکل

$$\psi_0(x) = \left(\frac{m\omega}{\pi \hbar} \right)^{1/4} e^{-\frac{m\omega}{2\hbar} x^2} \text{ است.}$$

$$-\frac{q\alpha}{2} \left(\frac{\hbar}{m\omega} \right) \quad (۱)$$

$$-\frac{q\alpha}{4} \left(\frac{\hbar}{m\omega} \right) \quad (۲)$$

$$\frac{q\alpha}{4} \left(\frac{\hbar}{m\omega} \right) \quad (۳)$$

$$\frac{q\alpha}{2} \left(\frac{\hbar}{m\omega} \right) \quad (۴)$$

