

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

کد کنترل

262

F

262F

عصر پنجم شنبه
۹۷/۲/۶



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.»
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد نایپیوسته داخل - سال ۱۳۹۷

مجموعه علوم کامپیوتر - کد (۱۲۰۹)

مدت پاسخگویی: ۲۴۰ دقیقه

تعداد سوال: ۱۳۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۳۰	۱	۳۰
۲	دروس پایه (ریاضیات عمومی، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال)	۲۵	۳۱	۶۵
۳	ساختمندان داده‌ها، طراحی الگوریتم‌ها و مبانی نظریه محاسبه	۳۰	۶۶	۹۵
۴	مبانی منطق و نظریه مجموعه‌ها	۲۰	۹۶	۱۱۵
۵	ریاضیات گسسته و مبانی ترکیبیات	۲۰	۱۱۶	۱۳۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره عنفی دارد.

حق جا به تکیه و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای نامعنی اشخاص حلبی و حقوق تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برای مقررات رفتار می‌شود.

۱۳۹۷

آخرین اخبار و اطلاعات آزمون کارشناسی ارشد در وبسایت مستر تست

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینچنان با شماره داوطلبی در جلسه این آزمون شرکت می‌نمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

PART A: Vocabulary

Directions: Choose the word or the phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes the blank. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 1- Animal welfare science is an emerging field that seeks to answer questions ----- by the keeping and use of animals.
1) raised 2) resolved 3) settled 4) evolved
- 2- The low soil fertility problem can be ----- by applying the appropriate lime and organic fertilizers.
1) traced 2) preceded 3) mitigated 4) necessitated
- 3- The chef furnished his assistant with very explicit instructions regarding the ----- to be used for the new dish.
1) properties 2) aesthetics 3) ceremonies 4) ingredients
- 4- The problem of power cut was so important that we decided not to bother about the other ----- issues that were not much of a concern at that time.
1) gradual 2) peripheral 3) tranquil 4) lucrative
- 5- Everybody knows that Ted is a chronic procrastinator; he ----- puts off doing his assignments until the last minute.
1) spontaneously 2) marginally 3) habitually 4) superficially
- 6- The world's governments have made a joint ----- to significantly reduce greenhouse gas emissions by the year 2030.
1) malady 2) determination 3) involvement 4) pledge
- 7- Scientists do their best try to ----- themselves from their biases and be objective.
1) detach 2) delete 3) ignore 4) strengthen
- 8- The local businessman accused the newspaper of defaming him by publishing an article that said his company was ----- managed.
1) seriously 2) centrally 3) poorly 4) crucially
- 9- Landing a plane on an aircraft carrier requires a great deal of -----, as you can crash if you miss the landing zone by even a little bit.
1) determination 2) precision 3) rationality 4) consultation
- 10- New growth of the body's smallest vessels, for instance, enables cancers to enlarge and spread and contributes to the blindness that can ----- diabetes.
1) cause 2) halt 3) identify 4) accompany

PART B: Cloze Passage

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

Estimates of the number of humans that Earth can sustain have ranged in recent decades from fewer than a billion to more than a trillion. (11) _____, since “carrying capacity” is essentially a subjective term. It makes little sense to talk about carrying capacity in relationship to humans, (12) _____ and altering both their culture and their physical environment, (13) _____ can thus defy any formula (14) _____ the matter. The number of people that Earth can support depends on (15) _____, on what we want to consume, and on what we regard as a crowd.

- | | | |
|-----|---|--|
| 11- | 1) It is probably unavoidable that such elasticity
2) Such elasticity is probably unavoidable
3) It is such elasticity probably unavoidable
4) That it is probably unavoidable for such elasticity | |
| 12- | 1) that adapt their capability
3) who are capable of adaptation | 2) whose capability is adapted
4) who are capable of adapting |
| 13- | 1) therefore 2) because | 3) and 4) next |
| 14- | 1) might settle
3) that might settle | 2) might be settling
4) which it might settle |
| 15- | 1) how we on Earth want to live
3) where we want to live in on Earth | 2) Earth where we want to live
4) where do we want to live on Earth |

PART C: Reading Comprehension:

Directions: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE I:

The term geometric modeling first came into use in the early 1970s with the rapidly developing computer graphics and computer-aided design and manufacturing technologies. It refers to a collection of methods used to define the shape and other geometric characteristics of an object. Geometric modeling embraces an area often called computational geometry and extends beyond this to the newer field of solid modeling, creating an elegant synthesis of geometry and the computer.

When we construct a model of something, we create a substitute of that thing – a representation. We cast it into a more convenient form, easier for us to use and analyze. If the model is a good one, it will respond to our proddings and questions in the same way that the original would. We try to abstract only the information essential for our objectives while ignoring other information. For many applications, the geometric model of a physical object may require the complete description of surface reflectance properties, texture, and color; or it may include only information on the elastic properties of the object's material. We can determine the detail required in a

model by the uses and operations to which we intend to subject it. If the model is rich enough in descriptive detail, we can perform operations on it that yield the same results as operations performed on the object itself.

We use geometric-modeling methods to construct a precise mathematical description of the shape of a real object or to simulate some process. The construction itself is usually a computer-aided operation, with the model stored in, and analyzed by, a computer. Using a computer is, in fact, central to the entire geometric-modeling process. Without computational power, we would be unable to construct and analyze sophisticated models of any practical importance.

16- The term geometric modeling -----.

- 1) refers to a practical discipline representing geometric shapes in computer
- 2) refers to a theoretical discipline as computational geometry
- 3) deals with the new field of solid modeling as a tool for manufacturing
- 4) is concerned with shapes regardless of their geometric properties

17- Computational geometry -----.

- 1) deals with practical issues related to solid modeling
- 2) is included in a wider discipline named geometric modeling
- 3) is an extension of geometric modeling
- 4) extends the early developments in computer graphics

18- Which word best gives the meaning of the underlined word "substitute" in the second paragraph?

- 1) Reflection
- 2) Transition
- 3) Rotation
- 4) Replacement

19- A practical representation of an object in a computer has been made possible by ----- .

- 1) the sophisticated computer systems
- 2) use of general properties of the object
- 3) theoretical developments in computational geometry
- 4) construction of good models through the use of tools developed by geometric modeling

20- To simulate a process for practical purposes, -----.

- 1) sophisticated models and technologies are not needed
- 2) one needs a high performance parallel computer
- 3) one makes use of methods developed in geometric modeling
- 4) there is no need for mathematical description of the process

PASSAGE 2:

In three-dimensional computer graphics, fractal techniques have been used to generate terrain models and the easiest techniques involve subdividing the facets of the objects that consist of triangles or quadrilaterals. A recursive subdivision procedure is applied to each facet, to a required depth or level of detail, and a convincing terrain model results. Subdivision in this context means taking the midpoint along the edge between two vertices and perturbing it along a line normal to the edge. The result of this is to sub-divide the original facets into a large number of smaller facets, each having a random orientation in three-dimensional space about the original facet orientation. The initial global shape of the object is retained to an extent that depends on the

perturbation at the subdivision and a planar four-sided pyramid might turn into a 'Mont Blanc' shaped object.

Most subdivision algorithms are based on a formulation by Fournier, Fussell and Carpenter (1982) that recursively subdivides a single line segment. This algorithm was developed as an alternative to more mathematically correct, but expensive, procedures suggested by Mandelbrot. It uses self-similarity and conditional expectation properties of fractional Brownian motion to give an estimate of the increment of the stochastic process. The process is also Gaussian and the only parameters needed to describe a Gaussian distribution are the mean (conditional expectation) and the variance.

The procedure recursively subdivides a line $(t_1, f_1), (t_2, f_2)$ generating a scalar displacement of the midpoint of the line in a direction normal to the line.

To extend this procedure to, say, triangles or quadrilaterals in three dimensional space, we treat each edge in turn generating a displacement along a midpoint vector that is normal to the plane of the original facet I (Figure 12.2). Using this technique we can take a smooth pyramid, say, made of large triangular faces and turn it into a rugged mountain.

Fournier categorizes two problems in this method – internal and external consistency. Internal consistency requires that the shape generated should be the same whatever the orientation in which it is generated, and that coarser details should remain the same if the shape is replotted at greater resolution.

- 21- **With the use of subdivision, -----.**
- 1) computational complexity increases
 - 2) only simple shapes can be reasonably represented
 - 3) a satisfactory terrain model is obtained
 - 4) some details of an object are eliminated
- 22- **Compared to the procedures suggested by Mandelbrot, subdivision algorithms -----.**
- 1) need less computing effort
 - 2) may require sophisticated stochastic processing
 - 3) need more computing effort but are more accurate
 - 4) are more accurate and need less computing effort
- 23- **The mean for the description of the Gaussian distribution is -----.**
- 1) the mean under a certain condition
 - 2) only used when expectations are high
 - 3) needed when the variance is ignored
 - 4) used when a large value of variance is expected
- 24- **Choose the description that best fits the underlined word "quadrilaterals" in the first paragraph.**
- | | |
|--------------------|--------------------------|
| 1) Quadratic terms | 2) Quadrangles |
| 3) Right triangles | 4) Equilateral triangles |
- 25- **By the internal consistency due to Fournier, for a shape replotted at a greater resolution, -----.**
- 1) consistency may be lost
 - 2) more details are added
 - 3) the coarser details should be preserved
 - 4) the preserved coarser details may change depending on the orientation

PASSAGE 3:

The study of optimization as an independent topic must, of course, be regarded as a branch of applied mathematics. As such it must look to various areas of pure mathematics for its unification, clarification, and general foundation. One such area of particular relevance is functional analysis.

Functional analysis is the study of vector spaces resulting from a merging of geometry, linear algebra, and analysis. It serves as a basis for aspects of several important branches of applied mathematics including Fourier series, integral and differential equations, numerical analysis, and any field where linearity plays a key role. Its appeal as a unifying discipline stems primarily from its geometric character. Most of the principal results in functional analysis are expressed as abstractions of intuitive geometric properties of ordinary three-dimensional space.

Some readers may look with great expectation toward functional analysis, hoping to discover new powerful techniques that will enable them to solve important problems beyond the reach of simpler mathematical analysis. Such hopes are rarely realized in practice. The primary utility of functional analysis for the purposes of this book is its role as a unifying discipline, gathering a number of apparently diverse, specialized mathematical tricks into one or a few general geometric principles.

- 26- According to the passage, functional analysis -----.
- 1) has no relation to optimization
 - 2) is an area of mathematics being useful in optimization
 - 3) is an area of applied mathematics with no relevance to pure mathematics
 - 4) is an area of pure mathematics with no relevance to applied mathematics
- 27- The word "diverse" in paragraph 3 means -----.
- 1) important
 - 2) explicit
 - 3) particular
 - 4) various
- 28- Functional analysis serves as a basis in areas dealing with -----.
- 1) linear forms
 - 2) geometric designs
 - 3) complex structures
 - 4) analytical aspects of linear algebra
- 29- Functional analysis -----.
- 1) is unable to solve important problems
 - 2) can be expected to solve all important problems
 - 3) is expected to do as well as the simpler mathematical analysis
 - 4) offers techniques to solve problems that cannot be solved by mathematical analysis alone.
- 30- Geometry ----- functional analysis.
- 1) plays no important role in
 - 2) is, in principle, the same as
 - 3) is served as a tool to diversify
 - 4) along with linear algebra and analysis are the main ingredients of

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۷

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

دروس پایه (ریاضیات عمومی، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال):

۳۱ - حاصل عبارت $\frac{\sin x + \sin 2x + \dots + \sin nx}{\cos x + \cos 2x + \dots + \cos nx}$ کدام است؟

$-\tan \frac{n}{2} x$ (۱)

$-\tan \frac{v}{2} x$ (۲)

$\tan \frac{n}{2} x$ (۳)

$\tan \frac{v}{2} x$ (۴)

۳۲ - اگر $a_n = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{(1 - \cos x)^{\frac{n}{2}}}{x^n}$ درست است؟

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \neq 0$ (۱)

(۲) سری همگرای مطلق است.

(۳) سری همگرای مشروط است.

(۴) اما سری واگرا است. $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \infty$

۳۳ - اگر $g(x) = \int_1^{e^x} (x-t)f(t)dt$ و $f(x) = \int_1^{\ln x} te^t dt$ کدام است؟

(۱) صفر

$-f(1)$ (۲)

$f(1)$ (۳)

$2f(1)$ (۴)

۳۴ - مقدار $\int_0^1 x \operatorname{Arctan} x dx$ کدام است؟

$\frac{\pi}{2} - 1$ (۱)

$\frac{\pi}{4} - \frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{\pi}{2} + 1$ (۳)

$\frac{\pi}{4} + \frac{1}{2}$ (۴)

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۸

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۳۵ - سری تیلور تابع $f(x) = \ln(2+2x+x^2)$ حول نقطه $x = -1$ کدام است؟

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n} (x+1)^n \quad (1)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2^n} (x+1)^{2n} \quad (2)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n} (x+1)^n \quad (3)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n} (x+1)^{2n} \quad (4)$$

- ۳۶ - طول منحنی پارامتری $\begin{cases} x = \cos t + t \sin t \\ y = \sin t - t \cos t \end{cases}$ از $t = 0$ تا $t = \pi$ کدام است؟

$$\pi^2 \quad (1)$$

$$\pi^2 \quad (2)$$

$$\frac{\pi^2}{3} \quad (3)$$

$$\frac{\pi^2}{2} \quad (4)$$

- ۳۷ - اگر $\alpha x + \beta y + \gamma z = \lambda$ یک صفحه مماس بر رویه $x^{\frac{2}{3}} + y^{\frac{2}{3}} + z^{\frac{2}{3}} = a^{\frac{2}{3}}$ باشد، مقدار

کدام است؟

$$a^{\frac{2}{3}} \quad (1)$$

$$a^{\frac{4}{3}} \quad (2)$$

$$2a^{\frac{2}{3}} \quad (3)$$

$$2a^{\frac{4}{3}} \quad (4)$$

- ۳۸ - اگر $u = x + y^2$ و $v = y + z^2$ و $w = z + x^2$ آنگاه مقدار $\frac{\partial w}{\partial u}$ کدام است؟

$$\lambda xyz \quad (1)$$

$$1 + \lambda xyz \quad (2)$$

$$\frac{1}{1 + \lambda xyz} \quad (3)$$

$$\frac{1}{\lambda xyz} \quad (4)$$

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۹

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۳۹ - حجم جسم صلبی که بین صفحات $z = a - x + y$ و $z = a - x$ و استوانه سه‌می $(a > 0)y = a - \frac{x^2}{a}$ محصور می‌باشد، کدام است؟

(۱) $\frac{2\pi}{5}a^3$

(۲) $\frac{2\pi}{15}a^3$

(۳) $\frac{2\pi}{15}a^3$

(۴) $\frac{2\pi}{5}a^2$

- ۴۰ - اگر C منحنی حاصل از تقاطع صفحه $x^2 + y^2 = 4$ در جهت راستگرد باشد و

$$\int_C F \cdot dr \quad F(x, y, z) = x^2 \mathbf{i} - xy^2 \mathbf{j} + z^2 \mathbf{k}$$

(۱) -8π

(۲) -6π

(۳) 6π

(۴) 8π

- ۴۱ - فرض کنید \mathcal{P} گردایه همه افزارهای مجموعه اعداد طبیعی \mathbb{N} باشد. رابطه R را روی \mathcal{P} به این صورت تعریف می‌کنیم: برای هر دو عضو P_1 و P_2 از \mathcal{P} گوییم $P_1 P_2$ با P_2 در رابطه است ($P_1 R P_2$) اگر و تنها اگر هر عضو از افزار P_1 زیرمجموعه عضوی از افزار P_2 باشد. کدام گزینه درست است؟

(۱) $R = \emptyset$ رابطه همانی روی \mathcal{P} است.

(۲) R یک رابطه ترتیب جزئی است.

- ۴۲ - کدام گزینه درست است؟ (متغیرها مقید به اعداد حقیقی‌اند.)

(۱) $\exists x \forall z \forall y (x + z < y)$

(۲) $\exists x \exists y \forall z (x + z < y)$

(۳) $\exists x \forall z \exists y (x + z < y)$

(۴) $\exists x \exists z \forall y (x + z < y)$

- ۴۳ - فرض کنید A مجموعه همه چهارضلعی‌هایی در صفحه \mathbb{R}^2 باشد، که مختصات رئوس آنها اعداد گویا هستند و B مجموعه همه مربع‌هایی در صفحه \mathbb{R}^2 باشد که طول ضلع هر یک عددی گویا است. کدام گزینه درست است؟ (در گزینه‌های زیر \mathbb{N} عدد اصلی مجموعه اعداد طبیعی و \mathbb{C} عدد اصلی \mathbb{R} است.)

(۱) اعداد اصلی A و B هر دو \mathbb{N} است.

(۲) عدد اصلی A مساوی \mathbb{C} و عدد اصلی B مساوی \mathbb{N} است.

(۳) اعداد اصلی A و B هر دو \mathbb{C} است.

(۴) عدد اصلی A مساوی \mathbb{N} و عدد اصلی B مساوی \mathbb{C} است.

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۰

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۴۴ - کدام گزینه درست است؟

- (۱) هر مجموعه که با یک زیرمجموعه واقعی (سره) خود هم عدد باشد، نامتناهی است.
- (۲) هر مجموعه که زیرمجموعه‌ای نامتناهی داشته باشد، ناشمار است.
- (۳) هر زیرمجموعه نامتناهی از یک مجموعه ناشر، شمار است.
- (۴) هر مجموعه که با یک زیرمجموعه خود هم عدد باشد، نامتناهی است.

- ۴۵ - فرض کنید A, B, C و D مجموعه‌هایی دلخواه باشند. کدام گزینه درست نیست؟

$$(A \times B) \cap (C \times D) = (A \cap C) \times (B \cap D) \quad (۱)$$

$$(A \times B) \cup (C \times D) = (A \cup C) \times (B \cup D) \quad (۲)$$

$$(A \times B) \cap (A \times C) = A \times (B \cap C) \quad (۳)$$

$$(A \times B) \cup (A \times C) = A \times (B \cup C) \quad (۴)$$

- ۴۶ - بعد فضای جواب دستگاه $\begin{cases} x_1 + 4x_2 - 3x_3 = 0 \\ 2x_1 + 5x_2 - 4x_3 = 0 \\ 3x_1 + 9x_2 - 7x_3 = 0 \end{cases}$ کدام است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

- ۴۷ - اگر $W = \left\{ \begin{bmatrix} 2x+3y & \frac{2}{3}x+y \\ x+\frac{3}{2}y & 4x+5y \end{bmatrix} \mid x, y \in \mathbb{R} \right\}$ آنگاه $\dim W$ کدام است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

- ۴۸ - اگر A ماتریس وارون پذیر و $A^{-1}B$ پوچ توان باشد، در مورد ماتریس $A + B$ کدام مورد صحیح است؟

۱) پوچ توان است.

۲) پوچ توان نیست.

۳) وارون پذیر است.

۴) وارون پذیر نیست.

- ۴۹ - فرض کنید $\text{rank}(\text{adj}(A)) = 9$ و $A \in M_{10}(\mathbb{R})$. در این صورت $\text{rank}(A) = 9$ کدام است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۹ (۳)

۱۰ (۴)

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۱

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

-۵۰- فرض کنید $A \in M_{10}(\mathbb{R})$ و عناصر روی قطر A همگی صفر و عناصر بالای قطر اصلی همگی ۱ و عناصر پایین قطر اصلی همگی ۱- باشند. A چند مقدار ویره حقیقی دارد؟

- (۱) ۱۰
- (۲) ۲
- (۳) ۱
- (۴) ۰

-۵۱- دنباله $x_n = \sin n + \sin \frac{(n+1)\pi}{2n}$ را در نظر بگیرید. کدام گزینه درست است؟

- (۱) حد بالای دنباله $(\limsup x_n)$ برابر ۲ است.
- (۲) حد پایین دنباله $(\liminf x_n)$ برابر ۱- است.
- (۳) حد پایین دنباله $(\liminf x_n)$ برابر ۲- است.
- (۴) حد بالای دنباله $(\limsup x_n)$ برابر ۱ است.

-۵۲- اگر $\{x_n\} \subseteq \mathbb{R}^+$ و $\ell = \lim \frac{x_{n+1}}{x_n}$ موجود باشد. در مورد $k = \lim x_n$ چه می‌توان گفت؟

- (۱) $k < \ell$
- (۲) $k = \ell$
- (۳) $k > \ell$

$$k = \begin{cases} \infty & \ell < 1 \\ \ell & \ell > 1 \end{cases}$$

-۵۳- فرض کنید $f(\circ) = 0$ در نقطه \circ مشتق‌پذیر است و k یک عدد طبیعی بزرگ‌تر از یک است. مقدار

$$\lim_{x \rightarrow \circ} \frac{1}{x} (f(x) + f(\frac{x}{2}) + f(\frac{x}{3}) + \dots + f(\frac{x}{k}))$$

$$(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{k})f'(\circ) \quad (1)$$

$$\frac{k(k+1)}{2}f'(\circ) \quad (2)$$

$$kf'(\circ) \quad (3)$$

(۴) حد وجود ندارد.

-۵۴- توابع $f(x) = e^{-\frac{1}{x}}$ و $g(x) = e^{\sin(x)}$ را بر بازه $(-\infty, +\infty)$ در نظر بگیرید. کدام گزینه درست است؟

(۱) f و g پیوسته یکنواخت هستند.

(۲) f و g پیوسته یکنواخت نیستند.

(۳) f پیوسته یکنواخت است ولی g پیوسته یکنواخت نیست.

(۴) g پیوسته یکنواخت است ولی f پیوسته یکنواخت نیست.

-۵۵- فرض کنید A زیر مجموعه سره و ناتهی $R - A$ همبند باشد. کدام گزینه در مورد مجموعه A درست است؟

- (۱) A همبند است.
- (۲) A بی‌کران است.
- (۳) A می‌تواند شمارا باشد.
- (۴) A می‌تواند فشرده باشد.

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۲

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۵۶- فرض کنید $A \in \mathbb{R}^{m \times n}$. ستوان‌های مستقل خطی دارد. در این صورت، جواب مسئله $\min_x \|Ax - b\|_2$ کدام است؟

(۱) می‌تواند وجود نداشته باشد.

(۲) وجود دارد و یکتاست اگر و تنها اگر $m = n$.

(۳) همواره وجود دارد ولی لزوماً یکتا نیست.

(۴) همواره وجود دارد و یکتاست.

- ۵۷- تابع $f(x) = x^{n+1}$ را روی نقاط متمایز x_0, x_1, \dots, x_n درونیابی می‌کنیم. چه شرطی روی نقاط گره‌ای x_0, x_1, \dots, x_n برقرار باشد تا درجه چند جمله‌ای درونیاب حداقل $n-1$ باشد؟

$$\prod_{i=0}^n (x_i) = 0 \quad (1)$$

$$x_0 + x_1 + \dots + x_n = 0 \quad (2)$$

$$f[x_0, x_1, \dots, x_n] = 1 \quad (3)$$

$$f[x_0, x_1, \dots, x_n] = x_0 + \dots + x_n \quad (4)$$

- ۵۸- فرض کنیم $f(x) = 2^x$ و $i = 0, \dots, n$. اگر $x_i = i$. در این صورت مقدار k کدام است؟

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

- ۵۹- در یک دستگاه ممیزشناور نرمال شده در مبنای ۲، هر عدد حقیقی به صورت $\pm(d_0d_1d_2d_3d_4) \times 2^{\pm d_5d_6}$ ذخیره می‌شود که d_i ها ارقام در مبنای ۲ هستند و $d_0 \neq 0$ ، وقتی عدد ناصرف است و ماشین در محاسبه گرد می‌کند. فاصله بین کوچک‌ترین عدد مثبت قابل نمایش و کوچک‌ترین عدد مثبت قابل نمایش بزرگ‌تر از ۱، چقدر است؟

(۱) $\frac{3}{16}$

(۲) $\frac{29}{32}$

(۳) $\frac{17}{16}$

(۴) $\frac{9}{8}$

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۳

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۶۰- تابع $f(x) = \sin \frac{\pi x}{3}$ را در نقاط $1, 0, -2, 0$ - درونیابی کرده‌ایم. حداقل خطا درونیاب حاصل، در نقطه $-1 = x$ با توجه به فرمول خطا درونیابی کدام است؟

$$\frac{\pi}{162} \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{81} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{18} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{9} \quad (4)$$

- ۶۱- میانگین و واریانس داده‌های x_1, \dots, x_n به ترتیب برابر 15 و $12/5$ است. ضریب تغییرات (cv) داده‌های

$$\frac{x_1}{2} + 1, \dots, \frac{x_n}{2} + 1 \quad \text{کدام است؟}$$

$$\frac{5}{12\sqrt{2}} \quad (1)$$

$$\frac{2\sqrt{17}}{5} \quad (2)$$

$$\frac{5}{2\sqrt{19}} \quad (3)$$

$$\frac{2\sqrt{19}}{5} \quad (4)$$

- ۶۲- به چند طریق می‌توان 5 مهره یکسان را در 6 جعبه مرتب شده کنار هم قرار داد به‌طوری‌که دو جعبه وسطی خالی

نباشد؟

$$\binom{10}{5} \quad (1)$$

$$\binom{10}{6} \quad (2)$$

$$\binom{8}{3} \quad (3)$$

$$\binom{8}{6} \quad (4)$$

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۴

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۶۳- ضرایب a و b و c در معادله درجه دوم $ax^2 + bx + c = 0$ به ترتیب با پرتاب ۳ مرتبه یک تاس به طور مستقل، تعیین می‌شود. احتمال اینکه معادله تشکیل شده با این ضرایب ریشه حقیقی داشته باشد، کدام است؟

$$\frac{108}{216} \quad (1)$$
$$\frac{43}{216} \quad (2)$$
$$\frac{120}{216} \quad (3)$$
$$\frac{54}{216} \quad (4)$$

- ۶۴- فرض کنید یک بازی را که شанс برد آن $\frac{1}{N}$ است، بارها به طور مستقل بازی کنید. بدون استفاده از تقریب بزرگ نمونه‌ای توزیع‌ها حداقل تعداد دفعات به تقریب چقدر باشد تا شанс حداقل یک بار برنده شدن شما بیشتر از ۵۰٪ باشد؟

$$\frac{N-1}{\ln 2} \quad (1)$$
$$(N-1)\ln 2 \quad (2)$$
$$\frac{N}{\ln 2} \quad (3)$$
$$N\ln 2 \quad (4)$$

- ۶۵- در پرتاب یک سکه اگر شیر ظاهر شود، مجاز به پرتاب سکه دوم هستیم و در غیر این صورت دو تاس را پرتاب می‌کنیم. با کدام احتمال حداقل یک بار ۶ مشاهده می‌شود؟

$$\frac{11}{72} \quad (1)$$
$$\frac{12}{72} \quad (2)$$
$$\frac{11}{36} \quad (3)$$
$$\frac{12}{36} \quad (4)$$

ساختمان داده‌ها، طراحی الگوریتم‌ها و مبانی نظریه محاسبه:

- ۶۶- اگر f_k نشان‌دهنده k ‌امین عدد در دنباله فیبوناچی باشد، بهترین زمان برای محاسبه f_n چیست؟
- (1) $O(n)$
(2) $O(n^r)$
(3) $O(\log n)$
(4) $O(n \log n)$

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۵

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۶۷- می خواهیم در یک آرایه از اعداد صحیح به طول n اندیس های i و j و k را پیدا کنیم که $x[i]^r + x[j]^r = x[k]^r$ باشد. بهترین زمان ممکن برای این کار کدام است؟

O(n^r) (۱)

O(n^r) (۲)

O($n^r \log n$) (۳)

O($n \log n$) (۴)

- ۶۸- اگر در ذخیره سازی یک ماتریس آدرس خانه $[1, 1]A$ برابر $7A^{00}$ و آدرس خانه $[1, 1]A$ برابر $7A^{10}$ باشد (در مبنای ۱۶)، آن گاه ذخیره سازی ماتریس به چه صورتی است؟

hash (۱)

random (۲)

column major (۳)

row major (۴)

- ۶۹- در یک گراف غیر جهت دار با n رأس و e یال جمع درجه تمام رئوس کدام است؟

$2e$ (۱)

$2n$ (۲)

$\frac{2e-1}{2}$ (۳)

$\frac{2n-1}{2}$ (۴)

- ۷۰- اگر به یک آرایه عددی مرتب شده یک عنصر تصادفی اضافه کنیم، کدام الگوریتم برای مرتب سازی آن دارای بهترین زمان است؟

Insertion sort (۱)

Bubble sort (۱)

Selection sort (۴)

Quick sort (۳)

- ۷۱- تابع زمانی قطعه برنامه زیر کدام است؟

$r = 0$

```
for i=1 to n
    for j=1 to i
        for k=j to i+j
            r=r+1
```

$\frac{n(n+1)}{2}$ (۱)

$\frac{n^r}{6} + \frac{n^r}{2}$ (۲)

$\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ (۳)

$\frac{n(n+1)(2n+1)}{6} + \frac{n(n+1)}{2}$ (۴)

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۶

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۷۲- در یک آرایه عددی A به طول m برخی از عناصر ۱ تا n که $m < n$ است، ظاهر شده‌اند. بهترین الگوریتم برای یافتن بزرگ‌ترین عنصری که در آرایه ظاهر نشده است، دارای چه مرتبه زمانی است؟

O(n) (۱)

O(m) (۲)

O(n log n) (۳)

O(m log m) (۴)

- ۷۳- اگر $T(n) = \sum_{i=1}^n (i + \frac{1}{i})$ باشد، حاصل نهایی T(n) کدام است؟

$\Theta(n^2)$ (۱)

$\Theta(n^2 + i^2)$ (۲)

$\Theta(n^2 \ln n)$ (۳)

$\Theta(n \ln n)$ (۴)

- ۷۴- الگوریتم زیر چه عملی روی لیست پیوندی با آدرس شروع P انجام می‌دهد؟

```
list * listtravel(list * P)
{
    list * h
    if(P == null)or(P → link == null)
        return(P)
    h = listtravel(p → link)
    P → link → link = P
    P → link = null
    return h
}
```

(۲) لیست پیوندی را برعکس می‌کند.

(۱) لیست پیوندی را تغییر نمی‌دهد.

(۴) اشاره گر انتهای لیست را به ابتدا می‌برد.

(۳) اشاره گر ابتدای لیست را به انتهای می‌برد.

- ۷۵- فرض کنید یک درخت دودویی T را یک بار پیمایش inorder و یک بار پیمایش postorder کرده‌ایم. آخرین عنصر در این دو پیمایش یکسان می‌باشد. درباره این درخت، کدام مورد صحیح است؟

(۱) زیر درخت راست T خالی است.

(۲) زیر درخت چپ T خالی است.

(۴) درخت T یک درخت دودویی پر است.

(۳) درخت T یک درخت دودویی کامل است.

- ۷۶- اگر $A_{6 \times 15}$ و $B_{15 \times 25}$ و $C_{25 \times 10}$ و $D_{10 \times 17}$ باشد، برای محاسبه $ABCD$ کدام پرانتزگذاری سریع‌تر است؟

$A((BC)D)$ (۱)

$(AB)(CD)$ (۲)

$(A(BC))D$ (۳)

$((AB)C)D$ (۴)

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۷

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۷۷- در کدام یک از درختان زیر ارتفاع دو زیر درخت هر گره‌ای حداقل دارای فاصله ۱ است؟

AVL (۱)

Binary (۲)

Splay (۳)

Red - Black (۴)

- ۷۸- الگوریتم زیر برای آرایه x با n عنصر چه عملی انجام می‌دهد؟

```
f()
{
    s = new AVL - Tree
    for i = 1 to n do
        if s.member(x[i])
            s.delete(x[i])
        else
            s.insert(x[i])
    for i = 1 to n do
        if not s.member(x[i])
            return (false)
    return (True)
}
```

(۱) اگر آرایه عنصر تکراری داشته باشد True بر می‌گرداند.

(۲) اگر آرایه عنصر تکراری نداشته باشد True بر می‌گرداند.

(۳) اگر تعداد رخداد تمام عناصر فرد باشد True بر می‌گرداند.

(۴) از آرایه X تمام عناصر تکراری را حذف و آن را در یک درخت AVL قرار می‌دهد.

- ۷۹- در رابطه با استفاده از الگوریتم heapsort به عنوان الگوریتم مرتب‌سازی کمکی در مرتب‌سازی radix کدام

جمله درست است؟

(۱) می‌تواند استفاده بشود چون **inplace** است.

(۲) نمی‌تواند استفاده بشود چون **inplace** نیست.

(۳) می‌تواند استفاده بشود چون **stable** است.

(۴) نمی‌تواند استفاده بشود چون **stable** نیست.

- ۸۰- در نوشته‌ای تعداد تکرار حروف A, B, C, D, E, F به ترتیب ۲۰۰، ۱۸۰، ۱۵۰، ۱۸۰، ۲۰۰، ۳۰، ۴۰ و ۲۰ بار می‌باشد.

چنانچه آن نوشته را با استفاده از روش هافمن کد کنیم، طول کد تولید شده چند بیت خواهد بود؟

۱۳۷۰ (۱)

۱۳۸۰ (۲)

۱۳۹۰ (۳)

۱۴۰۰ (۴)

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۸

262F

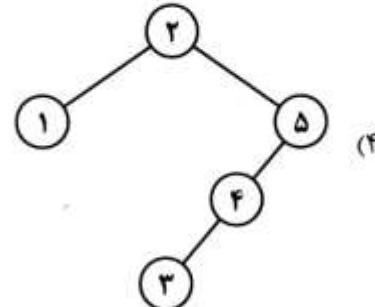
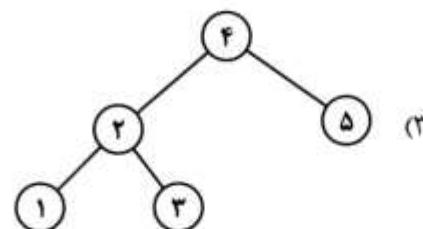
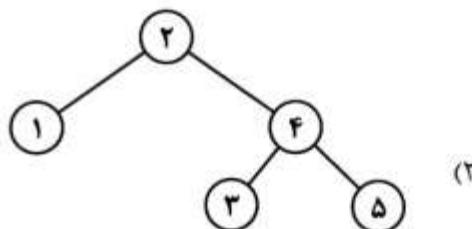
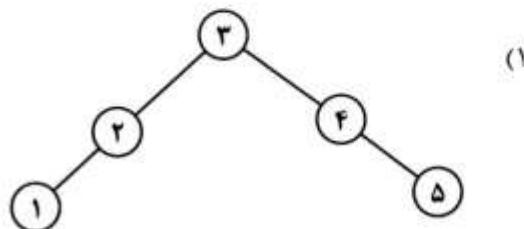
مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۸۱- فرض کنید A و B دو مسئله تصمیم‌گیری بوده و $B_p \leq A$ باشد (A در زمان چندجمله‌ای به B کاهش یابد). کدام گزینه درست است؟

- (۱) اگر B یک مسئله NP باشد آن‌گاه A یک مسئله NP - کامل است.
- (۲) اگر A یک مسئله NP - کامل باشد آن‌گاه B نیز NP - کامل است.
- (۳) اگر A یک مسئله NP باشد آن‌گاه B یک مسئله NP - کامل است.
- (۴) اگر B یک مسئله NP - کامل باشد آن‌گاه A نیز NP - کامل است.

- ۸۲- درخت جستجوی دودویی بهینه برای نمونه زیر کدام است؟

اعداد	۱	۲	۳	۴	۵
احتمال جستجو	۰/۲	۰/۴	۰/۰۵	۰/۱	۰/۲۵



مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۹

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۸۳ - کدام یک از الگوریتم‌های زیر حرسانه می‌باشد؟

a = Fractional knapsack

b = Dijkstra

c = Bellman – ford

d = kruskal

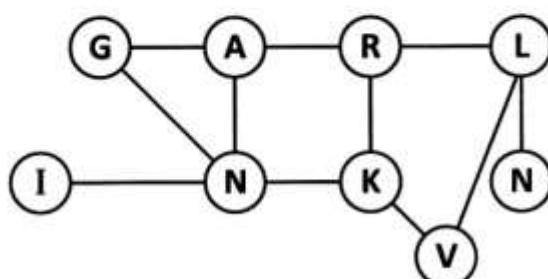
b,c,d (۴)

a,b,d (۳)

b,d (۲)

a,b (۱)

- ۸۴ - در جستجوی عمق اول (Depth First Search) گراف زیر با فرض آن که گره A گره مبدأ باشد و گره‌های مجاور به یک گره به ترتیب حروف الفبای انگلیسی ملاقات شوند، کدام مورد ترتیب ملاقات گره‌ها را نمایش می‌دهد؟



A - G - N - I - K - R - L - N - V (۱)

A - G - N - I - R - K - L - V - N (۲)

A - G - N - I - K - R - L - V - N (۳)

A - G - N - I - K - R - V - L - N (۴)

- ۸۵ -تابع زیر از چه مرتبه‌ای است؟

$$T(n) = T\left(\lfloor \sqrt{n} \rfloor\right) + \log n$$

O(n log(n)) (۱)

O(log(log(n))) (۲)

O(n log(log(n))) (۳)

O(log(n) log(log(n))) (۴)

- ۸۶ - کدام یک از جملات زیر صحیح است؟

(۱) اگر L_1^* , L_1 باشد، پس L_1 , L_1 CFL است.

(۲) اگر L_1 , L_2 CFL باشد و L_1, L_2 نباشد پس L_1, L_2 می‌تواند CFL باشد.

(۳) اگر L_1 , L_2 CFL باشد و L_1, L_2 نباشد پس L_1, L_2 CFL نیست.

(۴) اجتماع بینهایت زبان CFL, CFL است.

- ۸۷ - فرض کنید یک مجموعه متناهی مانند $\emptyset \neq B$ که شامل اعداد صحیح است داده شده. حال هدف طراحی یک روشی برای $x_i = 0$ است به طوری که هر رشته مانند $x_n, x_{n-1}, \dots, x_1 = x$ که به این DFA داده می‌شود در صورتی پذیرش می‌گیرد که:

$$\forall i \in B \quad x = x_1, \dots, x_n \quad x_i = 0$$

تعداد state‌های این ماشین در حالت مینیمال کدام است؟ (Max(B) به مفهوم ماکزیمم‌ترین عضو مجموعه است).

|B|+1 (۱)

|B|+2 (۲)

Max(B)+1 (۳)

Max(B)+2 (۴)

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۰

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

- ۸۸ - فرض کنید L_1 و L_2 منظم است. حال زبان‌های زیر را در نظر بگیرید:

$$L'_1 = \left\{ w \mid w = u_1 v_1 u_2 v_2 \dots u_n v_n, \begin{array}{l} u_1 \dots u_n \in L_1 \\ v_1 \dots v_n \in L_2 \end{array} \quad u_i, v_i \in \Sigma \right\}$$

$$L'_2 = \left\{ w \mid w = u_1 v_1 u_2 v_2 \dots u_n v_n, \begin{array}{l} u_1 \dots u_n \in L_1 \\ v_1 \dots v_n \in L_2 \end{array} \quad u_i, v_i \in \Sigma^* \right\}$$

کدام مورد صحیح است؟

(۱) L'_1 و L'_2 منظم است.

(۲) L'_1 و L'_2 نامنظم است.

(۳) L'_1 منظم ولی L'_2 نامنظم است.

(۴) L'_1 منظم ولی L'_2 نامنظم است.

- ۸۹ - فرض کنید یک زبان روی الفبای $\Sigma = \{a, b\}$ تعریف شده باشد بهطوری که بین هر جفت a در رشته بتوان تعدادی فرد b یافت. DFA مینیمم روی این زبان شامل چند state است؟

(۱) ۴

(۲) ۵

(۳) ۶

(۴) ۷

- ۹۰ - به ازای هر $0 < k < \infty$ و حروف الفبای $\{0, 1\}$ ، چه تعداد State DFA می‌توان ارائه کرد؟

(۱) K^{2k}

(۲) $K^{k+1}2^{2k}$

(۳) $K^{2k+1}2^k$

(۴) $k^{2k}2^{k+1}$

- ۹۱ - زبان معادل با گرامر زیر کدام است؟

$$S \rightarrow Ax \mid By$$

$$A \rightarrow By \mid Cw$$

$$B \rightarrow x \mid Bw$$

$$C \rightarrow y$$

$$xw^+y + xwx + yw \quad (۱)$$

$$xw^+y + xwxy + ywx \quad (۲)$$

$$xw^*y + xw^*yx + ywx \quad (۳)$$

$$xw^*y + xwxy + ywx \quad (۴)$$

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۱

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

-۹۲- رابطه بازگشته زیر چه زبانی را توضیح می‌دهد؟

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$\lambda \in L$$

$$\forall x \in L \Rightarrow axab \in L, bx \in L$$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid \Sigma^n(ab)^n\} \quad (1)$$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid x = (ba)^n(ab)^n\} \quad (2)$$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid x = a^n b^*(ab)^n\} \quad (3)$$

$$L = \left\{ x \in \Sigma^* \mid x = w(ab)^{na(w)}, w \in \Sigma^* \right\} \quad (4)$$

-۹۳- بر اساس چه مقداری از w , L منظم می‌شود؟

$$L = \left\{ a^n w b^n \mid n \geq 0 \right\}$$

$$w \in \{a, b\} \quad (1)$$

$$w \in \{a, b\}^* \quad (2)$$

$$w \in \{c, d\}^* \quad (3)$$

(4) هیچ‌کدام

-۹۴- کدامیک از زبان‌های زیر بازگشته است؟

$$L = \{< D > \mid D \text{ یک TM با مینیمم state است}\} \quad (1)$$

$$L = \{< D > \mid D \text{ یک DFA با مینیمم state است}\} \quad (2)$$

$$L = \{< D > \mid D \text{ یک NPDA با مینیمم state است}\} \quad (3)$$

$$L = \{< D > \mid D \text{ یک PDA با مینیمم state است}\} \quad (4)$$

-۹۵- همه جملات زیر صحیح‌اند، به جز:

(1) به ازای هر زیرمجموعه از یک زبان بازگشته نمی‌توان یک decidable TM ارائه نمود.

(2) به ازای هر رشته در یک زبان غیربازگشته می‌توان یک decidable TM ارائه نمود.

(3) به ازای هر زیرمجموعه از یک زبان غیربازگشته نمی‌توان یک decidable TM ارائه نمود.

(4) می‌توان یک زیرمجموعه نامتناهی از یک زبان غیربازگشته یافت که decidable TM باشد.

مبانی منطق و نظریه مجموعه‌ها:

-۹۶- تعداد T در ستون آخر جدول ارزش گزاره $r \leftrightarrow q \leftrightarrow p$ (برابر است با:

(1) ۶

(2) ۵

(3) ۴

(4) ۳

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۲

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

۹۷- چه تعداد از استنتاج‌های زیر معتبر است؟

$$\begin{aligned}\{\neg p, p \vee q\} &\models q \\ \{p \vee q, \neg q \vee r\} &\models p \vee r \\ \{p \rightarrow q, s \rightarrow t\} &\models (p \vee s) \rightarrow (q \wedge t)\end{aligned}$$

- ۳ (۱)
- ۲ (۲)
- ۱ (۳)
- ۰ (۴)

۹۸- فرمول گزاره‌ای زیر، چه تعداد زیرفرمول گزاره‌ای دارد؟

$$((p \rightarrow \neg q) \vee ((p \wedge r) \rightarrow s)) \rightarrow \neg r$$

- ۹ (۱)
- ۱۰ (۲)
- ۱۱ (۳)
- ۱۲ (۴)

۹۹- فرض کنید * یک رابط گزاره‌ای ۲ - موضعی باشد به‌طوری‌که $p * q$ غلط است اگر و تنها اگر p و q ارزش متفاوتی داشته باشند. در ستون آخر جدول ارزش گزاره $(p * p) * (q * q)$ چند T وجود دارد؟

- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

۱۰۰- چه تعداد از استنتاج‌های زیر در دستگاه استنتاج طبیعی برقرارند؟

$$\begin{aligned}(\neg p) \vee (q \rightarrow p) &\vdash \neg p \wedge q \\ (\neg r) \rightarrow (p \vee q), (r \wedge \neg q) &\vdash r \rightarrow q \\ p \rightarrow (q \rightarrow r) &\vdash p \rightarrow (r \rightarrow q)\end{aligned}$$

- ۰ (۱)
- ۱ (۲)
- ۲ (۳)
- ۳ (۴)

۱۰۱- تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه توانی مجموعه $\{\emptyset, \{\emptyset\}\}$ برابر است با:

- ۲ (۱)
- ۴ (۲)
- ۱۶ (۳)
- ۳۲ (۴)

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۳

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

۱۰۲ - چه تعداد از ادعاهای زیر در مورد اصل استقرا در نظریه مجموعه‌ها درست است؟

- حقیقتی بدیهی در مورد اعداد است.
- قضیه‌ای در نظریه مجموعه‌ها است.
- یک تعریف است.

۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

۱۰۳ - فرض کنید A مجموعه همه دایره‌های در صفحه با مرکز با مختصات گویا و شعاع اصم و B مجموعه همه رابطه‌های

هم‌ارزی روی مجموعه اعداد حقیقی باشد. کدام یک از ادعاهای زیر در مورد این دو مجموعه درست است؟

- (۱) با A و B با \mathbb{R} هم‌توان است.
- (۲) با N و B با \mathbb{N} هم‌توان است.
- (۳) با N و B با $\mathbb{P}(\mathbb{R})$ هم‌توان است.
- (۴) با R و B با A هم‌توان است.

۱۰۴ - دو جمله $(\exists x_1)(\forall x_2)R(x_1, x_2)$ و $A : (\exists x_1)(\forall x_2)\neg R(x_1, x_2)$ را در نظر بگیرید. فرض کنید M_1 ساختار $(<, \mathbb{Q})$ و M_2 ساختار $(\mathbb{Z}, <)$ باشد. در این صورت:

- (۱) در M_1 A غلط و M_2 در B غلط است.
- (۲) در M_1 درست و M_2 در B درست است.
- (۳) در M_1 A غلط و M_2 در B درست است.
- (۴) در M_1 درست و M_2 در B غلط است.

۱۰۵ - فرمول مرتبه اول زیر به ترتیب چه تعداد متغیر آزاد و زیرفرمول دارد؟

$$(\forall x)(\exists y A(x, y) \rightarrow \exists y (B(x, y, z) \wedge D(z)))$$

۶, ۱ (۱)
۸, ۲ (۲)
۶, ۲ (۳)
۸, ۱ (۴)

۱۰۶ - چه تعداد از خواص زیر در ساختار حسابی، بیان‌پذیر (تعریف‌پذیر) است؟

- اول بودن
- فرد بودن
- مربع کامل بودن

۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۴

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

۱۰۷ - مجموعه $\{p \wedge q, p \vee q, p \rightarrow q\}$, چه تعداد زیرمجموعه ناتهی مستقل دارد؟

- ۱) ۱
۲) ۲
۳) ۳
۴) ۴
۵) ۵

۱۰۸ - با دو اتم q و p و دو رابط \rightarrow و \neg , چند گزاره غیر هم ارز که تناقض یا راستگو نباشند می توان ساخت؟

- ۱) ۱۴
۲) ۱۶
۳) ۱۸
۴) ۲۰

۱۰۹ - در ستون آخر جدول ارزش گزاره $((p \rightarrow p) \rightarrow p) \rightarrow (q \rightarrow p)$ چند مورد T وجود دارد؟

- ۱) ۲
۲) ۴
۳) ۸
۴) ۱۶

۱۱۰ - چه تعداد از فرمولهای زیر منطقاً معتبر است؟

$$\begin{aligned} & \forall x (\phi(x) \leftrightarrow \psi(x)) \leftrightarrow (\forall x \phi(x) \leftrightarrow \forall x \psi(x)) \\ & \forall x \exists y (\phi(x) \vee \psi(y)) \rightarrow (\forall x \phi(x) \vee \exists y \psi(y)) \\ & (\neg \forall x \exists y \theta(x,y)) \rightarrow \exists w \exists z \theta(w,z) \end{aligned}$$

- ۱) ۰
۲) ۱
۳) ۲
۴) ۳

۱۱۱ - به چند طریق می توان یک مجموعه n عضوی را به ساختاری برای یک زبان مرتبه اول با یک نماد محمولی ۲-موضعی و یک نماد تابعی ۱-موضعی تبدیل کرد؟ ($n > 0$)

- ۱) $2^n \times n^n$
۲) $n^{n^n} \times 2^n$
۳) $n^{n^n} \times 2^n$
۴) $2^{n^n} \times n^n$

۱۱۲ - چه تعداد از فرمولهای زیر در یک ساختار مرتبه اول دارای تساوی ارضاء پذیر هستند؟

$$\begin{aligned} & \forall x \forall y (x = y) \\ & \forall x \forall y (x \neq y) \\ & \forall x \exists y (x \neq y) \end{aligned}$$

- ۱) ۲
۲) ۳
۳) ۴
۴) ۰

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- حایگزینی ترم t به جای متغیر γ در جه تعداد از فرمولهای A و B و C زیر، مجاز (آزاد) است؟

$$t = f(x, g(y))$$

$$A : \forall x R(x, y)$$

$$B : \exists z (\forall x R(x,z) \rightarrow s(y))$$

$$C : \exists x \exists z (R(x,y) \rightarrow s(z))$$

- 1 (T) 1 (Y)
T (F) T (T)

۱۱۴- فرمول $(\neg \exists z \forall y z \leq y) \wedge (\forall x \forall y \exists z (x \leq z \leq y \vee y \leq z \leq x))$. در چه تعداد از ساختارهای ترتیبی اعداد طبیعی، اعداد صحیح، اعداد گویا و اعداد حقیقی درست است؟

- ० (१)

- ۱۱۵- **مجموعه نامتناهی از جملات در یک زبان مرتبه اول است.** فرض کنیم به هر زیرمجموعه متناهی Σ , می‌توان یک جمله دیگر اضافه کرد به طوری که مجموعه حاصل سازگار باشد. چه تعداد از ادعاهای زیر لزوماً درست است؟

- سازگار است.
 - تمام است.
 - مستقل است.

○ (۱) ۱ (۲)
۲ (۳)
۳ (۴)

ریاضیات گستته و همانی ترکیبیات:

۱۱۶- فرض کنید $A = \{1, 2, \dots, 15\}$. چند تا از زیرمجموعه‌های A شامل دقیقاً سه عدد فرد هستند؟

۸۲

178 (f)

$$\begin{pmatrix} \wedge \\ \vdash \end{pmatrix} \vdash^* \quad (1)$$

۲۱۰ - ۲۶

- گراف $K_{1,4}$ شامل چند زیرگراف یکریخت با ستاره $K_1,4$ است؟

96(1) (2)

$$100 \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 100 \\ \Delta \end{pmatrix} (1)$$

$$98 \begin{pmatrix} 100 \\ 4 \end{pmatrix} \quad (2)$$

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۶

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

۱۱۸- مجموع اعداد ۶ رقمی که با رقم‌های ۴ و ۴ و ۴ و ۱ و ۱ و ۱ ساخته می‌شوند، کدام است؟

(۱) ۵۵۵۵۵۵

(۲) ۶۶۶۶۶۰

(۳) ۱۱۱۱۱۱۰۰

(۴) ۳۶۰×۵۵۵۵۵۵

۱۱۹- همه عبارات زیر درباره گراف G صحیح است، به جز:

(۱) اگر G گراف دو بخشی باشد، آنگاه مکمل آن دوبخشی نیست.

(۲) هر گراف دو بخشی با n رأس حداقل $\frac{n^2}{4}$ یال دارد.

(۳) گراف دو بخشی منتظم با تعداد فرد رأس وجود ندارد.

(۴) اگر G یک گراف دو بخشی باشد، با حذف هر یال، دو بخشی باقی می‌ماند.

۱۲۰- بستار متعددی رابطه $R = \{(a,b), (b,c), (c,d), (d,b)\}$ دارای چند عضو است؟

(۱) ۹

(۲) ۱۰

(۳) ۱۲

(۴) ۱۴

۱۲۱- درخت T که دارای ۳ رأس درجه ۵ است، حداقل دارای چند برگ است؟

(۱) ۲

(۲) ۱۰

(۳) ۱۱

(۴) ۱۵

۱۲۲- طبق تعریف زیر، گراف G چند یال دارد؟

هر زیر مجموعه ۳ عضوی از مجموعه $\{1, 2, \dots, 10\} = X$ را یک رأس G درنظر بگیرید. دو رأس A و B مجاورند

اگر و تنها اگر اشتراک A و B تک عضوی باشد ($|A \cap B| = 1$).

(۱) ۱۲۰

(۲) ۶۲۰

(۳) ۱۲۶۰

(۴) ۳۷۸۰

۱۲۳- گراف G از مرتبه ۱۵ با می‌نیم درجه $\delta = 3$ ، دارای ۳ مؤلفه همبندی است. تعداد حداقل و حداکثر یال‌ها را با

q_{\max} و q_{\min} نمایش می‌دهیم. در این صورت (q_{\min} و q_{\max}) کدام است؟

(۱) (۱۲, ۳۳)

(۲) (۱۲, ۳۰)

(۳) (۱۴, ۳۶)

(۴) (۱۴, ۲۵)

۱۲۴- گراف G با مجموعه رأس‌های $V = \{2, 3, 4, \dots, 20\}$ به صورت زیر تعریف می‌شود که دو رأس i و j مجاور هستند

اگر و تنها اگر i و j نسبت به هم اول باشند. کدام مورد درباره G درست است؟

(۱) مسیر هامیلتونی دارد اما اویلری نیست.

(۲) گراف اویلری است اما مسیر هامیلتونی ندارد.

(۳) نه مسیر هامیلتونی دارد و نه گراف اویلری است.

(۴) هم مسیر هامیلتونی دارد و هم گراف اویلری است.

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۷

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

۱۲۵ - با استفاده از حروف کلمه falafel چند کلمه به طول ۵ می‌توان ساخت؟

- (۱) ۲۷۰
(۲) ۳۶۰
(۳) ۴۸۰
(۴) ۷۲۰

۱۲۶ - چهار عدد متمایز از دنباله $-4, -3, -2, -1, 1, 2, 3, 4$ را انتخاب می‌کنیم. احتمال اینکه حاصل ضرب اعداد انتخاب شده مثبت باشد، چقدر است؟

- (۱) $\frac{4}{35}$
(۲) $\frac{8}{35}$
(۳) $\frac{18}{35}$
(۴) $\frac{19}{35}$

۱۲۷ - مجموعه S با $1 \in S$ و خاطه استقرایی $x \in S \Rightarrow (x+2 \in S, (x-2)^7 + 2 \in S)$ تعریف شده است. مقدار

- $|S \cap \{1, 2, \dots, 20\}|$ کدام است؟
(۱) ۱۰
(۲) ۱۱
(۳) ۱۳
(۴) ۱۴

۱۲۸ - می‌خواهیم پنج زیرمجموعه A, B, C, D, E از مجموعه $X = \{1, 2, 3\}$ انتخاب کنیم به‌طوری که $A \cup B \cup C = D \cap E$. به چند طریق می‌توان اعضای این زیرمجموعه‌ها را انتخاب کرد؟ (پنج زیرمجموعه لزوماً متمایز نیستند).

- (۱) ۱۰۲۴
(۲) ۱۰۰۰
(۳) ۷۲۹
(۴) ۵۱۲

۱۲۹ - چند گراف کامل دو بخشی وجود دارد که قابل تجزیه به ۳ درخت فراگیر باشد؟ (در تجزیه یک گراف به چند زیرگراف، هر یال گراف دقیقاً در یک زیرگراف ظاهر می‌شود).

- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳
(۴) ۴

مستر تست: وبسایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۸

262F

مجموعه علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹)

۱۳۰ - اعداد مجموعه $\{n, \dots, 1, 2\}$ را با دو رنگ سیاه و سفید رنگ کردند به طوری که تفاضل هر دو عدد سیاه، سفید است و تفاضل هر دو عدد سفید، سیاه است. حداکثر n چقدر است؟

۴ (۲)

۳ (۱)

۴) هر عددی می‌تواند باشد.

۵ (۳)

۱۳۱ - ضریب جملة x^4 در عبارت زیر کدام است؟

$$(x + \sqrt{2} + 1)^n + (x + \sqrt{2} - 1)^n + (x - \sqrt{2} + 1)^n + (x - \sqrt{2} - 1)^n$$

۲۰۱۸ (۲)

۱۹۲۰ (۱)

۴۷۶۰ (۴)

۲۲۴۰ (۳)

۱۳۲ - a و b دو رقم متمایز هستند به طوری که برای هر $n \in \mathbb{N}$ ، ضریبی طبیعی از n با ارقام a و b وجود دارد. به ترتیب کدام است؟

۵, ۱ (۲)

۲, ۱ (۱)

۷, ۰ (۴)

۵, ۳ (۳)

۱۳۳ - تعداد سه‌تایی‌های مرتب (x, y, z) از اعداد صحیح که در نامساوی $|x| + |y| + |z| \leq 6$ صدق می‌کنند، کدام است؟

۶۷۲ (۱)

۴۸۲ (۲)

۳۷۷ (۳)

۲۸۰ (۴)

۱۳۴ - تعداد ۷ نهال چنار، ۴ نهال سپیدار و ۳ نهال سرو باید در یک ردیف با رعایت شرایط زیر کاشته شوند:
نهال‌های ابتدا و انتهای ردیف چنار باشند.

هیچ دو نهال سرو مجاور هم نباشند.

هیچ دو نهال سپیدار مجاور هم نباشند.

هر نهال سرو بین یک چنار و یک سپیدار واقع شود.

انجام این کار به چند طریق ممکن است؟ (نهال‌های همنوع، یکسان محسوب می‌شوند.)

۸۴۰ (۱)

۶۲۰ (۲)

۱۰۲۰ (۳)

۱۱۴۰ (۴)

۱۳۵ - به چند طریق می‌توان مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 1397\}$ را به ۴ زیرمجموعه ناتهی افزایش کرد که در هیچ یک، دو عدد متوالی وجود نداشته باشد؟

۲۱۳۹۵ - ۱ (۱)

۳۱۳۹۵ - ۲۱۳۹۴ (۲)

۳۱۳۹۶ + ۲۱۳۹۵ - ۱ (۳)

$\frac{1}{2}((31395 - 21396) + 1) (۴)$