



محل امضاء

نام خانوادگی

نام

عصر پنج شنبه

۸۸/۱۱/۲۹

۲  
۲  
دفترچه



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.

امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و تئوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

## آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد فنی‌وپسته داخل – سال ۱۳۸۹

مجموعه مهندسی کامپیوتر (۱- معماری کامپیوتر - ۲- هوش مصنوعی - ۳- نرم افزار - ۴- الگوریتم و محاسبات) – کد ۱۲۷۲

مدت پاسخگویی: ۱۳۰ دقیقه

تعداد سوال: ۵۰

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	ریاضیات (ریاضیات مهندسی، آمار و احتمالات، محاسبات عددی، ساختمانهای گستته)	۲۰	۳۱	۵۰
۲	دروس تخصصی مشترک (ساختمان داده‌ها، نظریه زبانها و ماشینها، مدارهای منطقی، معماری کامپیوتر، سیستم عامل)	۳۰	۵۱	۸۰

بهمن ماه سال ۱۳۸۸

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی‌باشد.

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

عصر پنجم شنبه ۲۹/۱۱/۸۸

(۱)

ریاضیات (ریاضیات مهندسی، آمار و احتمالات ...)

-۳۱ اگر برای  $x < 2$  داشته باشیم:  $f(x) = \frac{4}{\pi} \left( \sin \frac{\pi x}{2} - \frac{1}{2} \sin \frac{2\pi x}{2} + \frac{1}{3} \sin \frac{3\pi x}{2} - \dots \right)$  در این صورت دو جمله اول بسط

فوريه تابع متناوب  $f(x) = 1 - \frac{x^2}{4}$  در فاصله  $x < 2$  عبارت است از:

$$\frac{1}{3} - \frac{4}{\pi^2} \cos \frac{\pi x}{2} \quad (۴)$$

$$\frac{2}{3} + \frac{4}{\pi^2} \cos \frac{\pi x}{2} \quad (۳)$$

$$\frac{2}{3} - \frac{4}{\pi^2} \cos \frac{\pi x}{2} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{3} + \frac{4}{\pi^2} \cos \frac{\pi x}{2} \quad (۱)$$

-۳۲ برای تابع:  $f(x) = \begin{cases} x & ; -1 < x < 1 \\ 0 & ; \text{سایر مقادیر} \end{cases}$  تبدیل فوريه با تعريف عبارت است از:

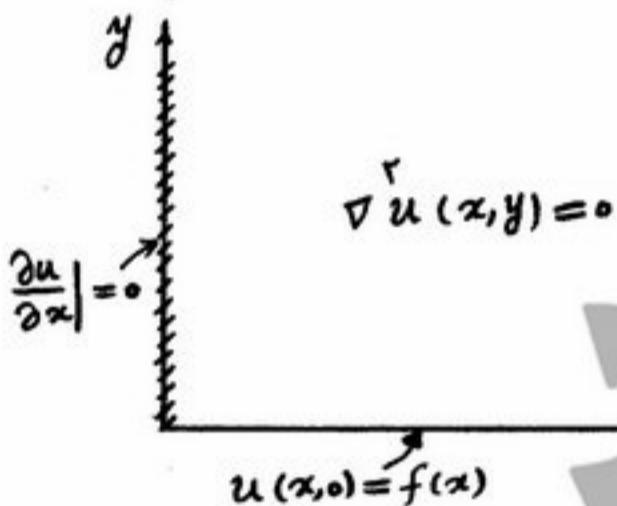
$$\sqrt{\frac{2}{\pi}} \frac{i}{\omega^r} (\omega \cos \omega - \sin \omega) \quad (۵)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \left( \frac{2 \cos \omega}{-i\omega} + \frac{1}{\omega^r} (e^{-i\omega} + e^{i\omega}) \right) \quad (۱)$$

$$\sqrt{\frac{2}{\pi}} \left( \frac{i \cos \omega}{\omega} + \frac{i \sin \omega}{\omega^r} \right) \quad (۶)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \left( \frac{2 \cos \omega}{i\omega} + \frac{1}{\omega^r} (e^{-i\omega} - e^{i\omega}) \right) \quad (۷)$$

-۳۳ پاسخ معادله لاپلاس،  $u(x, y)$  در ربع اول با شرایط مرزی نشان داده شده مورد نظر است. شکل کلی پاسخ عبارت است از:



$$\int_0^\infty E(p) e^{-py} \cos px dp \quad (۱)$$

$$\int_0^\infty E(p) e^{-px} \cos py dp \quad (۲)$$

$$\int_0^\infty E(p) e^{-py} \sin px dp \quad (۳)$$

$$\int_0^\infty [A(p) \cos px + B(p) \sin px] e^{-py} dp \quad (۴)$$

-۳۴ ناحیه ۱ از صفحه  $z$  تحت نگاشت وارونی ( $w = \frac{1}{z}$ ) در صفحه  $w$  به چه ناحیه‌ای تبدیل می‌شود؟

$$|w + \frac{i}{2}| \geq \frac{1}{2} \quad (۴)$$

$$|w + \frac{i}{2}| \geq \frac{1}{2} \quad (۳)$$

$$|w - \frac{i}{2}| \geq \frac{1}{2} \quad (۲)$$

$$|w - \frac{1}{2}| \geq \frac{1}{2} \quad (۱)$$

-۳۵ دنباله‌ی همگرای  $\dots, z_1, z_2, \dots$  را که در آن  $z_n = \frac{1}{n} \left( 1 - \frac{5}{n} + 3i \left( 1 + \frac{1}{n} \right) \right)$  در نظر می‌گیریم. اگر  $c$  حد دنباله باشد، تعداد جملات دنباله که خارج ناحیه  $|z_n - c| < 0.01$  باشند، چند تاست؟

۳۰۰ (۴)

۳۲۵ (۳)

۳۰۱ (۲)

۳۲۶ (۱)

-۳۶ در میان  $10^0$  تراشه تولیدی  $4$  تراشه معیوب است. یک نمونه تصادفی  $10$  تایی، بدون جایگذاری از این تراشه‌ها انتخاب می‌کنیم. احتمال تقریبی این که یک تراشه معیوب در نمونه انتخابی باشد کدام است؟

$$\frac{3 \times 2^{10}}{5^7} \quad (۲)$$

$$\frac{2^{10}}{5^7} \quad (۴)$$

$$\frac{5}{2} \left( \frac{24}{25} \right)^3 \quad (۱)$$

$$\left( \frac{24}{25} \right)^3 \quad (۳)$$

-۳۷ دو تا سال میان سال میان را ۶ بار پرتاب می‌کنیم. احتمال اینکه حداقل یک بار مجموع دو خال ۷ را مشاهده کنیم، کدام است؟

$$1 - \left(\frac{5}{6}\right)^6 \quad (۲)$$

$$\left(\frac{5}{6}\right)^6 \quad (۴)$$

$$1 - \left(\frac{5}{6}\right)^6 \quad (۱)$$

$$\left(\frac{1}{6}\right)^6 \quad (۳)$$

-۳۸ فرض کنید  $9/9, 5/5, 4/4, 2/2, 0/0, 7/7, 0/0, 3/3$  یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد

$$f_\theta(x) = \frac{1}{1-\theta}, \quad \theta \leq x \leq 1$$

برآورد ماکزیمم درستنمایی (MLE) پارامتر  $\theta$  کدام است؟

$$0/4 \quad (۲)$$

$$0/2 \quad (۴)$$

$$9/0 \quad (۱)$$

$$5/0 \quad (۳)$$

-۳۹ فرض کنید  $1, 2, 3, 4, 5$  یافته‌های یک نمونه تصادفی از  $N(\mu, \sigma^2)$  باشد. برای آزمون  $H_0: \mu = 2/5$  در مقابل  $H_1: \mu \neq 2/5$ ، مقدار آماره‌ی آزمون کدام است؟

$$\sqrt{10} \quad (۲)$$

$$\frac{\sqrt{10}}{10} \quad (۱)$$

$$\sqrt{2} \quad (۴)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (۳)$$

-۴۰ سه جامعه نرمال با واریانس‌های مساوی، از نظر میانگین مورد مقایسه قرار می‌گیرند. برای انجام آزمون خلاصه اطلاعات زیر داده شده است.

	۱	۲	۳
اندازه نمونه آ-ام	۲	۵	۴
میانگین نمونه آ-ام	۶	۸	۴
انحراف معیار نمونه آ-ام	۰/۷	۱/۰	۱/۱

مجموع مربعات خطأ (SSE) کدام است؟

$$7/20 \quad (۲)$$

$$2/70 \quad (۴)$$

$$8/12 \quad (۱)$$

$$8/0 \quad (۳)$$

-۴۱ جواب محاسبه انتگرال  $I = \int_a^b f(x)dx$  به روش ذوزنقه در سطر اول جدول زیر داده شده است.

روش ذوزنقه	$h$	$\frac{h}{2}$	$\frac{h}{4}$
	۰/۲۴۳۴	۰/۲۴۸۱	۰/۲۴۹۴
		۰/۲۴۹۷	

با استفاده از روش رامبرگ (Romberg) جواب محاسبه انتگرال به کدام جواب داده شده در زیر نزدیک‌تر است؟

$$I = ۰/۲۵۰۹ \quad (۴)$$

$$I = ۰/۲۴۸۴ \quad (۳)$$

$$I = ۰/۲۵۱۹ \quad (۲)$$

$$I = ۰/۲۴۹۸ \quad (۱)$$

-۴۲ جدول تفاضل‌های تابع زیر را در نظر می‌گیریم.  $y = f(x) = 0/5 + x^5$  مشتق تابع را در  $x = 0$  محاسبه کنید. نتیجه به کدام جواب زیر نزدیک‌تر است؟

$i$	$x_i$	$f_i$	$\Delta f_i$	$\Delta^2 f_i$	$\Delta^3 f_i$	$\Delta^4 f_i$
0	0.30	0.3985	0.2613	-0.0064	-0.0022	0.0003
1	0.50	0.6598	0.2549	-0.0086	-0.0018	0.0004
2	0.70	0.9147	0.2464	-0.0104	-0.0014	0.0005
3	0.90	1.1611	0.2360	-0.0118	-0.0010	
4	1.10	1.3971	0.2241	-0.0128		
5	1.30	1.6212	0.2113			
6	1.50	1.8325				

$$f'(0/5) = 1/1155 \quad (۴) \quad f'(0/5) = 1/3945 \quad (۳) \quad f'(0/5) = 1/2925 \quad (۲) \quad f'(0/5) = 1/4935 \quad (۱)$$

-۴۳ برای محاسبه ریشه دوم عدد ۳ روش نیوتن را به کار می‌بریم.  $f(x) = x^2 - 3$  با شروع اولیه  $x_0 = 1$  بعد از سه بار تکرار جواب به دست آمده  $x_3$  به کدام جواب زیر نزدیک‌تر می‌باشد؟

$$x_3 = 1/7981 \quad (۴) \quad x_3 = 1/7321 \quad (۳) \quad x_3 = 1/6523 \quad (۲) \quad x_3 = 1/6901 \quad (۱)$$

-۴۴ ماتریس A را در نظر می‌گیریم.

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & -1 \\ 0 & -1 & 2 \end{bmatrix}$$

برای تعیین بزرگترین مقدار ویژه ماتریس، از روش توانی استفاده می‌کنیم. با انتخاب بردار اولیه  $z^{(0)} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$  بعد از چهار بار تکرار جواب به دست آمده به کدام جواب زیر نزدیک‌تر است؟

$$\lambda_1 = 3/8 \quad (۴) \quad \lambda_1 = 3/6 \quad (۳) \quad \lambda_1 = 3/2 \quad (۲) \quad \lambda_1 = 3/5 \quad (۱)$$

-۴۵ معادله دیفرانسیل زیر را در نظر می‌گیریم:

$$\frac{dy}{dx} = x + y + xy, y(0) = 1$$

روش Runge-Kutta مرتبه دوم را به کار برد و جواب معادله دیفرانسیل را در  $x_1 = 1$  به دست آورید. جواب به دست آمده به کدام جواب زیر نزدیک‌تر است؟

$$y_1 = 1/2136 \quad (۴) \quad y_1 = 1/1987 \quad (۳) \quad y_1 = 1/10989 \quad (۲) \quad y_1 = 1/1155 \quad (۱)$$

-۴۶ اگر  $s(r, n)$  نمایش‌دهنده تعداد راه‌های توزیع  $r$  شی متمایز در  $n$  جعبه نامتمایز باشد به طوری که هیچ جعبه‌ای خالی نباشد، کدام رابطه صحیح است؟

$$s(r, n) = s(r-1, n-1) + ns(r-1, n) \quad (۲) \quad s(r, n) = s(r-1, n) + ns(r-1, n-1) \quad (۱)$$

$$s(r, n) = s(r-1, n) + rs(r-1, n-1) \quad (۴) \quad s(r, n) = s(r-1, n-1) + rs(r-1, n) \quad (۳)$$

-۴۷ اگر ساعت ۴ بعدازظهر روز چهارشنبه باشد، بعد از گذشت ۴۷۷۴ ساعت، چه روز و چه ساعتی خواهد بود؟  
(۱) یکشنبه ساعت ۳ بعدازظهر (۲) شنبه ساعت ۵ بعدازظهر (۳) شنبه ساعت ۳ بعدازظهر (۴) یکشنبه ساعت ۵ بعدازظهر

-۴۸ تابع کدگذاری  $E : Z_2^5 \rightarrow Z_2^5$  که رشته‌های باینری دو بیتی را به رشته‌های ۵ بیتی کند می‌کند توسط ماتریس مولد

$G = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$  توصیف شده است. ماتریس بررسی زوجیت (یا توازن) (H) برای رمزگشایی تابع کدگذاری فوق کدام است؟

$$H = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (۴) \quad H = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (۳) \quad H = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (۲) \quad H = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (۱)$$

- ۴۹ فرض کنید  $\{1, 2, 3, \dots, 600\} = A$  حاوی تمام اعداد طبیعی بین یک تا ۶۰۰ باشد، تعداد اعضای  $A$  که بزرگ‌تر از ۳ یا ۵ یا ۷ باشند چند است؟

(۱) ۲۷۵      (۲) ۲۷۰      (۳) ۲۸۰      (۴) ۴۰۵

PardazeshPub.com

- ۵۰ اگر گراف  $G$  در واقع دوری به طول ۴ باشد به چند روش مختلف می‌توان رئوس  $G$  را با استفاده از حداقل  $\lambda$  رنگ متفاوت، رنگ آمیزی کرد به گونه‌ای که هیچ دو رأس مجاوری هم رنگ نباشد؟

(۱)  $\lambda^4 - 4\lambda^3 + 6\lambda^2 - 3\lambda$       (۲)  $\lambda^3 + 4\lambda^2 - 6\lambda + 1$       (۳)  $\lambda^4 + 4\lambda^3 + 3\lambda^2 - 2\lambda$       (۴)  $\lambda^4 - 4\lambda^3 + 6\lambda^2 - 1$

دروس تخصصی مشترک (ساختمندان داده‌ها، نظریه‌ی زبان‌ها و ماشین‌ها، مدارهای منطقی، معماری کامپیوتر، سیستم عامل)

- ۵۱ می‌دانیم که هزینه‌ی الگوریتم مرتب‌سازی درجی (Insertion Sort) برای مرتب‌سازی یک آرایه‌ی  $A$  با  $n$  عنصر مناسب با تعداد «وارونگی»(inversion)‌های عناصر آن آرایه است. زوج  $(j, i)$  را یک عدد وارونگی می‌گوییم اگر  $j < i$  و  $A[j] > A[i]$  با فرض احتمال این که یک زوج اندیس دلخواه از  $A$  یک وارونگی باشد برابر  $1/2$  است، میانگین تعداد وارونگی‌های یک آرایه‌ی  $A$  با عناصر متمایز چقدر است؟

(۱)  $\frac{n^2 - n}{2}$       (۲)  $\frac{n^2}{2}$       (۳)  $\frac{n^2}{4}$       (۴)  $\frac{n^2 - n}{4}$

- ۵۲ رابطه‌ی بازگشتی زیر را در نظر بگیرید:

$$F(x, 0) = F(x+1, 0) + F(x+1, 1), \text{ if } x < n$$

$$F(x, 1) = 2F(x+1, 0) + F(x+1, 1), \text{ if } x < n$$

$$F(n, 0) = 1$$

$$F(n, 1) = 0$$

- اگر از این رابطه بخواهیم مقدار  $F(1, 1)$  را به صورت کارا حساب کنیم، چند بار عمل «جمع» (همان + در رابطه‌های فوق) را باید انجام دهیم؟

(۱)  $O(2^{n-1})$       (۲)  $O(n)$       (۳)  $O(n^2)$       (۴)  $O(2^n)$

- ۵۳ در الگوریتم مرتب‌سازی آرایه‌ی  $A$  با  $n$  عنصر فرض کنید  $a > b$  یک عدد ثابت است. همچنین فرض کنید که هزینه‌ی مقایسه‌ی دو عنصر  $A[i]$  و  $A[j]$ ، یا تعویض آن‌ها، اگر  $b \leq |i-j|$  برابر صفر (خیلی کم) و در غیر این صورت برابر ۱ (خیلی زیاد) است. توجه کنید که با این فرض، هزینه‌ی مرتب‌سازی درجی، حبابی (Bubble sort) برابر  $O(n)$  می‌شود. چون فقط عناصر مجاور را مقایسه و تعویض می‌کنند. با این فرض هزینه‌ی مرتب‌سازی ادغامی (Merge sort)  $A$  در بدترین حالت چقدر است؟ (بهترین جواب را انتخاب کنید). (بدیهی است که اگر  $T(n)$  زمان اجرا باشد داریم:  $b < n < 1$  و  $T(n) = O(n \lg n)$ )

(۱)  $O(n \lg n)$       (۲)  $O(n / b \lg(n / b))$       (۳)  $O(n \lg(n / b))$       (۴)  $O(n \lg n)$

- ۵۴ در یک زمستان سرد، خرس قطبی  $n$  قطعه گوشت دقیقاً به اندازه‌های ۱، ۲، تا  $n$  را در غاری ذخیره کرده است. او هر روز یکی از این قطعه گوشت‌ها را به صورت تصادفی انتخاب می‌کند. اگر اندازه‌ی گوشت عدد فردی بود، آن را کاملاً می‌خورد. اگر زوج بود، آن را دقیقاً نصف می‌کند، یک نصف آن را می‌خورد و نصف دیگر را مجدداً در غار قرار می‌دهد. اگر گوشتی موجود نباشد، خرس می‌میرد. با این الگوریتم، برای  $n$ ‌های خیلی بزرگ روزهای باقیمانده از عمر خرس ما تابع کدامیک از گزینه‌ها خواهد بود؟

(۱)  $\theta(n)$       (۲)  $\theta(\log n)$       (۳)  $\theta(n \log n)$       (۴)  $\theta(n^2)$

PardazeshPub.com

-۵۵ می‌دانیم که در یک درخت دودویی، سطح (یا عمق) یک گره برابر طول مسیر از آن گره تا ریشه است. ارتفاع درخت هم بزرگترین سطح گره‌ها در آن درخت است. «پهنانی» یک درخت دودویی  $T$  را برابر بیشترین تعداد گره‌های هم سطح در  $T$  تعریف می‌کنیم. آیا درخت دودویی با  $n$  گره و ارتفاع و پهنانی زیر وجود دارد؟

I. ارتفاع  $\Theta(n)$  و پهنانی  $\Theta(\log n)$

II. ارتفاع  $\Theta(\sqrt{n})$  و پهنانی  $\Theta(n)$

III. ارتفاع  $\Theta(\log n)$  و پهنانی  $\Theta(1)$

چهار چند تا از موارد فوق درست است؟

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

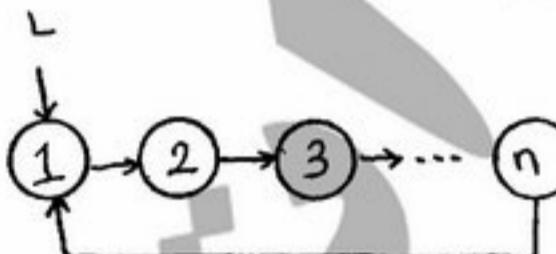
-۵۶ توابع  $h(n) = \lg^r n$  و  $g(n) = \lg^{\lg r} n$  ،  $f(n) = \epsilon^{\lg n}$  توابع  $f(n) \in \Theta(h(n))$  ،  $g(n) \in \Omega(f(n))$  (۱)

$h(n) \in O(g(n))$  ،  $f(n) \in \Theta(g(n))$  (۲)  $f(n) \in O(g(n))$  ،  $f(n) \in \Omega(h(n))$  (۳)

$g(n) \in \Omega(h(n))$  ،  $h(n) \in \Omega(f(n))$  (۴)

-۵۷ با توجه به تابع رو به رو و لیست حلقوی مذکور به ازای مقادیر  $n$  برابر ۷۲۹ و ۲۲۰ مقدار خروجی به ترتیب برابر چند خواهد بود؟

```
int SO(LIST*L){
    while(L->next != L){
        L->next = L->next->next;
        L = L->next;
    }
    return L->data;
}
```



(۱) ۱ و ۴۰ (۲) ۱ و ۱ (۳) ۲۲۰ و ۷۲۹ (۴) هیچ کدام

-۵۸ گرامر وابسته به متن  $G$  مفروض است:

$$\begin{aligned} G : S &\rightarrow S_1 B \\ S_1 &\rightarrow aS_1 b \\ bB &\rightarrow bbbB \\ aS_1 b &\rightarrow aa \\ B &\rightarrow \epsilon \end{aligned}$$

زبان گرامر  $G$  کدام است؟

(۱)  $\{a^{n+1}b^{n+k} \mid n \geq 1, k \geq 0\}$

(۲)  $\{a^n b^{n+2k-1} \mid n \geq 1, k \geq 0\}$

(۳)  $\{a^n b^{n+2k} \mid n \geq 2, k \geq 0\}$

-۵۹ حداقل پیچیدگی زمانی الگوریتم تجزیه‌ای که بتواند هر رشته متعلق به یک گرامر مستقل از متن مبهم دلخواه به فرم نرمال چامسکی را تجزیه (پارس) کند کدام است؟ (دقیق کنید که الگوریتم تجزیه گرامر را به هیچ وجه تغییر نمی‌دهد).

(۱)  $O(n^4)$  (۲)  $O(n^3)$  (۳)  $O(2^n)$  (۴)  $O(n^7 \log n)$

-۶۰ مجموعه زبان‌های بازگشتی (Recursive) را  $R$  و مجموعه زبان‌های بازگشتی شمارش پذیر (Recursively Enumerable) را  $RE$  می‌نامیم. زبان  $L$  مفروض است. در کدام یک از حالت‌های زیر یک ماشین تورینگ که

برای تمام رشته‌های  $L$  به حالت توقف برسد وجود دارد؟

(۱)  $\bar{L} \in RE$  و  $L \in RE$  (۲)  $\bar{L} \notin R$  و  $L \in RE$  (۳)  $\bar{L} \notin RE$  و  $L \in RE$  (۴) هیچ کدام

-۶۱ زبان‌های  $L_1$  و  $L_2$  مفروضند، کدام عبارت صحیح است؟ مقصود از  $|x|$  و  $x^R$  به ترتیب طول رشته  $x$  و معکوس رشته  $x$  است.

$$L_1 = \{w_1 w_2 \mid w_1, w_2 \in (a+b)^*, |w_1| = |w_2|, w_2 \neq w_1^R\}$$

$$L_2 = \{a^n w w^R b^n \mid w \in (a+b)^*\}$$

(۱)  $L_2$  مستقل از متن و  $L_1$  مستقل از متن نیست.

(۲) هیچ یک از  $L_1$  و  $L_2$  مستقل از متن نیست.

-۶۲  $L$  زبانی است با الفبای  $\{a, b\}^*$  به قسمی که کلیه رشته‌های  $L$  دارای حداقل یک زیر رشته  $ab$  و فاقد زیر رشته  $ba$  هستند. کوچکترین آتماتاًقانی که این زبان را شناسایی کند دارای چند وضعیت (حالت) است؟ (توضیح: وضعیت (حالت) شناسایی همان Final State است).

(۳) ۵ وضعیت که دو وضعیت آن از نوع شناسایی است.

(۴) ۶ وضعیت که سه وضعیت آن از نوع شناسایی است.

-۶۳ کدام عبارت صحیح است؟ (مقصود از  $\epsilon$  رشته‌ای به طول صفر است).

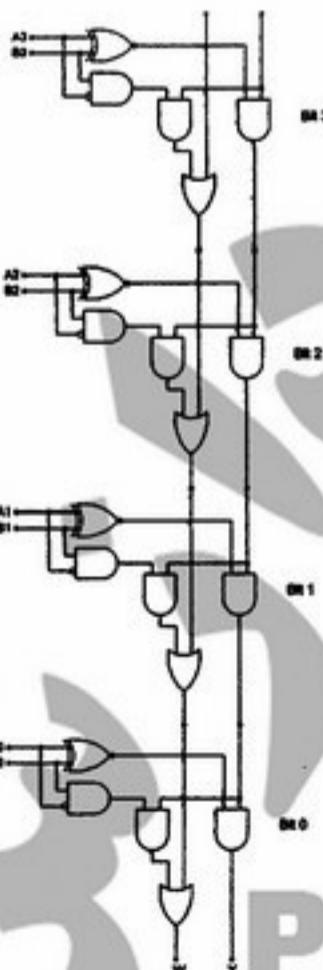
(۱) در هر زبان منظم  $L$  رشته‌ای مثل  $Z$  وجود دارد به قسمی که  $z = uvw$  و  $v \neq \epsilon$  و برای هر مقدار صحیح  $i$  رشته  $z' = uv^i w$  نیز متعلق به زبان  $L$  است.

(۲) برای هر زبان منظم  $L$  عددی صحیح مثل  $k$  وجود دارد به قسمی که اگر رشته‌ای از  $L$  مثل  $Z$  با طول بزرگتر از  $k$  داشته باشیم آنگاه حتماً رشته‌ای از  $L$  با طول کوچکتر از  $k$  نیز خواهیم داشت.

(۳) اگر رشته‌ای از زبان  $L$  مثل  $z = uvw$  وجود داشته باشد به قسمی که برای هر  $i \geq 0$  رشته  $w^i z = uv^i w$  متعلق به  $L$  باشد آنگاه  $L$  زبانی منظم است.

(۴) هر سه مورد صحیح است.

-۶۴ گیت‌های شکل مقابل تکرار یک مدار در ۴ بار می‌باشد. این مدار چهار بیتی چه عملکردی دارد؟  $W$  و  $Y$  چه توابعی دارند؟ (۱)  $A_i$  و  $B_i$  های نشان داده شده بیت‌های اعداد باینری  $A$  و  $B$  می‌باشند، و بیت ۳ پر ارزش‌ترین بیت است.



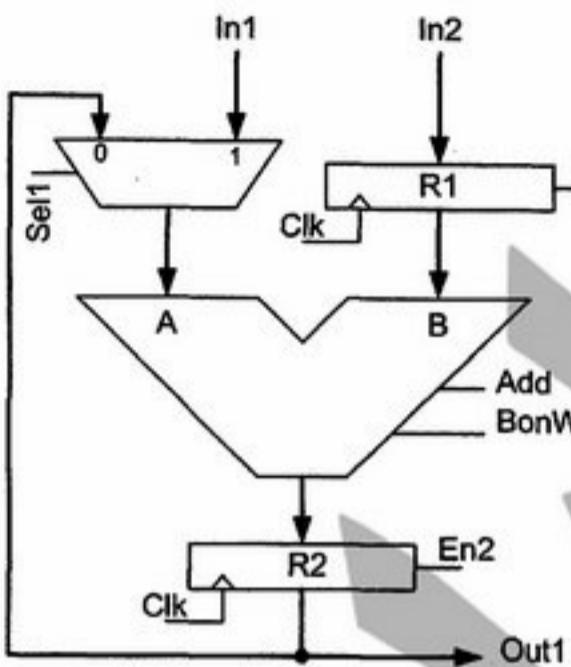
Y Carry of  $A + B$   
W Borrow of  $A - B$  (۱)

$Y \leftarrow 1$  When  $A = B$   
 $W \leftarrow 1$  When  $B$  is odd (۲)

(۳) عدد ۲ بیتی که باقی‌مانده تقسیم  $A$  بر  $B$  است.

$Y \leftarrow 1$  When  $A = B$ ;  
 $W \leftarrow 1$  When  $A < B$ ; (۴)

-۶۵ در شکل زیر با مقادیر درست به روی خطهای کنترل (Sel1, En1, Add, BonW, En2) این مدار قابلیت این را دارد که زیر را انجام دهد:  $out \leftarrow In1 + In2 * 2$ . در سه کلاک پشت سرهم، ترتیب ۱ شدن خطهای کنترل چگونه باید باشد؟



CLK1: Add = 1,

۱) باقی صفر

CLK2: En2 = 1,

۲) باقی صفر

CLK3: BonW = 1, Sel1 = 1,

۳) باقی صفر

CLK1: Sel1 = 1, En1 = 1

۴) باقی صفر

CLK2: BonW = 1,

۵) باقی صفر

CLK3: Add = 1, En2 = 1

۶) باقی صفر

-۶۶ مدار ترتیبی برای تشخیص دنباله‌های ۱۰۱ و ۱۱۰ که به صورت Moore طراحی شده باشد، دارای چند حالت است؟ (این مدار باید تشخیص رشته‌های هم پوشان (Overlapping) را نیز پشتیبانی کند).

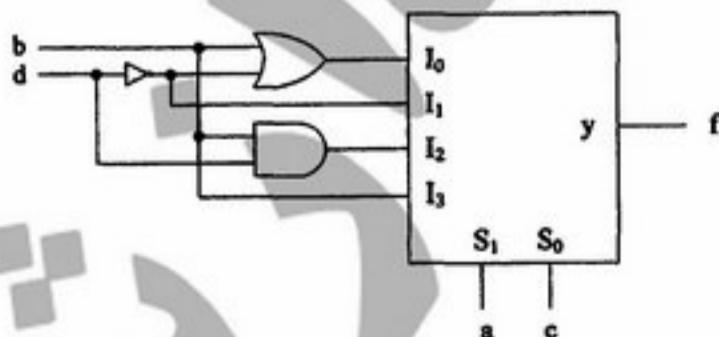
۸) ۸ حالت

۷) ۷ حالت

۵) ۵ حالت

۶) ۶ حالت

-۶۷ شکل مقابل پیاده‌سازی کدام تابع را نشان می‌دهد؟



$$f(a, b, c, d) = \sum m(0, 2, 3, 4, 6, 11, 14, 15) \quad (1)$$

$$f(a, b, c, d) = \sum m(0, 2, 4, 5, 6, 13, 14, 15) \quad (2)$$

$$f(a, b, c, d) = \sum m(0, 1, 8, 9, 11, 12, 14, 15) \quad (3)$$

$$f(a, b, c, d) = \sum m(0, 1, 5, 8, 9, 12, 13, 15) \quad (4)$$

-۶۸ کدام مورد به ترتیب تعداد Essential Prime Implicant (EPI), Prime Implicant (PI) های تابع

$$f(a, b, c, d) = \sum m(1, 5, 6, 8, 9) + d(7, 11) \quad (1)$$

$$f(a, b, c, d) = \sum m(2, 4, 6, 8, 10) + d(7, 11) \quad (2)$$

$$f(a, b, c, d) = \sum m(2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 15) \quad (3)$$

$$f(a, b, c, d) = \sum m(2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 15) \quad (4)$$

تابع  $f(a,b,c,d) = ab + \bar{a}c + \bar{c}d$  را در نظر بگیرید برای پیاده‌سازی این تابع به صورت Hazard Free به حداقل چه تعداد گیت نیاز داریم؟ -۶۹

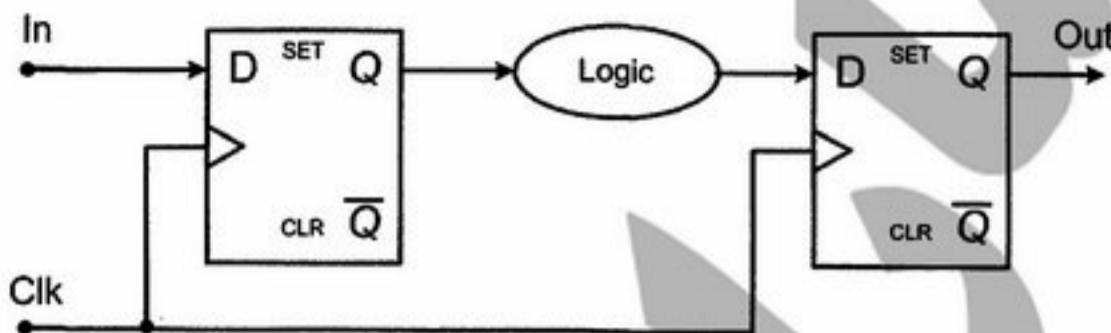
(۱) ۵ گیت AND با ۲ ورودی و یک گیت OR با ۵ ورودی

(۲) ۳ گیت AND با ۲ ورودی، ۲ گیت OR با ۳ ورودی و یک گیت OR با ۵ ورودی

(۳) ۶ گیت AND با ۲ ورودی و یک گیت OR با ۶ ورودی

(۴) ۳ گیت AND با ۲ ورودی، ۳ گیت OR با ۳ ورودی و یک گیت OR با ۵ ورودی

در مدار شکل مقابل حداکثر فرکانس کلاک بالس که می‌توان به مدار اعمال نمود بر حسب مگاهرتز (MHz) چقدر است؟ -۷۰



$$\text{Flip-Flop} \begin{cases} t_{\text{setup}} = 15 \text{ n sec} \\ t_{\text{pd}} = 10 \text{ n sec} \\ t_{\text{hold}} = 5 \text{ n sec} \end{cases}$$

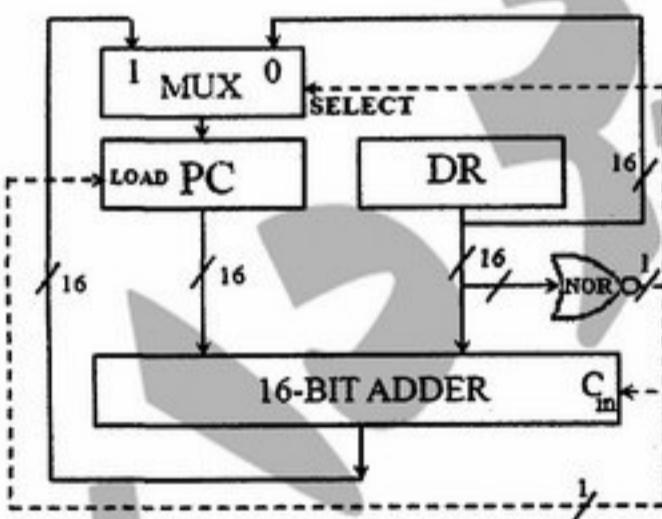
۳۳ (۱)

۶۶ (۲)

۴۰ (۳)

۱۰۰ (۴)

با فرض اینکه ثبات‌های PC و DR شانزده بیتی هستند وظیفه سخت‌افزار زیر را با کدام ریز عملیات (Micro operation) می‌توان توصیف کرد؟ -۷۱



if  $DR = 0$  then  $PC \leftarrow PC + 1$  else  $PC \leftarrow PC$  (۱)

if  $DR \neq 0$  then  $PC \leftarrow PC + DR$  else  $PC \leftarrow DR$  (۲)

if  $DR = 0$  then  $PC \leftarrow PC + DR$  else  $PC \leftarrow DR$  (۳)

if  $DR \neq 0$  then  $PC \leftarrow PC + 1$  else  $PC \leftarrow PC$  (۴)

# PardazeshPub.com

-۷۲ قطعه برنامه‌ای متشکل از حلقه‌ای است که یک‌صد دستور دارد و این حلقه ۵۰ بار تکرار می‌شود. اگر فرکانس ساعت کامپیوتو

$1\text{ GHz}$  و متوسط تعداد پالس برای اجرای هر دستور  $1/25$  پالس باشد آنگاه MIPS (Million Instruction Per Second) برای این کامپیووتر چقدر است؟

۸۰۰ (۴)

۵۰ (۳)

۲۰۰ (۲)

۴۰ (۱)

-۷۳ یک بسته نرم‌افزاری روی تک پردازنده A نیاز به T ثانیه برای اجرا دارد. بخشی از این نرم‌افزار به روش موازی نوشته شده است و این بخش می‌تواند از امکانات کامپیوتویی که از ۴ پردازنده نوع A ساخته شده استفاده کند و با سرعت ۴ برابر نسبت به قبل اجرا شود. چند درصد از برنامه باید از نوع موازی باشد تا وقتی کل برنامه را روی کامپیووتر ۴ پردازنده اجرا کنیم نسبت به قبل افزایش سرعتی برابر با ۲ داشته باشیم؟

۴) چهار پنجم

۳) دو سوم

۲) سه چهارم

۱) یک دوم

-۷۴ مشخص کنید این برنامه کدام گزاره را محاسبه می‌کند و نوع ماشینی که این نوع دستورات را اجرا می‌کدام است؟

**Push A**

$$X = \frac{A}{B} - C \times (D + E) \quad (1)$$

**Push B**

$$X = A + B \times \left(C - \frac{D}{E}\right) \quad (2)$$

**Push C**

$$X = E + D \times \left(C - \frac{B}{A}\right) \quad (3)$$

**Push D**

$$X = A + B \times \left(\frac{D}{E} - C\right) \quad (4)$$

**Push E****Div****SUB****MUL****ADD****POP X**

-۷۵ حافظه نهان (cache) از نوع شرکت‌پذیر مجموعه‌ای دو راهه (2 way set associative) با کلاً ۸ بلوک ۴ کلمه‌ای موجود است. بزرگی حلقه اصلی M ۲۵۶ کلمه است. با فرض اینکه cache در ابتدا خالی است نرخ فقدان (miss rate) بعد از اتمام رشته مراجعات به آدرس‌های حافظه اصلی (از چپ به راست) چقدر می‌شود؟ (آدرس‌ها به صورت Hex نشان داده شده‌اند).

۱۲F, ۲۲F, ۱۲B, ۲۲B, ۱۲C, ۲۲C, ۶۷D, ۶۹D, ۶۹F, ۶۹C.

۷۷۰ (۴)

۷۵۰ (۳)

۷۶۰ (۲)

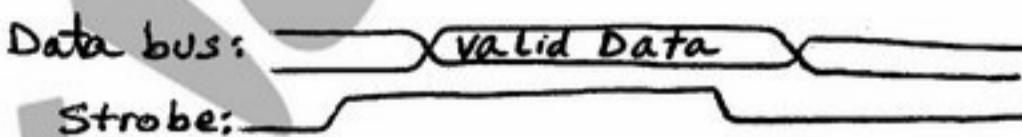
۷۴۰ (۱)

-۷۶ بین یک واحد فرستنده دیتا و یک واحد گیرنده دیتا خطوط ارتباطی زیر وجود دارد:

- یک بس دیتا به پهنای ۱۶ بیت موازی (Data Bus)

- یک سیم کنترلی تک به نام strobe

نمودار زمانبندی زیر بیانگر چه نوع ارتباط بین این دو واحد است؟



(۱) ارتباط بین دو واحد از نوع آسنکرون است و واحد فرستنده شروع کننده فرآیند می‌باشد.

(۲) ارتباط بین دو واحد از نوع سنکرون است و واحد فرستنده شروع کننده فرآیند می‌باشد.

(۳) ارتباط بین دو واحد از نوع آسنکرون است و واحد گیرنده شروع کننده فرآیند می‌باشد.

(۴) با فقط یک سیستم کنترلی نمی‌توان ارتباط بین فرستنده و گیرنده را برقرار کرد و نیاز به یک خط وجود دارد.

-۷۷ با توجه به بحث Copy-On-Write بین فرآیندهای پدر (Parent) و فرزند (Child) در فرآخوان سیستمی fork. در راستای افزایش کارایی، کدام چمله در مورد تقدم و تأخیر اجرای این فرآیندها در لحظه ایجاد فرآیند فرزند صحیح است؟

- ۱) با توجه به آگاهی زمان‌بند از محتوای (برنامه‌ی) فرآیند پدر، بهتر است فرآیند فرزند زودتر اجرا شود.
- ۲) با توجه به آگاهی زمان‌بند از محتوای (برنامه‌ی) فرآیند پدر، بهتر است فرآیند پدر زودتر اجرا شود.
- ۳) با توجه به عدم آگاهی زمان‌بند از محتوای (برنامه‌ی) فرآیند فرزند، بهتر است فرآیند پدر زودتر اجرا شود.
- ۴) با توجه به عدم آگاهی زمان‌بند از محتوای (برنامه‌ی) فرآیند فرزند، بهتر است فرآیند فرزند زودتر اجرا شود.

فرض کنید سیستمی با ۳ فرآیند با مشخصات زیر داشته باشیم:

- (زمان اجرا) e: execution time

- (زمان رسیدن) r: release time

R: number of required resources

$$P_1 : r = 0, e = 4, R = 2$$

$$P_2 : r = 1, e = 2, R = 3$$

$$P_3 : r = 3, e = 4, R = 4$$

با فرض وجود ۴ منبع همسان در سیستم و این فرض که هر فرآیند در لحظات ۰، ۱، ۲، ... پس از اجرا (۰+۱+۲+...) یک عدد بسیار کوچک است) منابع انحصاری (Non Preemptive) خود را یکی یکی درخواست می‌کند و زمان‌بندی بر اساس الگوریتم (LCFS: Last-Come First Served) غیرانحصاری یا قبضه‌ای) انجام می‌شود، کدام عبارت صحیح است؟

۱) سیستم حدود لحظه ۴ دچار بن‌بست (deadlock) می‌شود.

۲) سیستم دچار بن‌بست (deadlock) نمی‌شود و متوسط زمان کامل (Turnaround Time) برای آن ۷ است.

۳) سیستم حدود لحظه ۵ دچار بن‌بست (deadlock) می‌شود.

۴) سیستم دچار بن‌بست (deadlock) نمی‌شود و متوسط زمان کامل (Turnaround Time) برای آن ۶/۱۷ است.

-۷۹ در یک سیستم کامپیوتوری نحوه استفاده از نخ (Thread) در لایه کاربر و در لایه کرنل به صورت مقابل نشان داده شده است، کدام عبارت صحیح است؟



۱) فراخوانی‌های سیستمی از نوع مسدود (Blocking) با تأمین همروندي حمایت می‌شوند و برای فراخوانی‌های سیستمی از نوع غیرمسدود (Non-Blocking) درجه همروندي پایین‌تر است.

۲) فراخوانی‌های سیستمی از نوع مسدود (Blocking) بدون تأمین همروندي اجرا می‌شوند و فراخوانی‌های سیستمی از نوع غیرمسدود (Non-Blocking) همروندي را تأمین می‌کنند.

۳) فراخوانی‌های سیستمی از نوع مسدود (Blocking)، با تأمین همروندي حمایت می‌شوند و برای فراخوانی‌های سیستمی غیرمسدود (Non-Blocking) درجه همروندي بالاتر است.

۴) فراخوانی‌های سیستمی از نوع مسدود (Blocking) بدون تأمین همروندي اجرا می‌شوند و فراخوانی‌های سیستمی از نوع غیرمسدود (Non-Blocking) نیز با مشکل همروندي مواجه هستند.

-۸۰ آدرس منطقی ۰۰۰۱۰۱۰۱۰۱۱۱۰۱۰ را در نظر بگیرید. با مدیریت صفحه‌بندی ۲۵۶ صفحه‌ای برای یک حافظه با ۲۵۶

قاب(frame) و استفاده از جدول صفحه‌ای که در آن هر شماره قاب  $\frac{1}{4}$  شماره صفحه باشد، کدام گزینه در مورد مدیریت این

حافظه و آدرس فیزیکی متناظر با آدرس منطقی فوق صحیح است؟

- (۱) اگر چه این روش نگاشت صفحه مشکل دارد ولی آدرس فیزیکی متناظر ۰۰۰۰۱۰۱۰۱۰۱۱۱۰۱۰ است.
- (۲) اگر چه این روش نگاشت صفحه مشکل دارد ولی آدرس فیزیکی متناظر ۰۰۰۰۰۱۰۱۱۰۱۱۱۰۱۰ است.
- (۳) این روش نگاشت صفحه بدون مشکل کار می‌کند و آدرس فیزیکی متناظر ۰۰۰۰۰۱۰۱۱۰۱۱۱۰۱۰ است.
- (۴) این روش نگاشت صفحه بدون مشکل کار می‌کند و آدرس فیزیکی متناظر ۰۰۰۰۱۰۱۰۱۰۱۱۱۰۱۰ است.

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

عصر پنجم شنبه ۲۹/۱۱/۸۸

(۱۲)

دروس تخصصی مشترک

سطوح زندگی منفی استادارد											
سطوح زندگی منفی											
متاندر بحرانی نیزی											
z	.0	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09	
dif	.10	.05	.025	.01	.005						
0.0	.5000	.5040	.5120	.5160	.5199	.5219	.5279	.5319	.5359	.5399	-
0.1	.5398	.5438	.5478	.5517	.5557	.5596	.5636	.5675	.5714	.5753	1
0.2	.5793	.5832	.5871	.5910	.5948	.5987	.6026	.6064	.6103	.6141	2
0.3	.6179	.6217	.6255	.6293	.6331	.6368	.6406	.6443	.6480	.6517	3
0.4	.6554	.6591	.6628	.6664	.6700	.6734	.6766	.6804	.6844	.6879	4
0.5	.6930	.6950	.6971	.6991	.7034	.7088	.7123	.7157	.7190	.7224	5
0.6	.7357	.7391	.7422	.7457	.7492	.7537	.7571	.7549	.7517	.7517	6
0.7	.7580	.7611	.7642	.7673	.7704	.7734	.7764	.7794	.7823	.7853	7
0.8	.7881	.7910	.7939	.7957	.7995	.8023	.8051	.8078	.8106	.8133	8
0.9	.8159	.8186	.8212	.8238	.8264	.8299	.8325	.8340	.8365	.8389	9
1.0	.8413	.8438	.8465	.8485	.8508	.8531	.8554	.8577	.8599	.8621	10
1.1	.8643	.8663	.8686	.8695	.8708	.8729	.8749	.8770	.8790	.8810	11
1.2	.8849	.8869	.8888	.8897	.8907	.8925	.8944	.8962	.8980	.8997	12
1.3	.9032	.9049	.9066	.9082	.9099	.9115	.9131	.9147	.9162	.9177	13
1.4	.9192	.9207	.9222	.9236	.9251	.9265	.9279	.9292	.9306	.9319	14
1.5	.9332	.9345	.9357	.9370	.9382	.9394	.9406	.9418	.9429	.9441	15
1.6	.9452	.9463	.9474	.9484	.9495	.9505	.9515	.9525	.9535	.9545	16
1.7	.9554	.9564	.9573	.9582	.9591	.9599	.9608	.9616	.9625	.9633	17
1.8	.9641	.9649	.9656	.9664	.9671	.9678	.9686	.9693	.9699	.9706	18
1.9	.9713	.9719	.9726	.9732	.9738	.9744	.9750	.9756	.9761	.9767	19
2.0	.9772	.9778	.9783	.9788	.9793	.9798	.9803	.9808	.9812	.9817	20
2.1	.9821	.9826	.9830	.9834	.9838	.9842	.9846	.9850	.9854	.9857	21
2.2	.9861	.9864	.9868	.9871	.9875	.9878	.9881	.9884	.9887	.9890	22
2.3	.9893	.9896	.9898	.9901	.9904	.9906	.9909	.9911	.9913	.9916	23
2.4	.9918	.9920	.9922	.9925	.9927	.9929	.9931	.9932	.9934	.9936	24
2.5	.9938	.9940	.9942	.9943	.9945	.9946	.9948	.9949	.9951	.9952	25
2.6	.9953	.9953	.9956	.9957	.9959	.9960	.9961	.9962	.9963	.9964	26
2.7	.9965	.9966	.9967	.9968	.9969	.9970	.9971	.9972	.9973	.9974	27
2.8	.9974	.9975	.9977	.9977	.9977	.9978	.9979	.9979	.9980	.9981	28
2.9	.9981	.9982	.9982	.9983	.9984	.9984	.9984	.9985	.9985	.9986	29
3.0	.9987	.9987	.9987	.9987	.9988	.9988	.9989	.9989	.9990	.9990	30
3.1	.9990	.9991	.9991	.9991	.9991	.9991	.9992	.9992	.9993	.9993	31
3.2	.9993	.9993	.9993	.9994	.9994	.9994	.9994	.9994	.9995	.9995	32
3.3	.9995	.9995	.9995	.9995	.9995	.9995	.9995	.9996	.9996	.9997	33
3.4	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	34

PardazeshPub.com



PardazeshPub.com



PardazeshPub.com

