

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

کد کنترل

130

F



130F

صبح پنج شنبه  
۹۷/۲/۶



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود»  
امام خمینی (ره)

آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل - سال ۱۳۹۷

آمار - کد (۱۲۰۷)

عدد پاسخگویی: ۲۵۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۱۲۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۳۰	۱	۳۰
۲	دروس پایه (ریاضیات عمومی، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال)	۳۵	۳۱	۶۵
۳	دروس تخصصی (احتمال، آمار ریاضی، نمونه‌گیری و رگرسیون (۱))	۶۰	۶۶	۱۲۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حل جابه، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از بروز اواری آزمون، برای تمامی اندیکاتورها مجاز می‌باشد و با متخلفین برای مقررات رفتار می‌شود.

۱۳۹۷

آخرین اخبار و اطلاعات آزمون کارشناسی ارشد در وبسایت مستر تست

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

..... با شماره داوطلبی ..... در جلسه این آزمون شرکت می نمایم.  
اینچنانچه

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

## PART A: Vocabulary

**Directions:** Choose the word or the phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes the blank.  
Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 1- Fierce winds and deadly waves were only one ----- many explorers like Christopher Columbus confronted when sailing to unknown lands.  
1) suspension      2) obstacle      3) shortage      4) variation
- 2- In urban desert areas potable water supplies are stressed by increasing demands that leave water managers ----- to find new supplies.  
1) discouraging      2) refusing      3) invading      4) struggling
- 3- The sense of smell diminishes with advancing age—much more so than the sensitivity to taste. This ----- may result from an accumulated loss of sensory cells in the nose.  
1) decrease      2) merit      3) ambiguity      4) defense
- 4- True, all economic activities have environmental consequences. Nevertheless, the goal of shrimp producers should be to reduce the ----- effects on the environment as much as possible.  
1) indigenous      2) competitive      3) deleterious      4) imaginary
- 5- Like most successful politicians, she is pertinacious and single-minded in the ----- of her goals.  
1) pursuit      2) discipline      3) permanence      4) involvement
- 6- Knowing that everyone would ----- after graduation, she was worried that she would not see her friends anymore.  
1) emerge      2) conflict      3) differentiate      4) diverge
- 7- Certain mental functions slow down with age, but the brain ----- in ways that can keep seniors just as sharp as youngsters.  
1) composes      2) conveys      3) compensates      4) corrodes
- 8- It is argued by some that hypnosis is an effective intervention for ----- pain from cancer and other chronic conditions.  
1) displacing      2) alleviating      3) exploring      4) hiding
- 9- Children who get ----- atmosphere at home for studies perform better than students who are brought up under tense and indifferent family atmosphere.  
1) favorable      2) valid      3) obedient      4) traditional

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۳

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- 10- The post office has promised to resume first class mail ----- to the area on Friday.  
1) attention      2) progress      3) expression      4) delivery

## PART B: Cloze Passage

*Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.*

Colette began painting while she was still in her youth. (11) ----- 1970, she completed her first performance with *Hommage a Delacroix*, (12) ----- was the beginning of an artistic career (13) ----- to the oneness of art and life. (14) -----, actions and performances on streets and public squares, followed by her "living environments" and the "windows", (15) ----- in a selected pose with an elaborate arrangement of fabrics and lace.

- |     |   |   |
|-----|---|---|
| 11- | 1) Since the year<br>3) For a year of                               | 2) During a year of<br>4) In the year   |
| 12- | 1) that it      2) which  | 3) that      4) it  |
| 13- | 1) devoted      2) was devoted                                      | 3) to devote      4) devoting   |
| 14- | 1) Street works then came<br>3) There coming then street works with | 2) Then came street works<br>4) With street works then to come                    |
| 15- | 1) she remained motionless<br>3) in which she remained motionless   | 2) that in there she remained motionless<br>4) that in it motionless she remained |

## PART C: Reading Comprehension:

*Directions: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.*

### PASSAGE 1:

Edwin James George Pitman was educated at the University of Melbourne, graduating with B.Sc. and M.A. degrees. He was acting professor of mathematics at the University of New Zealand 1922-1923, then tutor in mathematics and physics at residential colleges of the University of Melbourne 1924-1925. In 1926 he was appointed professor of mathematics at the University of Tasmania, a position he held until his retirement at the end of 1962.

As part of his duties at the University of Tasmania, Pitman was required to offer a course in statistics. He was also consulted by experimentalists of the Tasmanian Department of Agriculture about the analysis of their data. These circumstances led to his studying the then new statistical methods and ideas being developed by R. A. Fisher. As Fisher's ideas were not then widely understood, Pitman set about mastering his work, in particular, *Statistical Methods for Research Workers*.

Pitman became interested in testing hypotheses about means without any accompanying specification of form of population distributions. He examined the non null distribution of the test statistic for what would now be called the permutation test,

first for the test of equality of two means, and then for tests of several means (analysis of variance) and of correlation. The results are given in three papers.

This work on distribution-free methods culminated in the lecture notes developed during a visit to the United States in 1948 and 1949. These notes, produced for the lectures given at the University of North Carolina, were never published but were widely circulated in mimeographed form. They were frequently cited and undoubtedly provided a starting point for much subsequent work in this field.

However, Pitman's first published papers dealt with basic theoretical questions arising from the work of R. A. Fisher. His first paper not only discussed the applicability of the concept of intrinsic accuracy but also established the result that families of distributions admitting a nontrivial sufficient statistic are of exponential type.

- 16- **Pitman received his M.A. degree -----.**  
1) from the University of Melbourne      2) from New Zealand  
3) in 1922    4) in 1923
- 17- **He offered a course in statistics in -----.**  
1) Melbourne      2) New Zealand      3) Tasmania      4) London
- 18- **He retired -----.**  
1) in 1962      2) in Melbourne      3) in New Zealand      4) in 1960
- 19- **Pitman became interested in -----.**  
1) regression      2) permutation test  
3) probability      4) combinatorics
- 20- **His first paper discussed -----.**  
1) independence      2) complete statistics  
3) correlation      4) exponential family

## PASSAGE 2:

W. S. Gosset entered the service of the Guinness brewery business in Dublin Ireland, in 1899, after obtaining a degree in chemistry at Oxford, with a minor in mathematics. He was asked to investigate what relations existed between the quality of materials such as barley and hops, production conditions, and the finished product. These practical problems led him to seek exact error probabilities of statistics from small samples, a hitherto unresearched area. His firm, which would later require him to write under the pseudonym "Student," arranged for him to spend the academic year 1906-1907 studying under Karl Pearson at the Biometric Laboratory in University College, London. From Pearson, Gosset learned the theory of correlation and the Pearson system of frequency curves, both of which helped him in developing statistical techniques to analyze small-sample data.

"The study of the exact distributions of statistics commences in 1908 with Student's paper *The Probable Error of a Mean*" wrote R. A. Fisher in this famous paper which came from his period at the Biometric Laboratory:

1. Gosset conjectured correctly the distribution of the sample variance  $s^2$  in a normal sample.
2. Unaware of work by Abbe and Helmert, he proved that  $s^2$  and the mean  $\bar{x}$  of such a sample are uncorrelated and conjectured correctly that they are independent.

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۵

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

3. In essence he derived the  $t$ -distribution named after him, as a Pearson type VII frequency curve.

- 21- **Gusset ("Student") received a degree in chemistry -----.**  
1) at Oxford      2) in 1900      3) in Canada      4) in Australia
- 22- **The word "pseudonym" in paragraph 1 means**  
1) first name      2) family name      3) real name      4) false name
- 23- **What was Gusset's pseudonym?**  
1) William      2) Sealy      3) Student      4) Teacher
- 24- **He studied under -----.**  
1) Fisher      2) K. Pearson      3) Helmert      4) J. Pearson
- 25- **He introduced -----.**  
1) Cauchy distribution      2) Gamma distribution  
3)  $t$ -distribution      4) exponential distribution

### PASSAGE 3:

In mathematical analysis and in probability theory, a  $\sigma$ -algebra (sigma field) on a set  $X$  is a collection of subsets of  $X$  that is closed under a countable-fold set operations (complement, union of countably many sets and intersection of countably many sets).

By contrast, an algebra is only required to be closed under finitary set operations. That is a  $\sigma$ -algebra is an algebra of sets, completed to include countably infinite operations. The pair  $(X, \mathcal{F})$  is called measure space and elements of  $\mathcal{F}$  are named measurable sets. On the other hand,  $x$  is called sample space and every element of sigma-field is called an event.

- 26- **The sets of all measurable sets would be -----.**  
1)  $X$       2)  $(X, \mathcal{F})$       3)  $(X, \mathcal{F}, \mu)$       4) a sigma-field
- 27- **An algebra -----.**  
1) is the same  $\sigma$ -field  
2) is closed under finite conditions of set operations  
3) measures space  
4) is a measurable set
- 28- **A measurable set is -----.**  
1) a subset of  $X$  which belongs to  $\mathcal{F}$       2)  $X$   
3)  $\mathfrak{I}$       4)  $(X, \mathfrak{I})$
- 29- **An algebra is closed under -----.**  
1) additivity  
2) countable-field set operation  
3) complement, union and intersection of sets  
4) countable additively
- 30- **The word "event" in the last sentence means a -----.**  
1) measure space      2) measure  
3) measurable space      4) measurable set

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۶

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

دروس پایه (ریاضیات عمومی، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال):

-۳۱ - اگر  $f$  تابعی فرد باشد و  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(-xe^{-x}) + f(x^r - x^d) + f(x^f - x^r)$  کدام آنگاه مقدار  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = a$  است؟

a (۱)

-۳a (۲)

-a (۳)

۳a (۴)

-۳۲ - کدام سری همگرا است؟

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[n]{\ln n}} \quad (1)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[n]{\ln n}} \quad (2)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\frac{1}{n+1}} \quad (3)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\pi^n}{n + e^n} \quad (4)$$

-۳۳ - اگر تابع  $f$  در معادله  $2f'(0) + f'(\pi) \cos(f(x)) + \frac{\lambda}{\pi^r} (f(x))^r + 2f(x) = 1 + x$  صدق کند، آنگاه مقدار  $f''(0)$  کدام است؟

(۱)

$\frac{\pi}{\pi + \varepsilon}$  (۲)

$\frac{\pi + \varepsilon}{2\pi + \varepsilon}$  (۳)

$\frac{\pi + \varepsilon}{\pi}$  (۴)

$\frac{2\pi + \varepsilon}{\pi + \varepsilon}$  (۵)

-۳۴ - اگر  $f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} (2n + n^r)x^n$  آنگاه  $f'(\frac{1}{2})$  کدام است؟

۸ (۱)

۹ (۲)

۱۰ (۳)

۱۱ (۴)

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۷

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۳۵ - مساحت ناحیه محدود به منحنی تابع  $y = \frac{\ln x}{\sqrt{x}}$  و محور x ها در بازه  $[1, e^2]$  کدام است؟

۵ (۱)

۴ (۲)

۳ (۳)

۲ (۴)

- ۳۶ - طول منحنی  $f(x) = \int_1^x \sqrt{t^4 - 1} dt$  در بازه  $[1, 2]$  کدام است؟

$\frac{19}{3}$  (۱)

$\frac{25}{3}$  (۲)

$\frac{26}{3}$  (۳)

$\frac{28}{3}$  (۴)

- ۳۷ - کوتاهترین فاصله بینی بیضی به معادله  $x^2 + xy + y^2 = 12$  تا مبدأ مختصات کدام است؟

$\sqrt{2}$  (۱)

$2\sqrt{2}$  (۲)

۴ (۳)

$2\sqrt{2}$  (۴)

- ۳۸ - مقدار  $\int_0^1 \int_{x^2}^x (x^2 + y^2)^{-\frac{1}{2}} dy dx$  کدام است؟

$\sqrt{2} - 1$  (۱)

$2\sqrt{2}$  (۲)

$\sqrt{2}$  (۳)

$1 + \sqrt{2}$  (۴)

- ۳۹ - حجم جسم محصور به استوانه  $x^2 + z^2 = 9$  و صفحات  $x - y + z = 0$  و  $x - y + z + 4 = 0$  کدام است؟

$72\pi$  (۱)

$36\pi$  (۲)

$18\pi$  (۳)

$9\pi$  (۴)

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۸

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

-۴۰- اگر  $C$  منحنی فصل مشترک رویه‌های  $x^2 + y^2 + z^2 - 2ax - 2ay = 0$  و  $x + y = 2a$  در جهت راستگرد، مقدار

$$\oint_C ydx + zdy + xdz \text{ کدام است؟}$$

(۱)  $-\sqrt{2}\pi a^2$

(۲)  $-\sqrt{2}\pi a^2$

(۳)  $\sqrt{2}\pi a^2$

(۴)  $2\sqrt{2}\pi a^2$

-۴۱- فرض کنید  $f: X \rightarrow Y$  تابع باشد و  $A \subseteq X$  و  $B \subseteq Y$ . کدام گزینه درست است؟

(۱)  $f(A \cap f^{-1}(B)) = f(A) \cap B$

(۲)  $f(A \cup f^{-1}(B)) = f(A) \cup B$

(۳)  $f^{-1}(f(A) \cap B) = A \cap f^{-1}(B)$

(۴)  $f^{-1}(f(A) \cup B) = A \cup f^{-1}(B)$

-۴۲- فرض کنید  $f: X \rightarrow Y$  یک تابع با خاصیت زیر باشد:

$$\forall A, B \subseteq X (A \cap B = \emptyset \Rightarrow f(A) \cap f(B) = \emptyset)$$

کدام گزینه درست است؟

(۱) تابع  $f$  پوشانده است ولی لزوماً یک به یک نیست.

(۲) تابع  $f$  یک به یک است ولی لزوماً پوشانده نیست.

(۳) تابع  $f$  یک به یک و پوشانده است.

(۴) تابع  $f$  لزوماً یک به یک و پوشانده نیست.

-۴۳- فرض کنید  $S$  و  $T$  رابطه‌های دوتاوی در مجموعه ناتهی  $A$  هستند. کدام گزینه درست است؟

(۱)  $T \circ (R \cap S) = (T \circ R) \cap (T \circ S)$

(۲)  $T \circ (R - S) = (T \circ R) - (T \circ S)$

(۳)  $(R \cup S) \circ T = (R \circ T) \cup (S \circ T)$

(۴)  $(R - S) \circ T = R \circ T - S \circ T$

-۴۴- فرض کنید  $\mathbb{R}$  مجموعه اعداد حقیقی باشد.  $f: A \rightarrow \mathbb{R}$  تابع باشد. فرمول منطقی گزاره زیر کدام

گزینه است؟

در گزینه‌های زیر  $\varepsilon$  و  $\delta$  مقید به اعداد مثبت،  $L$  مقید به اعداد حقیقی و  $a$  مقید به اعضای  $A$  است.

تابع  $f$  در هیچ نقطه‌ای از  $A$  حد ندارد.

(۱)  $\forall a \forall L \exists \varepsilon \exists \delta \forall x (x \in A \wedge |x - a| < \delta \wedge |f(x) - L| \geq \varepsilon)$

(۲)  $\forall a \forall L \exists \varepsilon \forall \delta \forall x (x \in A \wedge |x - a| < \delta \Rightarrow |f(x) - L| \geq \varepsilon)$

(۳)  $\forall a \forall L \forall \varepsilon \exists \delta \exists x (x \in A \wedge |x - a| < \varepsilon \wedge |f(x) - L| \geq \delta)$

(۴)  $\forall a \forall L \exists \delta \exists \varepsilon \forall x (x \in A \wedge |x - a| < \delta \wedge |f(x) - L| \geq \varepsilon)$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۹

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۴۵ فرض کنید  $B \prec A$  به این مفهوم است که  $A$  با زیر مجموعه‌ای از  $B$  هم عدد (هم ارز) است ولی  $B$  با هیچ زیر مجموعه‌ای از  $A$  هم عدد (هم ارز) نیست. اگر  $B \prec A$ , کدام گزینه درست است؟

(۱) هیچ تابع پوشایی از  $B$  به  $A$  وجود ندارد.

(۲) هیچ تابع پوشایی از  $A$  به  $B$  وجود ندارد.

(۳) یک تابع یک به یک از  $B$  به  $A$  وجود دارد.

(۴) بین  $A$  و  $B$  یک تابع یک به یک و پوشایی وجود دارد.

- ۴۶ کدام یک از توابع زیر از  $\mathbb{R}^4$  به  $\mathbb{R}^2$ , یک تبدیل خطی است؟

$$T_1(x_1, x_2) = (x_1, x_2, x_2) \quad (1)$$

$$T_2(x_1, x_2) = (x_1 + 1, x_2 + 1) \quad (2)$$

$$T_3(x_1, x_2) = (x_1 - x_2 - 1, 0) \quad (3)$$

$$T_4(x_1, x_2) = (2x_1 + x_2, 3x_1) \quad (4)$$

- ۴۷ فرض کنید  $V = \{(x_1, x_2, x_3, x_4) : x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 0\} \subseteq \mathbb{R}^4$ . فضای  $V^\perp$  کدام است؟ (منتظر از  $V^\perp$ , فضای متعامد  $V$  در  $\mathbb{R}^4$  است).

$$\{(a, 2a, b, b) | a, b \in \mathbb{R}\} \quad (1)$$

$$\{(a, 2a, a, a) | a \in \mathbb{R}\} \quad (2)$$

$$\{(a, 2a, b, c) | a, b, c \in \mathbb{R}\} \quad (3)$$

$$\{(a, 2b, c, d) | a, b, c, d \in \mathbb{R}\} \quad (4)$$

- ۴۸ فرض کنید  $A \in M_{10}(\mathbb{R})$  که در هر سطر  $A$ , دقیقاً یک عنصر ناصلفر وجود دارد و

$$A = \begin{bmatrix} \circ & 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \circ & 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 \\ (10)^{10} & 0 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}$$

در این صورت کدام یک از اعداد زیر، مقدار ویژه  $A$  است؟

(۱)  $0$

(۲)  $1$

(۳)  $10$

(۴)  $10^{10}$

- ۴۹ فرض کنید  $A$  ماتریسی  $8 \times 8$  با درایه‌های ۱ و -۱ باشد که هر دو سطر آن برهم عمودند. در این صورت قدر مطلق  $\det(A)$  کدام است؟

(۱)  $8$

(۲)  $8^2$

(۳)  $8^3$

(۴)  $8^4$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۰

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

-۵۰- اگر  $(\text{adj}(A)) \leq A \in M_{10}(\mathbb{R})$  کدام است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

-۵۱- اگر  $E + F$  و  $E \cdot F$  زیرمجموعه‌های ناتهی و کراندار  $\mathbb{R}$  باشند، آنگاه  $EF = \{xy : x \in E, y \in F\}$  کدام گزینه درست است؟

۱ (۱)  $\sup(E + F) = \sup E + \sup F$

۲ (۲)  $\sup(EF) = \sup E \cdot \sup F$

۳ (۳) اگر  $E \cap F \neq \emptyset$  آنگاه  $\sup(E \cap F) = \sup E + \sup F - \sup(E \cap F)$

۴ (۴) اگر  $E \cap F \neq \emptyset$  آنگاه  $\sup(E \cap F) = \sup E \cdot \sup F$

-۵۲- اگر  $a_n - a_{n+1} \geq \frac{1}{n(n+1)}$  و برای هر  $n \geq 1$  کدام گزینه درست است؟

۱ (۱) سری  $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt{|a_n|}$  همگرا است.

۲ (۲) برای هر  $n$   $a_n \leq \frac{1}{n}$  همگرا است.

۳ (۳) سری  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  همگرا است.

-۵۳- کدام گزینه نادرست است؟

۱ (۱) تابع  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  موجود است که تنها در یک نقطه مشتق‌پذیر است.

۲ (۲) اگر تابع  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  دارای مشتق کراندار باشد، دنباله  $\left\{f\left(\frac{1}{n}\right)\right\}$  همگرا است.

۳ (۳) تابع  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  موجود است که تنها در اعداد اصم پیوسته است.

۴ (۴) تابع مشتق‌پذیر  $f: [\alpha, \beta] \rightarrow \mathbb{R}$  موجود است که  $f'(x) = [x]$  ( $\alpha \leq x \leq \beta$ )

-۵۴- فرض کنید  $b = \int_0^1 f(x)dx$  و  $a = \bar{\int}_0^1 f(x)dx$  و  $f(x) = \begin{cases} x^3 & \text{گویا} \\ \alpha & \text{اصم} \end{cases}$  به ترتیب انتگرال ریمان بالایی و پایینی  $f$  باشند. کدام گزینه درست است؟

۱ (۱)  $a = b = 0$

۲ (۲)  $b = 0$  و  $a = \frac{1}{4}$

۳ (۳)  $a = b = \frac{1}{4}$

۴ (۴)  $b = \frac{1}{5}$  و  $a = \frac{1}{4}$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۱

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

۵۵- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) مجموع هر دو تابع پیوسته یکنواخت، پیوسته یکنواخت است.

(۲) اگر  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  مشتق کراندار داشته باشد، پیوسته یکنواخت است.

(۳) حاصل ضرب هر دو تابع پیوسته یکنواخت، پیوسته یکنواخت است.

(۴) اگر  $f$  در بازه  $[a, b]$  انتگرال پذیر ریمان باشد آنگاه تابع  $F(x) = \int_a^x f(t)dt$  بر بازه  $[a, b]$  پیوسته یکنواخت است.

۵۶- فرض کنید یک دستگاه معادلات خطی با روش حذفی گاوس و محور گزینی سطری در یک کامپیوتر با روند عدد یک برای نمایش اعداد حقیقی برابر با  $10^{-14}$  حل شود. اگر عدد حالت ماتریس ضرایب دستگاه برابر با  $10^{14}$  باشد، آن‌گاه تعداد رقم‌های ددهی قابل اعتماد در جواب به دست آمده حداقل کدام است؟

(۱) ۰

(۲) ۱

(۳) ۱۳

(۴) ۱۵

۵۷- برای اینکه قاعده انتگرال گیری ذوزنقه‌ای برای محاسبه  $\int_0^1 (x^5 - cx^4)dx$  دقیق باشد، مقدار  $c$  کدام است؟

(۱)  $\frac{1}{18}$

(۲)  $\frac{3}{10}$

(۳)  $\frac{1}{30}$

(۴)  $\frac{10}{9}$

۵۸- اگر روش نیوتون برای حل مسئله  $x = 0$  به یک عدد مثبت  $x$  همگرا شود، آن‌گاه نرخ همگرایی مجانبی کدام است؟

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴)  $1 < p < 2$  و  $p$  و  $2$

۵۹- تابع  $f(x) = 2\sin 3x + 3\sin 2x + x^2$  روی بازه  $[0, \pi]$  را با چه طول گام  $h$  باید جدول‌بندی کرد تا خطای حاصل از درون‌یابی تکه‌ای خطی از  $10^{-6}$  بیشتر نشود؟

(۱)  $0.003$

(۲)  $0.005$

(۳)  $0.0003$

(۴)  $0.0005$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۲

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۶۰- دنباله حاصل از تکرار نقطه ثابت به صورت  $\varphi(x) = 3x + Bx^{\gamma} + Cx^{\gamma}$  که  $n=0, 1, 2, \dots$ ,  $x_{n+1} = \varphi(x_n)$  با مرتبه همگرایی دست کم  $\alpha$  در نظر بگیرید. ضرایب  $B$  و  $C$  چگونه باشند که تکرارها به صورت موضعی به  $\frac{1}{\alpha}$  همگرا شوند؟ (α عدد مثبت است)

$$B = 3\alpha^{\gamma}, \quad C = 3 \quad (1)$$

$$B = 3\alpha, \quad C = \alpha^{\gamma} \quad (2)$$

$$B = -3\alpha, \quad C = \alpha^{\gamma} \quad (3)$$

$$B = 3, \quad C = 3\alpha \quad (4)$$

- ۶۱- به چند طریق می‌توان ۲۰ ورزشکار را به ۵ گروه دو نفره و ۲ گروه پنج نفره تقسیم نمود؟

$$\frac{20!}{(2!)^4(5!)} \quad (1)$$

$$\frac{20!}{(2!)^5(5!)^2} \quad (2)$$

$$\frac{20!}{(2!)^6(5!)^3} \quad (3)$$

$$\frac{20!}{(2!)^5(5!)^2 7!} \quad (4)$$

- ۶۲- اگر جمع میانگین و میانه یک نمونه تصادفی ۱۲ تایی برابر ۲۲ و بزرگ‌ترین یافته نمونه برابر ۱۷ باشد، جمع میانگین و میانه وقتی که بزرگ‌ترین یافته نمونه با ۲۳ جایگزین شود، کدام است؟

$$22/5 \quad (1)$$

$$22 \quad (2)$$

$$22/5 \quad (3)$$

$$24 \quad (4)$$

- ۶۳- از  $n$  توب با شماره‌های  $n, n-1, \dots, 1$  به تصادف ۳ توب بدون جایگذاری خارج می‌کنیم. احتمال اینکه اولین توب شماره‌ای کوچک‌تر از دومین توب داشته باشد، کدام است؟

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

$$\frac{1}{n} \quad (4)$$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۳

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۶۴- ظرفی شامل ۲ مهره قرمز، ۲ مهره آبی، یک مهره سیاه و ۴ مهره سفید است. به ترتیب و به تصادف بدون جایگذاری از ظرف مهره خارج می‌کنیم. احتمال اینکه سومین مهره سفید در بار هفتم ظاهر شود، کدام است؟

$$\frac{5}{9} \quad (1)$$

$$\frac{5}{21} \quad (2)$$

$$\frac{5}{18} \quad (3)$$

$$\frac{5}{42} \quad (4)$$

- ۶۵- فرض کنید  $B_1, B_2, \dots, B_n$  پیشامدهای مستقل روی یک فضای نمونه‌ای باشند که برای  $P(B_i) = \frac{1}{i+1}$  است. احتمال اینکه دقیقاً یکی از این پیشامدها رخ دهد، کدام است؟

$$\frac{1}{n+1} \quad (1)$$

$$\frac{n}{n+1} \quad (2)$$

$$\frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^n \frac{1}{i+1} \quad (3)$$

$$\frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^n \frac{1}{i} \quad (4)$$

دروس تخصصی (احتمال، آمار ریاضی، نمونه‌گیری و رگرسیون ۱):

- ۶۶- فرض کنید  $X$  یک متغیر تصادفی با تابع چگالی احتمال زیر باشد. مقدار  $c$  کدام است؟  
 $f(x) = c\tau^{-x^2}, -\infty < x < \infty$

$$\sqrt{\frac{2}{\pi}} \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{\ln 2}{\pi}} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{\pi}{2}} \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{\pi}{\ln 2}} \quad (4)$$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۴

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۶۷- فرض کنید  $F(X) = q$  و  $F$  تابع توزیع  $X$  باشد.  $P(F(X) = q)$  کدام است؟

۱)  $q$

۲)  $q^r$

۳)  $p$

۴)  $p^r$

- ۶۸- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  متغیرهای تصادفی مستقل با توزیع یکسان  $\text{Bin}(n, p)$  باشند و تعریف کنیم

$P(N_5=2, N_8=3)$  مقدار  $N_n = \sum_{i=1}^n X_i$  کدام است؟

۱)  $3 \cdot p^r q^5$

۲)  $3 \cdot p^r q^6$

۳)  $3 \cdot p^5 q^3$

۴)  $3 \cdot p^5 q^4$

- ۶۹- فرض کنید  $X$  دارای توزیع یکنواخت روی بازه  $(0, 1)$  و  $n$  یک عدد طبیعی باشد. توزیع  $Y = [nX]$  کدام است؟

(X) جزء صحیح

۱) یکنواخت بر روی مجموعه‌ها  $\{0, 1, \dots, n-1\}$

۲) یکنواخت بر روی مجموعه‌ها  $\{0, 1, \dots, n+1\}$

۳) یکنواخت بر روی مجموعه‌ها  $\{0, 1, \dots, n\}$

۴) یکنواخت بر روی مجموعه‌ها  $\{1, 2, \dots, n\}$

- ۷۰- از ۱۰۰۰۰ واحد تولیدی یک شرکت ۱۰۰ واحد معیوب می‌باشد. احتمال تقریبی این‌که حداقل یک معیوب در

یک نمونه ۱۰۰ تایی باشد، کدام است؟

۱)  $e^{-1}$

۲)  $2e^{-1}$

۳)  $e^{-2}$

۴)  $2e^{-2}$

- ۷۱- فرض کنید  $(t)$   $X \sim \text{Exp}(1)$  باشد، تابع احتمال  $T = [-X]$  کدام است؟ ( $t$ ) جزء صحیح  $t$  را نشان می‌دهد

۱)  $t = -1, -2, \dots, e^{-1}(1-e^{-1})^t$  برای  $t = -1, -2, \dots$

۲)  $t = -1, -2, \dots, (1-e^t)(e-1)$  برای  $t = -1, -2, \dots$

۳)  $t = -1, -2, \dots, e^t(e-1)$  برای  $t = -1, -2, \dots$

۴)  $t = +1, +2, \dots, e^{-1}(1-e^{-1})^t$  برای  $t = +1, +2, \dots$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۵

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۷۲- فرض کنید  $X$  یک متغیر تصادفی پواسون با میانگین  $\lambda$  و  $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ :  $g$  تابعی کراندار و دلخواه باشد. مقدار

$$\frac{E(Xg(X))}{E(g(X+1))}$$

(۱)

$\lambda(\lambda-1)$  (۲)

$\lambda^2$  (۳)

$\lambda(\lambda+1)$  (۴)

- ۷۳- فرض کنید تابع مولد گشتاور  $X$  برابر با  $\frac{1}{\lambda}(e^t + 2)$  باشد، مقدار  $P(X \leq 1)$  کدام است؟

$\frac{7}{81}$  (۱)

$\frac{16}{27}$  (۲)

$\frac{8}{81}$  (۳)

$\frac{32}{81}$  (۴)

- ۷۴- فرض کنید متغیر تصادفی  $X$  دارای توزیع نرمال استاندارد باشد. با تعریف متغیر تصادفی

مقدار  $\text{corr}(X, Y)$  کدام است؟

۰ (۱)

$\frac{b}{\sqrt{b^2+c^2}}$  (۲)

$\frac{b}{\sqrt{b^2+2c^2}}$  (۳)

$\frac{b+c}{\sqrt{b^2+2c^2}}$  (۴)

- ۷۵- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $N(0, 1)$  باشد. مقدار

$\text{cov}(X_1^2, \bar{X}^2)$  کدام است؟ (میانگین نمونه‌ای)

$\frac{n+1}{n^2}$  (۱)

$\frac{2}{n^2}$  (۲)

$\frac{1}{n^2}$  (۳)

$\frac{1}{2n^2}$  (۴)

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۶

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۷۶- فرض کنید  $X$  دارای تابع چگالی احتمال زیر باشد. مقدار  $P\left(\frac{|X|}{1+|X|} > \frac{2}{3}\right)$  کدام است؟ ( ) جزء صحیح  $t$  را نشان می‌دهد

$$f(x) = \frac{1}{(1+x)^t}, \quad x > 0$$

$\frac{1}{2}$  (۱)

$\frac{1}{3}$  (۲)

$\frac{1}{4}$  (۳)

$\frac{2}{3}$  (۴)

- ۷۷- فرض کنید  $X$  و  $Y$  دو متغیر تصادفی مستقل با توزیع یکسان یکنواخت روی مجموعه  $\{1, 2, \dots, n\}$  باشند. مقدار  $P(X < Y)$  کدام است؟

$\frac{1}{2}$  (۱)

$\frac{n^2 - 1}{2n}$  (۲)

$\frac{n+1}{2n}$  (۳)

$\frac{n-1}{2n}$  (۴)

- ۷۸- فرض کنید  $X \sim N(1, 1)$  باشد. مقدار  $E(X + |X - 1|)$  کدام است؟

-۲ (۱)

-۱ (۲)

۱ (۳)

۲ (۴)

- ۷۹- عددی را به تصادف از بازه  $(0, 1)$  انتخاب و آن را با  $X$  نمایش می‌دهیم. سپس عدد دیگری را به تصادف از بازه  $(0, X)$  انتخاب می‌کنیم. اگر  $Y$  نمایانگر متغیر تصادفی محل نقطه دوم باشد، مقدار  $P(Y > X)$  کدام است؟

$\frac{1}{4}$  (۱)

$\frac{1}{3}$  (۲)

$\frac{1}{2}$  (۳)

$\frac{3}{4}$  (۴)

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۷

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۸۰ - فرض کنید  $(X, Y)$  باشد. مقدار  $\text{cov}(X, Y) = \frac{1}{x} \text{Exp}(\frac{1}{x})$  کدام است؟

$\frac{1}{8}$  (۱)

$\frac{1}{9}$  (۲)

$\frac{1}{18}$  (۳)

$\frac{1}{16}$  (۴)

- ۸۱ - فرض کنید  $(X, Y)$  دارای توزیع نرمال دومتغیره باشند. شرط لازم و کافی برای استقلال  $X - Y$  و  $X + Y$  کدام است؟

$\text{var}(X) = \text{var}(Y)$  (۱)

$E(X) = E(Y)$  (۲)

$\text{var}(X) = \text{var}(Y)$  و  $E(X) = E(Y)$  (۳)

(۴) همواره مستقل نند.

- ۸۲ - فرض کنید تابع مولد گشتاور توأم متغیرهای تصادفی  $X_1$  و  $X_2$  به صورت زیر باشد. مقدار  $P(X_1 + X_2 > 0)$  کدام است؟

$$M_{X_1, X_2}(t_1, t_2) = \exp\left(\frac{1}{2}t_1 + \frac{1}{2}t_2^2 + \frac{1}{2}t_2^2 - \frac{1}{2}t_1 t_2\right)$$

$0/6179$  (۱)

$0/6915$  (۲)

$0/3085$  (۳)

$0/3821$  (۴)

- ۸۳ - فرض کنید  $X_1, X_2$  یک نمونه تصادفی دوتایی از متغیر تصادفی  $X$  با تابع احتمال زیر باشد. مقدار  $E(X_{(2)})$  کدام است؟

x	-1	0	1
f(x)	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$

(۱) صفر

$\frac{1}{8}$  (۲)

$\frac{2}{8}$  (۳)

$\frac{3}{8}$  (۴)

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۸

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

-۸۴ اگر  $(Y|X=x \sim \text{Bin}(n, x))$  و  $X \sim U(0, 1)$  کدام است؟

۱)

$\frac{1}{4}$  ۲)

$\frac{1}{2}$  ۳)

$\frac{1}{n}$  ۴)

-۸۵ فرض کنید  $X \sim \chi_{(n)}^2$ . توزیع حدی (مجانبی)  $\frac{X}{n}$  کدام است؟

۱) تباهیده در نقطه ۱

۲) تباهیده در نقطه صفر

$N(0, 1)$  ۳)

۴) توزیع حدی ندارد.

-۸۶ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از تابع احتمال زیر باشد. اگر  $(X_{(1)}, \dots, X_{(n)})$

$\bar{X} = \frac{X_1 + \dots + X_n}{n}$  باشند. آماره بسنده برای  $(\theta, \alpha)$  کدام است؟

$$f(x) = (1-\theta)\theta^{x-\alpha}, x = \alpha, \alpha+1, \dots; 0 < \theta < 1, a \in \mathbb{R}$$

$X_{(1)}$  ۱)

$(X_{(1)}, \bar{X})$  ۲)

$(\bar{X}, X_{(n)})$  ۳)

$(X_{(1)}, X_{(n)})$  ۴)

-۸۷ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از تابع چگالی احتمال زیر باشد. آماره بسنده مینیمال  $\theta$  کدام است؟ یک عدد ثابت نرمال‌ساز است).

$$f_\theta(x) = K \exp\left\{-(x-\theta)^4\right\}, x \in \mathbb{R}; \theta \in \mathbb{R}$$

$(\sum_{i=1}^n x_i, \sum_{i=1}^n x_i^4)$  ۱)

$(\sum_{i=1}^n x_i, \sum_{i=1}^n x_i^2, \sum_{i=1}^n x_i^4)$  ۲)

$(\sum_{i=1}^n x_i^2, \sum_{i=1}^n x_i^4, \sum_{i=1}^n x_i^6)$  ۳)

$(\sum_{i=1}^n x_i, \sum_{i=1}^n x_i^2, \sum_{i=1}^n x_i^4)$  ۴)

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۹

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۸۸- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از  $N(\theta, 1)$  باشد. اگر  $M$  میانه توزیع باشد. مقدار  $E(M(\sum x_i))$  کدام است؟

۱)  $2\bar{X}$

۲)  $M$

۳)  $\bar{X}$

۴)  $\sum X_i$

- ۸۹- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $U(0, \theta)$  باشد. اگر  $\hat{\theta}$  و  $\tilde{\theta}$  به ترتیب برآوردهای ماکریم درستنمایی و گشتاوری برای  $\theta$  باشند، مقدار  $cov(\hat{\theta}, \tilde{\theta})$  کدام است؟

۱)  $\frac{\theta^2}{6n}$

۲)  $\frac{n\theta^2}{(n+2)(n+1)^2}$

۳)  $\frac{\theta^2}{6n^2}$

۴)  $\frac{\theta^2}{(n+1)(n+2)}$

- ۹۰- فرض کنید  $0, 0/16, 0/19, 0/22, 0/25$  و  $0/3$  یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیع  $U(\theta, \theta)$  باشد که در آن  $\theta \in (0, 1)$  است. برآوردهای ماکریم درستنمایی (ML) برای پارامتر  $\theta$  کدام است؟

۱)  $0/3$

۲)  $0/4$

۳)  $0/35$

۴)  $0/4, 0/3$

- ۹۱- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $Bin(1, \theta)$  باشد که در آن  $\theta \in [0, \frac{1}{2}]$  است. برآوردهای ماکریم درستنمایی (MLE) پارامتر  $\theta$  کدام است؟

۱)  $\bar{X}$

۲)  $\max(\bar{X}, \frac{1}{2})$

۳)  $\frac{1}{2}(\bar{X} + \frac{1}{2})$

۴)  $\min(\bar{X}, \frac{1}{2})$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۰

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۹۲- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از تابع چگالی احتمال زیر باشد. UMVUE برای  $\frac{1}{\theta}$  کدام است؟

$$f_\theta(x) = \theta(1+x)^{-(1+\theta)}, \quad x > 0, \quad \theta > 0$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \ln(1+X_i) \quad (1)$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \ln X_i \quad (2)$$

$$\frac{1}{n} \ln \sum_{i=1}^n X_i \quad (3)$$

$$\frac{1}{n} \ln \sum_{i=1}^n (1+X_i) \quad (4)$$

- ۹۳- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $N(\mu, \theta)$  باشد. UMVUE پارامتر  $\theta$  کدام است؟

$$\frac{1}{n(n+1)} (\sum X_i)^r \quad (1)$$

$$\frac{1}{n(n+1)} (\sum X_i^r)^r \quad (2)$$

$$\frac{1}{n(n+1)} (\sum X_i^r)^r \quad (3)$$

$$\frac{1}{n(n+1)} \sum X_i^r \quad (4)$$

- ۹۴- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $N(\theta, 1)$  باشد. UMVUE پارامتر  $e^\theta$  کدام است؟

$$e^{\bar{X} + \frac{1}{n}} \quad (1)$$

$$e^{-(\bar{X} - \frac{1}{n})} \quad (2)$$

$$e^{\bar{X} - \frac{1}{n}} \quad (3)$$

$$e^{\bar{X} - \frac{1}{n}} \quad (4)$$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۱

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۹۵ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $Beta(\theta, 1)$  باشد. کران پایین کرامر - رانو در برآورد نااریب پارامتر  $\gamma(\theta) = P_\theta(X_1 > e^{-1})$  کدام است؟

$$\frac{\theta e^{-\theta}}{n} \quad (1)$$

$$n\theta e^{-\theta} \quad (2)$$

$$n\theta^r e^{-r\theta} \quad (3)$$

$$\frac{\theta^r e^{-r\theta}}{n} \quad (4)$$

- ۹۶ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع لگ نرمال با پارامتر  $\mu$  نامعلوم و  $\sigma$  معلوم باشد. یک فاصله اطمینان  $(1-\alpha) 100$  درصدی برای  $\theta = e^\mu$  کدام است؟  $Z_{1-\alpha}$  چندک  $(1-\alpha)$  توزیع نرمال استاندارد است، یعنی  $P(Z \leq Z_{1-\alpha}) = 1-\alpha$

$$e^{\frac{1}{n} \sum \ln X_i - \frac{\sigma}{\sqrt{n}} z_{1-\alpha}} < \theta < e^{\frac{1}{n} \sum \ln X_i + \frac{\sigma}{\sqrt{n}} z_{1-\alpha}} \quad (1)$$

$$\bar{X} e^{-\frac{\sigma}{\sqrt{n}} z_{1-\alpha}} < \theta < \bar{X} e^{\frac{\sigma}{\sqrt{n}} z_{1-\alpha}} \quad (2)$$

$$-\frac{\sigma}{\sqrt{n}} z_{1-\alpha} e^{\frac{1}{n} \sum \ln X_i} < \theta < \frac{\sigma}{\sqrt{n}} z_{1-\alpha} e^{\frac{1}{n} \sum \ln X_i} \quad (3)$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \ln x_i - \frac{\sigma}{\sqrt{n}} z_{1-\alpha} < \theta < \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \ln x_i + \frac{\sigma}{\sqrt{n}} z_{1-\alpha} \quad (4)$$

- ۹۷ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه تصادفی  $n$  تابی از توزیع  $N(\mu, a^2 \sigma^2)$  که در آن  $a > 0$  معلوم و  $\mu, \sigma$  نامعلوم هستند، یک فاصله اطمینان  $(1-\alpha) 100$  درصدی برای  $\mu$  کدام است؟

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum X_i \quad \text{و} \quad P(T \leq t_{(n; 1-\alpha)}) = 1-\alpha \quad \text{است، یعنی} \quad t_{(n; 1-\alpha)}$$

$$(S^r = \frac{1}{n-1} \sum (X_i - \bar{X})^r)$$

$$(\bar{X} - t_{(n-1; 1-\alpha)} \frac{S}{\sqrt{n}}, \bar{X} + t_{(n-1; 1-\alpha)} \frac{S}{\sqrt{n}}) \quad (1)$$

$$(\bar{X} - t_{(n-1; 1-\alpha)} \frac{aS}{\sqrt{n}}, \bar{X} + t_{(n-1; 1-\alpha)} \frac{aS}{\sqrt{n}}) \quad (2)$$

$$(\bar{X} - t_{(n-1; 1-\alpha)} \frac{S}{a\sqrt{n}}, \bar{X} + t_{(n-1; 1-\alpha)} \frac{S}{a\sqrt{n}}) \quad (3)$$

$$(a\bar{X} - t_{(n-1; 1-\alpha)} \frac{aS}{\sqrt{n}}, a\bar{X} + t_{(n-1; 1-\alpha)} \frac{aS}{\sqrt{n}}) \quad (4)$$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۲

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

۹۸- در آزمون فرضیه براساس لم نیمن - پیرسون، افزایش احتمال ارتکاب خطای نوع اول به شرط ثابت بودن سایر عوامل، موجب می‌شود که ...

- (۱) توان آزمون کاهش یابد.
- (۲) احتمال ارتکاب خطای نوع دوم افزایش یابد.
- (۳) توان آزمون افزایش یابد.
- (۴) احتمال ارتکاب خطای نوع دوم ثابت باشد.

۹۹- فرض کنید  $X_1, X_2, X_3$  یک نمونه تصادفی ازتابع احتمال زیر باشد. فرضیه  $H_0: \theta > \frac{1}{4}$  در مقابل  $H_1: \theta \leq \frac{1}{4}$

رد می‌شود هرگاه  $\sum_{i=1}^3 x_i < \theta$  است؟ (۱)

$X=x$	-1	1	2
$P(X=x)$	$\frac{1-\theta}{2}$	$\frac{1-\theta}{2}$	$\theta$

$\frac{9}{128}$  (۱)

$\frac{3}{128}$  (۲)

$\frac{11}{128}$  (۳)

$\frac{119}{128}$  (۴)

۱۰۰- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیعی با تابع احتمال زیر باشد. اگر  $N_j$  برابر تعداد  $X_i$  های برابر با  $j$  باشد، برای آزمون فرض  $H_0: \theta = \theta_0 < \theta_1$  در مقابل  $H_1: \theta = \theta_1$  ناحیه بحرانی پرتوان ترین آزمون کدام است؟ (۱)

$x$	۱	۲	۳
$P_\theta(X=x)$	$\theta^j$	$2\theta(1-\theta)$	$(1-\theta)^2$

$N_1 + 2N_2 \geq c$  (۱)

$2N_1 + N_2 \geq c$  (۲)

$N_1 + N_2 \geq c$  (۳)

$2N_1 + N_2 < c$  (۴)

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۳

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۱۰۱ - فرض کنید تک مشاهده  $X$  دارای تابع توزیع زیر باشد. تابع آزمون برتوان ترین آزمون در سطح  $\alpha$  برای آزمون فرض  $H_0: \theta = 1$  در مقابل  $H_1: \theta = 2$  کدام است؟

$$F_\theta(x) = (1 - e^{-x})^\theta, x > 0, \theta > 0$$

$$I_{(0, -\ln \alpha)}(x) \quad (1)$$

$$I_{(0, -\ln(1-\alpha))}(x) \quad (2)$$

$$I_{(-\ln \alpha, \infty)}(x) \quad (3)$$

$$I_{(0, -\ln(1-\sqrt{\alpha}))}(x) \quad (4)$$

- ۱۰۲ - فرض کنید  $(X \sim Ge(\theta))$  (مدل تعداد آزمایش‌ها) باشد. برای آزمون فرض  $H_0: \theta = \frac{1}{4}$  در مقابل  $H_1: \theta = \frac{1}{8}$  توان برتوان ترین آزمون در سطح  $\alpha = 0.125$  کدام است؟

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{1}{8} \quad (3)$$

$$\frac{7}{8} \quad (4)$$

- ۱۰۳ - فرض کنید  $(F(x) \text{ و } G(x))$  دو تابع توزیع پیوسته روی  $\mathbb{R}$  باشند. همچنین فرض کنید  $X$  یک تک مشاهده از تابع توزیع  $H_\theta(x) = \theta F(x) + (1-\theta)G(x)$  باشد که در آن  $\theta \in (0, 1)$  است. این خانواده از توزیع‌ها دارای خاصیت  $MLR$  در چه آماره‌ای می‌باشد؟  $f$  و  $g$  تابع چگالی احتمال‌های تابع توزیع‌های به ترتیب  $F$  و  $G$  هستند)

$$T(x) = \frac{f(x)}{g(x)} \quad (1)$$

$$T(x) = \theta f(x) + (1-\theta)g(x) \quad (2)$$

$$T(x) = f(x) + g(x) \quad (3)$$

$$T(x) = \theta_1 f(x) + (1-\theta_1)g(x) \quad (4)$$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۴

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

۱۰۴ - فرض کنید  $X \sim Beta(\theta, 1)$  باشد. برای آزمودن فرض  $H_0: \theta = 2$  در مقابل  $H_1: \theta = 1$ ، به روش آزمون نسبت درستنمایی (LRT)، کدام یک از آزمون‌های زیر، کمترین مقدار مجموع خطای نوع اول و دوم ( $\alpha + \beta$ ) را دارد؟

$$\phi(x) = \begin{cases} 1 & x < \frac{1}{4} \text{ or } x > \frac{3}{4} \\ 0 & \text{Otherwise} \end{cases} \quad (1)$$

$$\phi(x) = \begin{cases} 1 & x > \frac{1}{2} \\ 0 & x < \frac{1}{2} \end{cases} \quad (2)$$

$$\phi(x) = \begin{cases} 1 & \frac{1}{4} < x < \frac{3}{4} \\ 0 & \text{Otherwise} \end{cases} \quad (3)$$

$$\phi(x) = \begin{cases} 1 & x < \frac{1}{2} \\ 0 & x > \frac{1}{2} \end{cases} \quad (4)$$

۱۰۵ - فرض کنید  $Y_1, \dots, Y_n$  متغیرهای تصادفی مستقل از هم باشند و  $i=1, \dots, n$ .  $Y_i \sim P(\theta x_i)$  که در آن  $\theta > 0$  پارامتر مجهول و  $x_1, \dots, x_n$  ثابت‌های معلوم هستند. برای آزمون فرض  $H_0: \theta = 1$  در مقابل  $H_1: \theta \neq 1$  آماره آزمون نسبت درستنمایی (LRT) کدام است؟

$$\left( \frac{\sum y_i}{\sum x_i} \right)^{\sum y_i} e^{\sum x_i - \sum y_i} \quad (1)$$

$$\left( \frac{\sum x_i}{\sum y_i} \right)^{\sum y_i} e^{\sum y_i - \sum x_i} \quad (2)$$

$$\left( \frac{\sum x_i}{\sum y_i} \right)^{\sum x_i} e^{\sum x_i - \sum y_i} \quad (3)$$

$$\left( \frac{\sum y_i}{\sum x_i} \right)^{\sum x_i} e^{\sum y_i - \sum x_i} \quad (4)$$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۵

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۱۰۶ - شهری دارای سه منطقه روستایی است. برای برآورد کل محصول گندم در این شهر هر منطقه را یک طبقه از روستاهای در نظر می‌گیریم. میزان محصول گندم بر حسب تن براساس یک طرح نمونه‌گیری طبقه‌بندی به شرح جدول زیر به دست آمده است.

منطقه	میزان محصول گندم در روستاهای نمونه	تعداد روستاهای نمونه	تعداد روستاهای نمونه	۱	۲	۳	-
۱	۱۵	۳		۱	۲	۳	-
۲	۱۵	۳		۲	۳	۴	-
۳	۲۰	۴		۳	۳	۰	۲

یک فاصله اطمینان ۹۵٪ برای مقدار کل گندم در این شهر کدام است؟ ( $Z_{0.975} = 2$ )

$$115 \pm 4\sqrt{7}^{\circ} \quad (1)$$

$$115 \pm 2\sqrt{7}^{\circ} \quad (2)$$

$$105 \pm 4\sqrt{7}^{\circ} \quad (3)$$

$$105 \pm 2\sqrt{7}^{\circ} \quad (4)$$

- ۱۰۷ - جامعه‌ای با سه طبقه و مشخصات زیر را در نظر بگیرید. برای انتخاب نمونه‌ای تصادفی به حجم ۲۰۰ از این جامعه، حجم نمونه لازم براساس تخصیص نیمن در هر یک از طبقات کدام است؟

شماره طبقه	حجم طبقه	واریانس طبقه ( $S_h^2$ )
۱	۲۰۰	۶۲۵
۲	۲۵۰	۱۶
۳	۵۰	۱۰۰

$$(1) \text{ طبقه اول و دوم } ۷۵, \text{ طبقه سوم } ۵^{\circ}$$

$$(2) \text{ طبقه اول و سوم } ۵^{\circ}, \text{ طبقه دوم } ۱۰۰$$

$$(3) \text{ طبقه اول } ۸^{\circ}, \text{ طبقه دوم } ۱۰۰, \text{ طبقه سوم } ۲^{\circ}$$

$$(4) \text{ طبقه اول } ۳۶, \text{ طبقه دوم } ۱۱۴, \text{ طبقه سوم } ۵^{\circ}$$

- ۱۰۸ - در یک نمونه‌گیری تصادفی بدون جایگذاری،  $\bar{Y}$  عنصر نام جامعه‌ای به حجم  $N$  و  $s^2$  عنصر نام نمونه‌ای به حجم

$$\sum_{i=1}^n y_i^2 \text{ بر حسب } S^2 \text{ (واریانس ناواریب جامعه) و } \bar{Y} \text{ (میانگین جامعه) کدام است؟}$$

$$n(N-1)S^2 + nN\bar{Y}^2 \quad (1)$$

$$\frac{N-1}{N}S^2 + \bar{Y}^2 \quad (2)$$

$$n(S^2 + \bar{Y}^2) \quad (3)$$

$$\frac{n(N-1)}{N}S^2 + n\bar{Y}^2 \quad (4)$$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۶

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۱۰۹- برای برآورد تعداد زائرین اربعین حسینی کربلا در یک سال معین، مشخص شد ۲ میلیون زائر ایرانی در مراسم اربعین در این شهر شرکت نموده‌اند. در این مراسم از بین کلیه زائرین به تصادف و با جایگذاری آنقدر نمونه گرفته‌یم تا ۱۰۰۰ زائر ایرانی در نمونه انتخاب شوند. حجم نمونه لازم تا حصول این نتیجه ۱۲۵۰۰ نفر بوده است. یک فاصله اطمینان ۹۵٪ برای تعداد کل این زائرین حدوداً کدام است؟ ( $Z_{0.975} = 2$ )

$$20\pm 2\sqrt{0.575} \quad (1)$$

$$22\pm 2\sqrt{0.257} \quad (2)$$

$$25\pm 2\sqrt{0.575} \quad (3)$$

$$28\pm 2\sqrt{0.257} \quad (4)$$

- ۱۱۰- برای برآورد نسبت افراد چپ‌دست در بین کارکنان اداره‌ای با ۴۰۰ کارمند مرد و ۲۰۰ کارمند زن به طور جداگانه از بین آقایان ۶۰ و از بین خانم‌ها ۴۰ نفر را به تصادف انتخاب نموده‌ایم که در بین آقایان نمونه ۶ نفر و در بین خانم‌های نمونه ۱۲ نفر چپ‌دست بوده‌اند. اگر بخواهیم نسبت موردنظر را با کران خطای ۰٪ برآورد کنیم در صورت نیاز حدوداً چند کارمند مرد و چند کارمند زن دیگر را باید به نمونه بیفزاییم؟ ( $Z_{0.975} = 2$ )
- (۱) ۱۰۷ مرد و ۴۸ زن  
(۲) ۲۱۳ مرد و ۹۷ زن  
(۳) ۲۷۳ مرد و ۱۳۷ زن  
(۴) همین حجم نمونه کافی است.

- ۱۱۱- از جامعه‌ای به حجم  $N$  یک نمونه تصادفی ساده بدون جایگذاری به حجم  $n$  می‌گیریم. سپس از این نمونه، مجدداً یک نمونه تصادفی ساده بدون جایگذاری به حجم  $n^*$  می‌گیریم. اگر نمونه اخیر با  $(y_1, \dots, y_n)$  نشان داده شود، شناس استخراج این نمونه چقدر است؟

$$\frac{1}{\binom{N}{n-n^*}} \quad (1)$$

$$\frac{\binom{N-n^*}{n-n^*}}{\binom{N}{n}} \quad (2)$$

$$\frac{1}{\binom{N-n}{n-n^*}} \quad (3)$$

$$\frac{\binom{N-n^*}{n-n^*}}{\binom{N}{n}\binom{n}{n^*}} \quad (4)$$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۷

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

۱۱۲ - فرض کنید در جامعه‌ای متناهی نسبت صفت A ( $P_A$ ) دو برابر نسبت صفت B ( $P_B$ ) باشد. اگر کارایی روش نمونه‌گیری تصادفی ساده بدون جایگذاری برای برآورد نسبت  $P_A$  دو برابر نسبت  $P_B$  باشد، مقدار  $P_A$  کدام است؟

- $\frac{4}{7}$  (۱)  
 $\frac{3}{7}$  (۲)  
 $\frac{1}{7}$  (۳)  
 $\frac{6}{7}$  (۴)

۱۱۳ - اداره‌ای ۱۲۵۰ کارمند دارد. در یک نمونه تصادفی ساده ۲۵۰ تایی تعداد فرزندان کارمند نمونه انتخابی و جنسیت کارمند ثبت و نتایج جدول زیر حاصل شده است:

جنسیت \ تعداد فرزند	۰	۱	۲	۳
مرد	۵۰	۱۰۰	۳۰	۲۰
زن	۲۵	۱۰	۱۰	۵

بر این اساس، تعداد کل فرزندان کارکنان زن در این اداره را چند نفر برآورد می‌کنید؟

- ۲۲۵ (۱)  
۲۴۵ (۲)  
۲۶۵ (۳)  
۱۱۲۵ (۴)

۱۱۴ - در یک نمونه‌گیری تصادفی ساده با جایگذاری برای برآورد نسبت خاصی در جامعه‌ای به حجم ۲۰۰، نمونه‌ای به حجم ۲۵ گرفته‌ایم. اگر برآورد نالاریب واریانس برآورده‌گر این نسبت در جامعه برابر  $1/5$  باشد و بدانیم برآورد نسبت مورد نظر در جامعه کمتر از  $5\%$  است. مقدار دقیق برآورد این نسبت در جامعه چقدر است؟

- $0/1$  (۱)  
 $0/2$  (۲)  
 $0/3$  (۳)  
 $0/4$  (۴)

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۸

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

۱۱۵- در شهری کوچک ۵۰ اداره وجود دارد که جمیعاً ۱۰۰۰ کارمند در آنها مشغول به کار هستند. پنج اداره به تصادف، با جایگذاری و با احتمال متناسب با تعداد کارمندان انتخاب شده‌اند و پس از نظرسنجی از مدیران ادارات در مورد تغییر ساعات اداری، اطلاعات زیر به دست آمده است:

اداره	۱	۲	۳	۴	۵
تعداد کارمندان	۲۰	۳۰	۴۰	۲۰	۵۰
نظر مدیر اداره	موافق	مخالف	موافق	مخالف	موافق

برآورد تعداد اداراتی که مدیر آنها موافق با طرح تغییر ساعات اداری در کل شهر هستند، کدام است؟

- (۱) ۱۵
- (۲) ۱۸
- (۳) ۲۴
- (۴) ۳۰

۱۱۶- در یک مدل رگرسیون خطی چندگانه برای متغیر پاسخ میزان مصرف بنزین، ۴ متغیر پیشگوی  $x_1$ : قدرت اسب بخار،  $x_2$ : طول ماشین،  $x_3$ : عرض ماشین و  $x_4$ : وزن ماشین، رابطه زیر پیش‌بینی شده است:

$$\hat{y} = ۲۶ - ۰/۹۹x_1 + ۰/۱۸x_2 - ۰/۱۵x_3 + ۰/۰۷x_4$$

برآورد متوسط تغییر در مصرف بنزین به‌ازای یک واحد تغییر در طول ماشین وقتی که سایر متغیرها ثابت باشند، کدام است؟

- (۱) -۰/۱۸
- (۲) ۰/۸۲
- (۳) ۰/۱۸
- (۴) ۲۶

۱۱۷- در مدل رگرسیون خطی ساده  $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$  که در آن  $i=1, \dots, n$  و  $\text{var}(\varepsilon_i) = \sigma^2$ ،  $E(\varepsilon_i) = 0$  مانده‌های مدل ( $e_i$ ) در کدام یک از شروایط زیر صدق می‌کنند؟

- (۱) واریانس ثابت دارند و هم بسته‌اند.
- (۲) واریانس ثابت دارند و ناهم بسته‌اند.
- (۳) واریانس ثابت ندارند و هم بسته‌اند.
- (۴) واریانس ثابت ندارند و ناهم بسته‌اند.

۱۱۸- براساس یک نمونه تصادفی ۱۲ تایی خلاصه اطلاعات زیر حاصل شده است. مقدار آماره آزمون F در جدول تحلیل واریانس کدام است؟

$$SSX = \sum_{i=1}^{12} (x_i - \bar{x})^2 = ۲۴, \quad r_{xy} = ۰/۸, \quad \hat{y}_i = ۶ + ۲x_i$$

- (۱)  $\frac{۱۵}{۸}$
- (۲)  $\frac{۱۵۰}{۸}$
- (۳)  $\frac{۱۶۰}{۹}$
- (۴)  $\frac{۱۶}{۹}$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۹

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

۱۱۹ - در مدل رگرسیونی  $y_i = \frac{x_i}{\beta_0 x_i + \beta_1 + x_i \varepsilon_i}$  برآورد  $\beta_1$ , برآورده  $i=1, \dots, n$ , به روش کمترین توانهای دوم, کدام است؟

$$\frac{\sum_{i=1}^n \frac{(x_i - \bar{x})}{y_i}}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \quad (1)$$

$$\frac{\sum_{i=1}^n \frac{n}{x_i y_i} - \sum_{i=1}^n \frac{1}{x_i} \sum_{i=1}^n \frac{1}{y_i}}{\sum_{i=1}^n \frac{n}{x_i^2} - (\sum_{i=1}^n \frac{1}{x_i})^2} \quad (2)$$

$$\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \quad (3)$$

$$\frac{\sum_{i=1}^n \left(\frac{1}{x_i} - \frac{1}{\bar{x}}\right) \left(\frac{1}{y_i} - \frac{1}{\bar{y}}\right)}{\sum_{i=1}^n \left(\frac{1}{x_i} - \frac{1}{\bar{x}}\right)^2} \quad (4)$$

۱۲۰ - در برآش مدل رگرسیون خطی ساده  $i=1, \dots, 4$ ,  $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$ , اطلاعات زیر موجود است. مقدار  $\hat{y}_4$  کدام است؟

$y_i$ (مقدار پاسخ)	۳	۲	۱	۴
$\hat{y}_i$ (مقدار برآش شده)	۳/۰۱	۱/۹۹	۱/۲	$\hat{y}_4$

۳/۲۲ (۱)

۳/۸ (۲)

۳/۹۴ (۳)

(۴) اطلاعات کافی نیست.

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۳۰

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

- ۱۲۱- در رگرسیون خطی گذر از مبدأ به صورت  $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$ ,  $i=1, \dots, n$ , که  $\varepsilon_i$  ها مستقل و هم‌توزیع با  $N(\mu, \sigma^2)$  است، برآورد ناواریب (کدام است؟)

$$\frac{\sum (y_i - \hat{y}_i)^2}{(n-2) \sum x_i^2} \quad (1)$$

$$\frac{\sum (y_i - \bar{y})^2}{(n-1) \sum x_i^2} \quad (2)$$

$$\frac{\sum (y_i - \bar{y})^2}{(n-2) \sum x_i^2} \quad (3)$$

$$\frac{\sum (y_i - \hat{y}_i)^2}{(n-1) \sum x_i^2} \quad (4)$$

- ۱۲۲- مدل رگرسیون خطی  $y_i = \beta_0 + \beta_1 A_i + \beta_2 (A_i \times G_i) + \varepsilon_i$  را در نظر بگیرید که در آن،  $y_i$  میزان درآمد،  $A_i$  سن و  $G_i$  جنسیت فرد  $i$  (برای مردان و زنان) است. کدام یک از عبارات زیر صحیح است؟

(۱) با افزایش سن، متوسط درآمد مردان  $\beta_2$  واحد تغییر می‌کند.

(۲) متوسط درآمد زنان با افزایش سن،  $|\beta_1|$  واحد افزایش می‌یابد.

(۳) برآورد متوسط درآمد مردی  $6^\circ$  ساله،  $(\beta_1 + \beta_2)^\circ$  است.

(۴) اگر  $\beta_2 > 0$  باشد، متوسط درآمد مردان از زنان هم سن آنها بیشتر است.

- ۱۲۳- در مدل رگرسیون خطی چندگانه  $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i1} + \beta_2 x_{i2} + \beta_3 x_{i3} + \varepsilon_i$  برای  $i=1, \dots, 10$  اگر مقدار آماره آزمون معنی‌داری خط رگرسیونی  $F=6$  باشد، چه مقدار از تغییرات متغیر پاسخ توسط مدل رگرسیونی قابل توضیح است؟

(۱) ۷۵%

(۲) ۷۲%

(۳) ۶۶%

(۴) ۴۳%

- ۱۲۴- در رگرسیون خطی چندگانه  $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i1} + \beta_2 x_{i2} + \varepsilon_i$  خلاصه اطلاعات زیر براساس یک نمونه ۷ تایی به دست آمده است. مقدار آماره آزمون فرض  $H_0: \beta_1 = \beta_2$  کدام است؟

$$(x'x)^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 9 \end{bmatrix}, \text{ SSE} = 26, \text{ SSR} = 421, \begin{bmatrix} \hat{\beta}_0 \\ \hat{\beta}_1 \\ \hat{\beta}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2/5 \\ 4 \end{bmatrix}$$

(۱)  $\frac{1}{6}$

(۲)  $\frac{5}{6}$

(۳)  $\frac{1}{3}$

(۴)  $\frac{2}{3}$

# مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۳۱

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

۱۲۵- در یک مسئله رگرسیون خطی چندگانه با ۳ متغیر پیشگو و مشاهداتی به حجم  $n = 20$ . اطلاعات زیر حاصل شده است. اگر مقدار SST برابر با ۸۲ باشد، آنگاه مقدار آماره آزمون  $H_0: \beta_2 = \beta_3 = 0$  کدام است؟

مدل شامل	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$(x_1, x_2)$	$(x_1, x_3)$	$(x_2, x_3)$	$(x_1, x_2, x_3)$
SSR	۱۶	۵/۱	۱۳	۱۶/۲	۳۰	۱۴	۳۲

$$\frac{۳۲}{۱۷} (۱)$$

$$\frac{۶۴}{۲۵} (۲)$$

$$\frac{۵۶}{۲۵} (۳)$$

$$\frac{۶۸}{۲۵} (۴)$$

# متر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۳۲

130F

آزمون آمار (کد ۱۲۰۷)

مقدار بضرائی توزیع مربع کای											
.09											
.05											
.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09	.05	.04	.03
z	0.0	0.040	0.120	0.210	0.310	0.410	0.510	0.519	0.519	0.519	0.519
0.0	-0.5000	-0.5040	-0.5080	-0.5120	-0.5160	-0.5199	-0.5239	-0.5279	-0.5319	-0.5359	-0.5399
0.1	-0.5398	-0.5438	-0.5478	-0.5517	-0.5557	-0.5596	-0.5636	-0.5675	-0.5714	-0.5753	-0.5792
0.2	-0.5793	-0.5832	-0.5871	-0.5910	-0.5948	-0.5987	-0.6026	-0.6064	-0.6103	-0.6141	-0.6179
0.3	-0.6179	-0.6217	-0.6255	-0.6293	-0.6331	-0.6368	-0.6406	-0.6443	-0.6480	-0.6517	-0.6554
0.4	-0.6554	-0.6591	-0.6628	-0.6664	-0.6700	-0.6736	-0.6772	-0.6808	-0.6844	-0.6879	-0.6915
0.5	-0.6915	-0.6950	-0.6985	-0.7019	-0.7054	-0.7088	-0.7123	-0.7157	-0.7190	-0.7224	-0.7257
0.6	-0.7257	-0.7291	-0.7324	-0.7357	-0.7390	-0.7422	-0.7454	-0.7486	-0.7517	-0.7549	-0.7581
0.7	-0.7580	-0.7611	-0.7642	-0.7673	-0.7704	-0.7734	-0.7764	-0.7794	-0.7823	-0.7852	-0.7881
0.8	-0.7881	-0.7916	-0.7949	-0.7982	-0.8015	-0.8048	-0.8082	-0.8113	-0.8143	-0.8173	-0.8203
0.9	-0.8159	-0.8186	-0.8212	-0.8238	-0.8264	-0.8289	-0.8315	-0.8340	-0.8365	-0.8389	-0.8414
1.0	-0.8412	-0.8438	-0.8461	-0.8485	-0.8508	-0.8531	-0.8554	-0.8577	-0.8599	-0.8621	-0.8643
1.1	-0.8643	-0.8665	-0.8686	-0.8708	-0.8729	-0.8750	-0.8770	-0.8790	-0.8810	-0.8830	-0.8850
1.2	-0.8849	-0.8869	-0.8888	-0.8907	-0.8925	-0.8944	-0.8962	-0.8980	-0.8997	-0.9015	-0.9030
1.3	-0.9032	-0.9049	-0.9066	-0.9082	-0.9099	-0.9115	-0.9131	-0.9147	-0.9162	-0.9177	-0.9192
1.4	-0.9192	-0.9207	-0.9222	-0.9236	-0.9251	-0.9265	-0.9279	-0.9292	-0.9306	-0.9319	-0.9335
1.5	-0.9332	-0.9345	-0.9357	-0.9370	-0.9384	-0.9398	-0.9406	-0.9418	-0.9426	-0.9441	-0.9455
1.6	-0.9452	-0.9463	-0.9474	-0.9484	-0.9495	-0.9505	-0.9515	-0.9525	-0.9535	-0.9545	-0.9555
1.7	-0.9554	-0.9564	-0.9573	-0.9582	-0.9591	-0.9599	-0.9608	-0.9616	-0.9625	-0.9633	-0.9643
1.8	-0.9641	-0.9649	-0.9656	-0.9664	-0.9671	-0.9678	-0.9686	-0.9693	-0.9699	-0.9706	-0.9713
1.9	-0.9713	-0.9719	-0.9726	-0.9732	-0.9738	-0.9744	-0.9750	-0.9756	-0.9761	-0.9767	-0.9773
2.0	-0.9772	-0.9783	-0.9788	-0.9793	-0.9798	-0.9803	-0.9808	-0.9812	-0.9817	-0.9821	-0.9826
2.1	-0.9821	-0.9830	-0.9834	-0.9838	-0.9842	-0.9846	-0.9850	-0.9854	-0.9858	-0.9862	-0.9866
2.2	-0.9861	-0.9864	-0.9868	-0.9871	-0.9875	-0.9878	-0.9881	-0.9884	-0.9887	-0.9890	-0.9893
2.3	-0.9893	-0.9896	-0.9901	-0.9904	-0.9906	-0.9909	-0.9911	-0.9913	-0.9916	-0.9919	-0.9922
2.4	-0.9918	-0.9920	-0.9922	-0.9925	-0.9927	-0.9929	-0.9931	-0.9934	-0.9936	-0.9938	-0.9941
2.5	-0.9938	-0.9940	-0.9941	-0.9943	-0.9945	-0.9946	-0.9948	-0.9949	-0.9951	-0.9952	-0.9953
2.6	-0.9953	-0.9955	-0.9957	-0.9959	-0.9961	-0.9963	-0.9964	-0.9966	-0.9968	-0.9970	-0.9972
2.7	-0.9965	-0.9966	-0.9967	-0.9968	-0.9969	-0.9970	-0.9971	-0.9972	-0.9973	-0.9974	-0.9975
2.8	-0.9974	-0.9975	-0.9976	-0.9977	-0.9978	-0.9979	-0.9980	-0.9981	-0.9982	-0.9983	-0.9984
2.9	-0.9981	-0.9982	-0.9983	-0.9984	-0.9985	-0.9986	-0.9987	-0.9988	-0.9989	-0.9990	-0.9991
3.0	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987
3.1	-0.9990	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991
3.2	-0.9993	-0.9993	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994
3.3	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995
3.4	-0.9997	-0.9997	-0.9997	-0.9997	-0.9997	-0.9997	-0.9997	-0.9997	-0.9997	-0.9997	-0.9997

  

مقدار بضرائی توزیع ۱											
.05											
.01											
.09	.10	.05	.025	.01	.005	.0025	.001	.0005	.00025	.0001	.00005
z	0.0	0.040	0.120	0.210	0.310	0.410	0.510	0.519	0.519	0.519	0.519
0.0	-0.5000	-0.5040	-0.5080	-0.5120	-0.5160	-0.5199	-0.5239	-0.5279	-0.5319	-0.5359	-0.5399
0.1	-0.5398	-0.5438	-0.5478	-0.5517	-0.5557	-0.5596	-0.5636	-0.5675	-0.5714	-0.5753	-0.5792
0.2	-0.5793	-0.5832	-0.5871	-0.5910	-0.5948	-0.5987	-0.6026	-0.6064	-0.6103	-0.6141	-0.6179
0.3	-0.6179	-0.6217	-0.6255	-0.6293	-0.6331	-0.6368	-0.6406	-0.6443	-0.6480	-0.6517	-0.6554
0.4	-0.6554	-0.6591	-0.6628	-0.6664	-0.6700	-0.6736	-0.6772	-0.6808	-0.6844	-0.6879	-0.6915
0.5	-0.6915	-0.6950	-0.6985	-0.7019	-0.7054	-0.7088	-0.7123	-0.7157	-0.7190	-0.7224	-0.7257
0.6	-0.7257	-0.7291	-0.7324	-0.7357	-0.7390	-0.7422	-0.7454	-0.7486	-0.7517	-0.7549	-0.7581
0.7	-0.7580	-0.7611	-0.7642	-0.7673	-0.7704	-0.7734	-0.7764	-0.7794	-0.7823	-0.7852	-0.7881
0.8	-0.7881	-0.7916	-0.7949	-0.7982	-0.8015	-0.8048	-0.8082	-0.8113	-0.8143	-0.8173	-0.8203
0.9	-0.8159	-0.8186	-0.8212	-0.8238	-0.8264	-0.8289	-0.8315	-0.8340	-0.8365	-0.8389	-0.8414
1.0	-0.8412	-0.8438	-0.8461	-0.8485	-0.8508	-0.8531	-0.8554	-0.8577	-0.8599	-0.8621	-0.8643
1.1	-0.8643	-0.8665	-0.8686	-0.8708	-0.8729	-0.8750	-0.8770	-0.8790	-0.8810	-0.8830	-0.8850
1.2	-0.8849	-0.8869	-0.8888	-0.8907	-0.8925	-0.8944	-0.8962	-0.8980	-0.8997	-0.9015	-0.9030
1.3	-0.9032	-0.9049	-0.9066	-0.9082	-0.9099	-0.9115	-0.9131	-0.9147	-0.9162	-0.9177	-0.9192
1.4	-0.9192	-0.9207	-0.9222	-0.9236	-0.9251	-0.9265	-0.9279	-0.9292	-0.9306	-0.9319	-0.9335
1.5	-0.9332	-0.9345	-0.9357	-0.9370	-0.9384	-0.9398	-0.9406	-0.9418	-0.9426	-0.9441	-0.9455
1.6	-0.9452	-0.9463	-0.9474	-0.9484	-0.9495	-0.9505	-0.9515	-0.9525	-0.9535	-0.9545	-0.9555
1.7	-0.9554	-0.9564	-0.9573	-0.9582	-0.9591	-0.9599	-0.9608	-0.9616	-0.9625	-0.9633	-0.9643
1.8	-0.9641	-0.9649	-0.9656	-0.9664	-0.9671	-0.9678	-0.9686	-0.9693	-0.9699	-0.9706	-0.9713
1.9	-0.9713	-0.9719	-0.9726	-0.9732	-0.9738	-0.9744	-0.9750	-0.9756	-0.9761	-0.9767	-0.9773
2.0	-0.9772	-0.9783	-0.9788	-0.9793	-0.9798	-0.9803	-0.9808	-0.9812	-0.9817	-0.9821	-0.9826
2.1	-0.9821	-0.9830	-0.9834	-0.9838	-0.9842	-0.9846	-0.9850	-0.9854	-0.9858	-0.9862	-0.9866
2.2	-0.9861	-0.9864	-0.9868	-0.9871	-0.9875	-0.9878	-0.9881	-0.9884	-0.9887	-0.9890	-0.9893
2.3	-0.9893	-0.9896	-0.9901	-0.9904	-0.9906	-0.9909	-0.9911	-0.9913	-0.9916	-0.9919	-0.9922
2.4	-0.9918	-0.9920	-0.9922	-0.9925	-0.9927	-0.9929	-0.9931	-0.9934	-0.9936	-0.9938	-0.9941
2.5	-0.9938	-0.9940	-0.9941	-0.9943	-0.9945	-0.9946	-0.9948	-0.9949	-0.9951	-0.9952	-0.9953
2.6	-0.9953	-0.9955	-0.9957	-0.9959	-0.9961	-0.9963	-0.9964	-0.9966	-0.9968	-0.9970	-0.9972
2.7	-0.9965	-0.9966	-0.9967	-0.9968	-0.9969	-0.9970	-0.9971	-0.9972	-0.9973	-0.9974	-0.9975
2.8	-0.9974	-0.9975	-0.9976	-0.9977	-0.9978	-0.9979	-0.9980	-0.9981	-0.9982	-0.9983	-0.9984
2.9	-0.9981	-0.9982	-0.9983	-0.9984	-0.9985	-0.9986	-0.9987	-0.9988	-0.9989	-0.9990	-0.9991
3.0	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987	-0.9987
3.1	-0.9990	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991	-0.9991
3.2	-0.9993	-0.9993	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994	-0.9994
3.3	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995	-0.9995
3.4	-0.9997	-0.9997	-0								