

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

کد کنترل

730

A

730A

صبح پنجشنبه  
۱۳۹۸/۳/۲۳



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود عملکرت اصلاح می شود.»  
امام خمینی (ره)

## آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل - سال ۱۳۹۸

### مجموعه آمار - کد (۱۲۰۷)

مدت پاسخ‌گویی: ۴۵۵ دقیقه

تعداد سوال: ۱۲۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۳۰	۱	۳۰
۲	دروس پایه (ریاضی عمومی) (۱)، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال	۳۵	۳۱	۶۵
۳	دروس تخصصی (احتمال) (۱)، آمار ریاضی (۱)، نمونه‌گیری (۱) و رگرسیون (۱)	۶۰	۶۶	۱۲۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق جا به، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای نماین اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین برای این غافر از رفتار ممنوع شود.

۱۳۹۸

## آخرین اخبار و اطلاعات کارشناسی ارشد در وب سایت مستر تست

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینچنان ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سوالات و پائین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی) :

## PART A: Vocabulary

**Directions:** Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence.  
Then mark the answer on your answer sheet.

- 1- I would like to compliment Jaden for the course of action he recommended because I think it will ----- our problem once and for all.  
1) sequence      2) speculate      3) signify      4) settle
- 2- An ----- is often expressed as a simile, as in “The football game was like a battle between gladiators.”  
1) endeavor      2) invasion      3) analogy      4) arena
- 3- Do you know of an alternate route we could take to ----- having to drive through the city?  
1) circumvent      2) delight in      3) partake of      4) suggest
- 4- My political science professor presents her lectures in a relaxed manner using ----- rather than elaborate language.  
1) loquacious      2) colloquial      3) literary      4) inflated
- 5- My uncle, a farmer, is an ----- pessimist when he discusses the weather. For example, if the sun is shining, he's sure a drought is beginning; if it's raining, he's sure his crops will be washed away.  
1) initial      2) instant      3) immutable      4) interactive
- 6- The pharmaceutical company had to ----- its advertising claim regarding the healing power of its new arthritis medicine because research studies clearly indicate the medicine isn't effective.  
1) repudiate      2) enhance      3) distribute      4) replicate
- 7- It's an ----- to their friends as to why the couple broke up because they seem perfect for each other.  
1) interference      2) inference      3) alteration      4) enigma
- 8- Mr. Baker has decided to move to a big city because of a ----- of employment opportunities in his small hometown.  
1) demonstration      2) foundation      3) trace      4) dearth

- 9- There are many good reasons for not smoking, but those having to do with health are the most -----.  
1) passionate      2) cogent      3) paradoxical      4) accidental
- 10- ----- therapy is a psychological approach designed to help individuals change harmful thought patterns to more constructive ones.  
1) Inherent      2) Thoughtful      3) Cognitive      4) Epidemiological

## PART B: Cloze Test

**Directions:** Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

The earliest human artifacts showing evidence of workmanship with an artistic purpose (11) ----- the subject of some debate. It is clear that such workmanship existed some 40,000 years ago in the Upper Paleolithic era, (12) ----- it is quite possible that it began earlier. In September 2018, scientists (13) ----- the discovery of (14) ----- by *Homo sapiens*, which is estimated to be 73,000 years old, much earlier than the 43,000-year-old artifacts (15) ----- to be the earliest known modern human drawings found previously.

- 11- 1) are      2) is      3) has been      4) was  
12- 1) as      2) when      3) since      4) although  
13- 1) who reported      2) reported      3) having reported      4) to report  
14- 1) known drawing the earliest      2) the earliest drawing was known  
3) the earliest known drawing      4) known as the earliest drawing  
15- 1) that understand      2) understood      3) were understood      4) they are understood

## PART C: Reading Comprehension:

**Directions:** Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

### PASSAGE 1:

When someone discovers that you are writing a textbook, one (or both) of two questions will be asked. The first is "Why are you writing a book?" and the second is "How is your book different from what's out there?" The first question is fairly easy to answer. You are writing a book because you are not entirely satisfied with the available texts. The second question is harder to answer. The answer can't be put in a few sentences so, in order not to bore your audience (who may be asking the question only out of politeness), you try to say something quick and witty. It usually doesn't work.

The purpose of this book is to build theoretical statistics (as different from mathematical statistics) from the first principles of probability theory. Logical

development, proofs, ideas, themes, etc., evolve through statistical arguments. Thus, starting from the basics of probability, we develop the theory of statistical inference using techniques, definitions, and concepts that are statistical and are natural extensions and consequences of previous concepts. When this endeavor was started, we were not sure how well it would work. The final judgment of our success is, of course, left to the reader.

- 16- **How many questions will be asked?**  
1) A few                    2) Two                    3) only one                    4) None
- 17- **The first question is -----.**  
1) vague                    2) hard                    3) important                    4) almost easy
- 18- **The second question is -----.**  
1) harder                    2) impolite                    3) logical                    4) natural
- 19- **To develop statistics, we start from -----.**  
1) algebra                    2) basics of probability  
3) data    4) numbers
- 20- **The final judgment is left to the -----.**  
1) student                    2) reader                    3) college                    4) teacher

## PASSAGE 2:

The subject of probability theory is the foundation upon which all of statistics is built, providing a means for modeling populations, experiments, or almost anything else that could be considered a random phenomenon. Through these models, statisticians are able to draw inferences about populations, inferences based on examination of only a part of the whole.

The theory of probability has a long and rich history, dating back at least to the seventeenth century when, at the request of their friend, the Chevalier de Méré, Pascal and Fermat developed a mathematical formulation of gambling odds.

- 21- **What is the foundation of statistics?**  
1) Probability                    2) Algebra                    3) Analysis                    4) Data
- 22- **By modeling populations, statistics is able to -----.**  
1) direct    2) solve problems  
3) draw inferenceS    4) make life easy
- 23- **The history of probability goes back to the -----.**  
1) 12th century                    2) 14th century  
3) 17th century    4) 15th century
- 24- **Who developed a foundation for gambling?**  
1) Fisher    2) Pascal alone  
3) Fermat alone    4) Pascal and Fermat
- 25- **Who was the Chevalier de Méré?**  
1) Pearson's friend    2) Fisher's friend  
3) Pascal's friend    4) Wald's friend

## PASSAGE 3:

When an experiment is performed, the realization of the experiment is an outcome in the sample space. If the experiment is performed a number of times, different outcomes may occur each time or some outcomes may repeat. This "frequency of occurrence" of an outcome can be thought of as a probability. More probable outcomes occur more frequently. If the outcomes of an experiment can be described probabilistically, we are on our way to analyzing the experiment statistically.

In this section we describe some of the basics of probability theory. We do not define probabilities in terms of frequencies but instead take the mathematically simpler axiomatic approach. As will be seen, the axiomatic approach is not concerned with the interpretations of probabilities, but is concerned only that the probabilities are defined by a function satisfying the axioms. Interpretations of the probabilities are quite another matter. The "frequency of occurrence" of an event is one example of a particular interpretation of probability. Another possible interpretation is a subjective one, where rather than thinking of probability as frequency, we can think of it as a belief in the chance of an event occurring.

- 26- The result of an experiment is a(n) -----.  
1) success      2) failure      3) outcome      4) sample space
- 27- The relative frequency of an outcome can be thought as -----.  
1) data      2) probability  
3) a small number      4) a large number
- 28- A simple approach to defining probability is -----.  
1) events      2) belief      3) frequency      4) axioms
- 29- The axiomatic method of probability is used for -----.  
1) proving      2) interpreting      3) counting      4) explaining
- 30- Subjective probability can be thought as -----.  
1) belief      2) chance      3) statistics      4) frequency

دروس پایه (ریاضی عمومی (۱و۲)، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال) :

$$(i^7 = -1) \text{ کدام است؟}$$

(۱)  $\circ$   
(۲)  $-i$   
(۳)  $i$   
(۴)  $1$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۶

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۳۲ - مقدار  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sqrt[n]{(n+1)(n+2)\dots(2n)}$  کدام است؟

۱ (۱)

$\frac{e}{4}$  (۲)

۱ (۳)

$\frac{1}{e}$  (۴)

- ۳۳ - فرض کنید دنباله  $(a_n)$  یکنوا و سری همگرا باشد. کدام گزینه برای سری  $\sum_{k=1}^{\infty} k(a_k - a_{k+1})$  درست است؟

۱) همگرا است.

۲) دنباله مجموع جزئی آن یکنوا است، ولی لزوماً کران دار نیست.

۳) دنباله مجموع جزئی آن کران دار است، ولی لزوماً همگرا نیست.

۴) لزوماً جمله عمومی آن به صفر میل نمی کند لذا همگرایی نتیجه نمی شود.

- ۳۴ - کدام گزینه درباره تابع  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}; f(x) = \sin(\pi(x - [x]))$  درست است؟ (نماد جزء صحیح است).

۱) مطلقاً انتگرال پذیر است.

۲) پیوسته نیست.

۳) پیوسته است، ولی مشتق پذیر نیست.

۴) مشتق پذیر است.

- ۳۵ - اگر  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} (e^{-2x} - \frac{1+ax}{1+bx}) = 0$  آنگاه مقدار  $a+b$  کدام است؟

-۱ (۱)

۰ (۲)

۱ (۳)

۲ (۴)

- ۳۶ - مقدار  $\int_0^1 \frac{x e^x}{(x+1)^2} dx$  کدام است؟

$\frac{e}{3} - 1$  (۱)

$\frac{e}{2} + 1$  (۲)

$\frac{e}{3} + 1$  (۳)

$\frac{e}{2} - 1$  (۴)

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۷

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۳۷ - اگر  $a, b$  اعداد مثبت باشند، آنگاه طول منحنی تابع  $y = a \cosh\left(\frac{x}{a}\right)$  بر بازه  $[-b, b]$  کدام است؟

$$\sqrt{b} \sinh\left(\frac{b}{a}\right) \quad (۱)$$

$$\sqrt{b} \cosh\left(\frac{b}{a}\right) \quad (۲)$$

$$\sqrt{a} \cosh\left(\frac{b}{a}\right) \quad (۳)$$

$$\sqrt{a} \sinh\left(\frac{b}{a}\right) \quad (۴)$$

- ۳۸ - فرض کنید  $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$  تابعی با مشتقهای جزئی مرتبه اول پیوسته و داشته باشیم  $f_x(0,1) = 1$ ،  $f_y(0,1) = 0$  و  $f_{xy}(0,1) = 1$ . فرض کنید  $\lim_{t \rightarrow \infty} \frac{f(4t, e^t)}{f(\sin 2t, \cos 2t)}$  کدام است؟

$$\lim_{t \rightarrow \infty} \frac{f(4t, e^t)}{f(\sin 2t, \cos 2t)} \quad (۱)$$

۰ (۱)

۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

- ۳۹ - فرض کنید  $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 \leq y \leq 2x^2, y^2 \leq x \leq 2y^2\}$  کدام است؟

$$\frac{e}{12} \quad (۱)$$

$$\frac{2e}{4} \quad (۲)$$

$$\frac{e}{4} \quad (۳)$$

$$\frac{e}{20} \quad (۴)$$

- ۴۰ - فرض کنید  $C$  فصل مشترک استوانه  $x^2 + y^2 = 1$  و صفحه  $z = y + 1$  در جهت راستگرد باشد. مقدار

$$\oint_C (2zdx - 2xdy + 2xdz) \quad (۱)$$

$4\pi$

$-2\sqrt{2}\pi$

$-4\pi$

$2\sqrt{2}\pi$

- ۴۱ - فرض کنید  $P \subseteq \mathbb{N}$ . کدام گزاره معادل گزاره زیر است؟

$$n \notin P \Rightarrow \exists p(p \in P \wedge p \leq \sqrt{n} \wedge p | n)$$

$$\forall p(p \in P \vee \sqrt{n} \leq p \vee p \nmid n) \Rightarrow n \in P \quad (۱)$$

$$\forall p(p \in P \wedge p \leq \sqrt{n} \Rightarrow p \nmid n) \Rightarrow n \in P \quad (۲)$$

$$\forall p(p \in P \wedge \sqrt{n} \leq p \wedge p \nmid n) \Rightarrow n \in P \quad (۳)$$

$$\forall p(p \in P \wedge p \leq \sqrt{n} \vee p \nmid n) \Rightarrow n \in P \quad (۴)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

-۴۲ فرض کنید  $A$  و  $B$  دو مجموعه دلخواه باشند. ضرب دکارتی به  $\times$  و تفاضل متقارن به  $\Delta$  نمایش داده می‌شود.  
ضمناً  $X \setminus Y$  به منزله مکمل  $Y$  نسبت به  $X$  است. کدام گزینه درست است؟

$$(A \times B) \setminus (B \times A) = (A \setminus B) \times (B \setminus A) \quad (1)$$

$$(A \Delta B) \times (A \Delta B) = (A \times A) \Delta (B \times B) \quad (2)$$

$$(A \setminus B) \times (A \setminus B) = (A \times A) \setminus (B \times B) \quad (3)$$

$$(A \cap B) \times (A \cap B) = (A \times A) \cap (B \times B) \quad (4)$$

-۴۳ فرض کنید  $\mathbb{Q}$  مجموعه اعداد گویا و  $X$  مجموعه‌ای نامتناهی باشد. کدام گزاره درست است؟

(۱) اگر  $f: X \rightarrow X$  پوشای باشد، آنگاه  $f$  یک به یک است.

(۲) اگر  $f: X \rightarrow X$  یک به یک باشد، آنگاه  $f$  پوشای باشد.

(۳) تابعی پوشای مانند  $f: X \rightarrow \mathbb{Q}$  وجود دارد.

(۴) تابعی یک به یک مانند  $f: X \rightarrow \mathbb{Q}$  وجود دارد.

-۴۴ فرض کنید  $A \cong B$  به معنای هم عدد بودن  $A$  و  $B$  و  $B \prec A$  به معنای هم عدد بودن  $B$  با زیرمجموعه‌ای از  $A$  باشد ولی  $B$  با هیچ زیرمجموعه‌ای از  $A$  هم عدد نباشد. اگر  $C \cong D$  و  $A \cong B$  باشند. کدام گزاره درست است؟

$$A \cup C \cong B \cup D \quad (1) \quad B \prec D \text{ اگر و فقط اگر } A \prec C \quad (2)$$

$$A \times B \cong C \times D \quad (3) \quad A \cap C \cong B \cap D \quad (4)$$

-۴۵ فرض کنید  $\alpha$ ،  $\beta$  و  $\gamma$  اعداد اصلی نامتناهی (ترامتناهی) باشند. کدام گزینه درست است؟

$$\alpha^\gamma < \beta^\gamma \quad (1) \quad (\alpha^\beta)^\gamma = \alpha^{\beta\gamma} \quad (2)$$

$$\alpha + \gamma < \beta + \gamma \quad (3) \quad \alpha + \gamma < \beta + \gamma \quad (4)$$

-۴۶ فرض کنید  $A$  و  $B$  ماتریس‌های مربعی باشند. کدامیک از گزاره‌های زیر درباره دترمینان آن‌ها نادرست است؟

$$\det(AB) = \det(BA) \quad (1)$$

$$\det(I - BA) = 0 \quad \text{اگر و تنها اگر} \quad \det(I - AB) = 0 \quad (2)$$

$$\det(A + B^t) = \det(A^t + B) \quad (3) \quad \text{که در آن منظور از } A^t \text{ ترانهاده ماتریس } A \text{ است.}$$

$$\det(\text{adj}(B)) = \det(B) \quad (4) \quad \text{که در آن منظور از } \text{adj}(B) \text{ الحاقی ماتریس } B \text{ است.}$$

-۴۷ فرض کنید  $T: V \rightarrow V$  یک عملگر خطی باشد به طوری که  $\text{Im } T = \ker T$  در این صورت کدامیک از گزینه‌ها در مورد بعد  $V$  می‌تواند صحیح باشد؟

$$\dim V = 9 \quad (1) \quad \dim V = 6 \quad (2) \quad \dim V = 5 \quad (3) \quad \dim V = 1 \quad (4)$$

-۴۸ فرض کنید  $V$  یک فضای برداری از بعد ۱۰ روی میدان  $\mathbb{F}$  باشد و  $f, g: V \rightarrow \mathbb{F}$  دو تبدیل خطی باشند. اگر  $f$  و  $\ker f \cap \ker g$  هیچ یک زیرمجموعه دیگری نباشند، در این صورت بعد  $\ker f \cap \ker g$  برابر است با:

$$10 \quad (1) \quad 9 \quad (2) \quad 8 \quad (3) \quad 0 \quad (4) \quad \text{صفر}$$

-۴۹ تعداد ماتریس‌های  $A \in M_7(\mathbb{R})$  به طوری که  $A^T = -A$  برابر است با:

$$0 \quad (1) \quad 1 \quad (2) \quad 2 \quad (3) \quad \text{بی‌نهایت} \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۹

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

-۵۰- فرض کنیم  $X = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \\ \vdots \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix}$  مقدار  $\det(I_6 + XX^T)$  کدام است؟

۱۷ (۱)

-۱۸ (۲)

-۱۷ (۳)

۱۸ (۴)

-۵۱- اگر  $A, B \subseteq \mathbb{R}$  و  $A^\circ, B^\circ \subseteq \mathbb{R}$  به ترتیب درون و بستار A باشند، کدام گزینه درست است؟

$$(A \cup B)^\circ \subseteq A^\circ \cup B^\circ \quad (۲)$$

$$A^\circ \cap B^\circ \subseteq (A \cap B)^\circ \quad (۱)$$

$$\overline{(A \setminus B)} = \overline{A} \setminus \overline{B} \quad (۴)$$

$$\overline{A} \cap \overline{B} \subseteq \overline{A \cap B} \quad (۳)$$

-۵۲- مقدار انتگرال ریمان بالایی و انتگرال ریمان پائینیتابع زیر به ترتیب کدام است؟

$$f(x) = \begin{cases} \sin x & x \in Q \cap [0, \frac{\pi}{2}] \\ \cos x & x \in Q^c \cap [0, \frac{\pi}{2}] \end{cases}$$

۱ و  $\sqrt{2}$  (۱)

۲- $\sqrt{2}$  و ۱ (۲)

۱ و ۱ (۳)

۲- $\sqrt{2}$  و  $\sqrt{2}$  (۴)

-۵۳- فرض کنید  $f, g : (a, b) \rightarrow \mathbb{R}$  توابعی پیوسته یکنواخت باشند و  $a < b < \infty$ . کدام شرط پیوستگی

یکنواخت  $fg$  را ایجاد نمی‌کند؟

$a < b < \infty$  (۱)

(۲) تابع f و g کراندار هستند.

(۳) حد تابع f در a و b موجود و متناهی است.

(۴) تابع  $f^2$  و  $g^2$  و  $(f+g)^2$  پیوسته یکنواخت هستند.

-۵۴- فرض کنید  $B = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\ln(1+\frac{2}{n})}{n}$  و  $A = \sum_{n=1}^{\infty} \arcsin(\frac{1}{n})$ . کدام گزینه درست است؟

(۱) هر دو سری A و B واگرا هستند.

(۲) هر دو سری A و B همگرا هستند.

(۳) سری A همگرا و سری B واگراست.

(۴) سری B همگرا و سری A واگراست.

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۵۵ - فرض کنید  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  در هر نقطه ناصرف مشتق مرتبه دوم دارد به طوری که برای هر  $x < 0$ ,  $f'(x) < 0 < f''(x)$ . برای هر  $x > 0$ ,  $f''(x) > 0 > f'(x)$ . کدام گزینه درست است؟

(۱)  $f$  در صفر مشتق‌پذیر نیست.

(۲)  $f'$  در صفر مشتق‌پذیر است و  $f'(0) < 0$ .

(۳)  $f$  در صفر مشتق‌پذیر است و  $f'(0) = 0$ .

(۴)  $f$  در صفر مشتق‌پذیر است و  $f'(0) > 0$ .

- ۵۶ - در یک دستگاه ممیز شناور نرمال شده در مبنای ۲، هر عدد حقیقی به صورت  $d_1 d_2 d_3 \times 2^{\pm d_4 d_5}$  نمایش داده می‌شود که  $d_i$  ها ارقام دو دویی هستند. فرض کنید که در نمایش عدد حقیقی، ارقام اضافی بربار نداشته باشند. کوچک‌ترین عدد مثبت قابل نمایش و روند عدد یک به ترتیب برابرند با ....

(۱)  $2^{-4}$  و  $2^{-2}$

(۲)  $2^{-6}$  و  $2^{-2}$

(۳)  $2^{-4}$  و  $2^{-3}$

(۴)  $2^{-6}$  و  $2^{-3}$

- ۵۷ - در روش تفاضلات تقسیم شده نیوتن برای درون‌یابی داده‌های جدول زیر، اگر  $a = [1, 2, 3]$ , آنگاه مقدار  $a$  کدام است؟

$x_i$	-1	1	2	3
$f_i$	2	1	-1	0

(۱) ۱

(۲)  $\frac{5}{2}$

(۳)  $\frac{3}{2}$

(۴)  $\frac{1}{2}$

- ۵۸ - تخمین  $f(x) = \cos 4x$  در فاصله  $\left[0, \frac{\pi}{4}\right]$  با توابع تکه‌ای خطی مدنظر است. طول زیر بازه‌ها با طول برابر در این بازه حداقل چقدر باید باشد تا کران بالای خطای برشی تخمین در این بازه کمتر یا مساوی با  $2 \times 10^{-6}$  باشد؟

(۱) ۰/۰۰۵

(۲) ۰/۰۵

(۳) ۰/۰۱

(۴) ۰/۰۰۱

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۱

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

-۵۹- اگر  $A$  یک ماتریس  $m \times n$  با ستون‌های مستقل خطی باشد، آن‌گاه  $x^*$  جواب مسئله  $t = \min \|A^T Ax - b\|_2$  ...

- (۱) یکتا نیست و  $t \neq 0$
- (۲) یکتا نیست و  $t = 0$
- (۳) یکتا نیست و  $t = 0$
- (۴) یکتا نیست و  $t \neq 0$

-۶۰- مقادیر  $A$  و  $B$  را برای تخمین انتگرال  $\int_0^\pi f(x)dx \approx Af(0) + Bf(\pi)$  کدام باشد تا تخمین بهدست آمده برای توابع به صورت  $a + b\cos x$ ، به ازای همه مقادیر  $a$  و  $b$  همان جواب دقیق انتگرال باشد؟

- (۱)  $A = B = \pi$
- (۲)  $B = 0, A = \pi$
- (۳)  $A = B = \frac{\pi}{2}$
- (۴)  $B = \pi, A = 0$

-۶۱- سه عدد را با میانگین  $\mu$  و واریانس  $\sigma^2$  در نظر بگیرید. از کوچکترین داده سه واحد کم می‌کنیم، میانگین و واریانس داده‌های جدید  $\eta$  و  $\tau^2$  می‌شود. در این صورت کدام مورد درست است؟

- (۱)  $\eta < \mu < \tau^2$
- (۲)  $\eta > \tau^2 > \mu$
- (۳)  $\eta < \mu < \tau^2$
- (۴)  $\eta > \mu < \tau^2$

-۶۲- سه نفر  $A$  و  $B$  و  $C$  سوار یک آساتسور هستند که می‌توانند در یکی از سه طبقه ساختمان پیاده شوند. فرض کنید هر فرد مستقل از دیگران پیاده می‌شود و شанс پیاده شدن هر شخص در هر طبقه‌ای یکسان است. احتمال اینکه در هر طبقه دقیقاً یک نفر پیاده شود کدام است؟

- (۱)  $\frac{2}{9}$
- (۲)  $\frac{1}{3}$
- (۳)  $\frac{4}{9}$
- (۴)  $\frac{1}{6}$

-۶۳- ۵ مهره ناهمزنگ را به تصادف در ۵ ظرف به شماره‌های ۱ تا ۵ می‌ریزیم. احتمال اینکه در ظرف‌های با شماره فرد فقط یک مهره قرار گیرد کدام است؟

- (۱)  $\frac{48}{625}$
- (۲)  $\frac{26}{625}$
- (۳)  $\frac{22}{225}$
- (۴)  $\frac{22}{125}$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۲

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

۶۴- عدهای سه رقمی که رقم های آن از مجموعه  $\{1, \dots, 9\}$  است را در نظر بگیرید. چه تعداد از این عدها دو رقم پی در پی یکسان ندارند؟

- (۱) ۵۶۷  
(۲) ۵۷۶  
(۳) ۵۳۷  
(۴) ۵۷۳

۶۵- احتمال برنده شدن شخصی در یک بازی شانسی  $\frac{9}{19}$  است. احتمال اینکه تعداد دفعات لازم برای برنده شدن این شخص عددی فرد باشد، کدام است؟

- (۱)  $\frac{10}{19}$   
(۲)  $\frac{10}{29}$   
(۳)  $\frac{9}{19}$   
(۴)  $\frac{19}{29}$

دروس تخصصی (احتمال (۱و۲)، آمار ریاضی (۱و۲)، نمونه‌گیری (۱و۲) و رگرسیون (۱))

۶۶- فرض کنید  $Z \sim N(0, 1)$ . احتمال اینکه معادله درجه دو  $t^2 + 2tZ + 1 = 0$  ریشه حقیقی داشته باشد، کدام است؟  
 $\Phi(0)$  نمایانگر تابع توزیع نرمال استاندارد است.

- (۱)  $\Phi(1)$   
(۲)  $1 - \Phi(1)$   
(۳)  $2\Phi(1) - 1$   
(۴)  $2(1 - \Phi(1))$

۶۷- فرض کنید  $X \sim U(-a, a)$ . مقدار  $Var(X)$  کدام است؟

- (۱)  $\frac{3}{4}$   
(۲)  $\frac{5}{12}$   
(۳)  $\frac{1}{3}$   
(۴)  $\frac{1}{4}$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۳

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

-۶۸- یک جفت تاس سالم را  $n$  بار پرتاب می‌کنیم. فرض کنید  $X$  تعداد دفعاتی باشد که حال مشاهده شده تاس اول بیشتر از تاس دوم باشد. توزیع  $X$  کدام است؟

$$\text{Bin}(n, \frac{1}{36}) \quad (1)$$

$$\text{Bin}(n, \frac{1}{6}) \quad (2)$$

$$\text{Bin}(n, \frac{15}{36}) \quad (3)$$

$$\text{Bin}(n, \frac{5}{6}) \quad (4)$$

-۶۹- فرض کنید  $X$  یک متغیر تصادفی باتابع چگالی احتمال زیر باشد. توزیع  $Y = \ln(\frac{X}{\beta})$  کدام است؟

$$f(x) = \frac{\alpha \beta^\alpha}{x^{\alpha+1}} ; x \geq \beta , \alpha > 0 , \beta > 0$$

$$\text{Beta}(1, \alpha) \quad (1)$$

$$\text{Beta}(\alpha, 1) \quad (2)$$

$$\text{Pa}(\alpha, 1) \quad (3)$$

$$\text{Exp}(\alpha) \quad (4)$$

-۷۰- فرض کنید  $X$  متغیر تصادفی پیوسته با تابع چگالی احتمال زیر باشد. اگر  $P(Y=0) = [X]I_{(X>1)}$ ، مقدار

$$f(x) = \frac{1}{2} e^{-|x|}, x \in \mathbb{R}$$
 کدام است؟ ( $t$  نمایانگر جزو صحیح است).

$$e-2 \quad (1)$$

$$\frac{e-1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1-e^{-1}}{2} \quad (3)$$

$$1 - \frac{1}{2} e^{-1} \quad (4)$$

-۷۱- فرض کنید  $Z \sim N(0, 1)$  باشد. برای اینکه امید ریاضی مربع فاصله اقلیدسی بین دو نقطه  $(a, 0)$  و  $(0, b)$  در

صفحه مختصات کمترین مقدار را داشته باشد، مقدار ثابت  $a$  کدام است؟

$$-1 \quad (1)$$

$$\text{صفر} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$1 \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۴

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۷۲ - فرض کنید  $X \sim N(0, 1)$  و  $\Phi$  تابع توزیع  $X$  باشند. مقدار  $E[\ln \Phi(X)]$  کدام است؟

(۱) صفر

(۲)  $-1$

(۳)  $1$

(۴)  $\frac{1}{2}$

- ۷۳ - متغیر تصادفی گسسته  $X$  با مقادیر ممکن صحیح نامنفی دارای تابع مولد احتمال  $G(t) = e^{\gamma(t-1)}$  است. مقدار  $P(X \geq 1)$  کدام است؟

(۱)  $e^{-\gamma}$

(۲)  $e^{-1}$

(۳)  $1 - e^{-\gamma}$

(۴)  $1 - e^{-1}$

- ۷۴ - فرض کنید  $X$  یک متغیر تصادفی پیوسته با تابع توزیع تجمعی  $F$  باشد. تابع چگالی احتمال متغیر تصادفی  $Y = F^\gamma(X)$  در بازه  $(0, 1)$  کدام است؟

(۱)  $\frac{1}{\gamma} y^{-\frac{1}{\gamma}}$

(۲)  $\frac{1}{\gamma} y^{\frac{1}{\gamma}}$

(۳)  $y^{\frac{1}{\gamma}}$

(۴)  $\frac{1}{y^{\frac{1}{\gamma}}}$

- ۷۵ - فرض کنید  $Y = \max(0, X)$  و  $X \sim U(-1, 1)$ . مقدار تابع توزیع تجمعی  $Y$  برای  $0 < y \leq 1$  کدام است؟

(۱)  $\frac{1}{2}$

(۲)  $1$

(۳)  $\frac{y}{2}$

(۴)  $\frac{y+1}{2}$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۵

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۷۶- دو مهره از ظرفی که شامل  $R$  مهره قرمز و  $N-R$  مهره سفید است به تصادف، یک به یک و بدون جایگذاری انتخاب می‌کنیم. فرض کنید  $A_i$  پیشامد مشاهده مهره قرمز در انتخاب  $i$  ام ( $i=1,2$ ) باشد و  $X_i = I_{A_i}$  (تابع نشانگر پیشامد  $A_i$ ). ضریب همبستگی  $X_1$  و  $X_2$  کدام است؟

$$-\frac{1}{N} \quad (1)$$

$$\frac{1}{N} \quad (2)$$

$$-\frac{1}{N-1} \quad (3)$$

$$\frac{1}{N-1} \quad (4)$$

- ۷۷- فرض کنید  $X_1, X_2$  یک نمونه تصادفی از توزیع نرمال استاندارد باشد. مقدار  $E[e^{\frac{1}{2}X_1 X_2}]$  کدام است؟

$$\frac{3\sqrt{3}}{2} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} \quad (2)$$

$$\frac{2\sqrt{3}}{3} \quad (3)$$

$$\frac{3\sqrt{2}}{2} \quad (4)$$

- ۷۸- فرض کنید  $X_1, X_2$  یک نمونه تصادفی از توزیعی با شرط وجودی تابع مولد گشتاور و  $E(X_1^k) = \frac{1}{5} + 5^{k-1}$  باشد. مقدار  $P(X_1 + X_2 = 1, 2, \dots)$  کدام است؟

$$\frac{6}{25} \quad (1)$$

$$\frac{8}{25} \quad (2)$$

$$\frac{12}{25} \quad (3)$$

$$\frac{18}{25} \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۶

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۷۹ - فرض کنید  $X_1, X_2, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیعی با شرط  $P(X_1 = 1) = 1 - p$  باشد. مقدار

$$P\left(\sum_{i=1}^n X_i > 10\right)$$

(۱)  $p^{10}$

(۲)  $1 - p^{10}$

(۳)  $(1-p)^{10}$

(۴)  $1 - (1-p)^{10}$

- ۸۰ - فرض کنید  $X_1, X_2, X_3$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $U(0, 1)$  باشد. اگر

$$Y = I(X_1 \geq \frac{1}{2}) + I(X_2 \geq \frac{1}{3}) + I(X_3 \geq \frac{1}{4})$$

(۱)  $\frac{1}{4}$

(۲)  $\frac{13}{3}$

(۳)  $\frac{95}{144}$

(۴)  $\frac{23}{12}$

- ۸۱ - فرض کنید  $X_1, X_2, \dots, X_n$  متغیرهای تصادفی مستقل و هم توزیع با تابع چگالی احتمال زیر باشند. احتمال

$$f(x) = \frac{x+1}{2}, \quad -1 < x < 1$$

اینکه دقیقاً چهار مشاهده از صفر بزرگتر باشند کدام است؟

(۱)  $\frac{1215}{4096}$

(۲)  $\frac{486}{2048}$

(۳)  $\frac{243}{2048}$

(۴)  $\frac{135}{4096}$

- ۸۲ - فرض کنید  $X_1, X_2, \dots, X_N$  دنباله‌ای از متغیرهای تصادفی مستقل و دارای توزیع مشترک پوآسن با پارامتر  $\lambda = 1$

$$S_N = \sum_{i=1}^N X_i$$

باشند. قرار دهید  $Var(S_N)$  که در آن  $N$  متغیری تصادفی مستقل از  $X_i$  ها باشد به طوری که مقادیر صحیح

و نامنفی اختیار می‌کند. مقدار  $Var(S_N)$  کدام است؟

(۱)  $Var(N) + E(N)$

(۲)  $Var(N) + E(N^2)$

(۳)  $Var(N) + E^2(N)$

(۴)  $Var(N) + 2E(N)$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۷

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۸۳ - فرض کنید  $\lim_{n \rightarrow \infty} P[X_n = 0]$  کدام است؟

$$e^{-\gamma} \quad (1)$$

$$e^{-1} \quad (2)$$

$$\frac{e^{-\gamma}}{\gamma} \quad (3)$$

$$\frac{e^{-1}}{\gamma} \quad (4)$$

- ۸۴ - فرض کنید  $X_1, X_2, \dots$  یک دنباله از متغیرهای تصادفی مستقل و هم توزیع با توزیع یکسان  $U(1, 2)$  باشند. اگر

$$H_n \xrightarrow{P} c \text{ و } H_n = \left( \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i^{-1} \right)^{-1}$$

$$-\ln \gamma \quad (1)$$

$$\ln \gamma \quad (2)$$

$$\frac{\gamma}{\ln \gamma} \quad (3)$$

$$\frac{1}{\ln \gamma} \quad (4)$$

- ۸۵ - فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد. آماره بستنده مینیمال برای

$$f_\theta(x) = \frac{\theta}{(1+x)^{1+\theta}}, \quad x > 0, \quad \theta > 0$$

پارامتر  $\theta$  کدام است؟

$$\sum_{i=1}^n (1+X_i) \quad (1)$$

$$\sum_{i=1}^n \frac{1}{1+X_i} \quad (2)$$

$$\sum_{i=1}^n \ln X_i \quad (3)$$

$$\sum_{i=1}^n \ln(1+X_i) \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۸۶ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد:

$$f_{\theta_1, \theta_2}(x) = \begin{cases} (\theta_1 + \theta_2)^{-1} \exp\left\{-\frac{x}{\theta_1}\right\} & x > 0 \\ (\theta_1 + \theta_2)^{-1} \exp\left\{\frac{x}{\theta_2}\right\} & x < 0 \end{cases} \quad \theta_i > 0, i = 1, 2$$

آماره بسنده کامل برای  $(\theta_1, \theta_2)$  کدام است؟ (منظور از  $I$  تابع نشانگر است).

$$\begin{aligned} & \sum_{i=1}^n X_i \quad (1) \\ & \left( \sum_{i=1}^n X_i I(X_i > 0), \sum_{i=1}^n X_i I(X_i < 0) \right) \quad (2) \\ & \left( \sum_{i=1}^n X_i^r I(X_i > 0), \sum_{i=1}^n X_i^r I(X_i < 0) \right) \quad (3) \\ & \left( \sum_{i=1}^n e^{X_i} I(X_i < 0), \sum_{i=1}^n e^{X_i} I(X_i > 0) \right) \quad (4) \end{aligned}$$

- ۸۷ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  متغیرهای تصادفی مستقل و  $X_i$  دارای توزیع نمایی با میانگین  $\frac{\theta}{i}$  باشد. آماره بسنده کامل برای  $\theta$  کدام است؟

$$\begin{aligned} & \sum_{i=1}^n \frac{X_i}{i} \quad (1) \\ & \sum_{i=1}^n X_i \quad (2) \\ & \sum_{i=1}^n iX_i \quad (3) \\ & \sum_{i=1}^n \frac{i}{X_i} \quad (4) \end{aligned}$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۹

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۸۸ فرض کنید  $X$  یک متغیر تصادفی گسسته از توزیعی با تابع احتمال زیر باشد. براساس یافته  $x$  «برآورد ناریب صفر» کدام است؟

$$f_p(x) = \begin{cases} q & x=1 \\ p^x q^{x-1} & x=2, 3, \dots \end{cases} \quad (q = 1-p)$$

$$h(x) = -h(1)(x-2) \quad (1)$$

$$h(x) = \begin{cases} 0 & x=2 \\ -h(1)x & x=3, 4, \dots \end{cases} \quad (2)$$

$$h(x) = h(1)(x-2) \quad (3)$$

$$h(x) = h(1)x \quad (4)$$

- ۸۹ فرض کنید  $X_1, X_2, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد. برآورد گشتاوری پارامتر  $\theta$  کدام است؟

$$f_\theta(x) = \frac{1}{\pi\theta} \exp\left\{-\frac{x^2}{\pi\theta^2}\right\}, \quad x \geq 0, \quad \theta > 0.$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad (1)$$

$$\frac{1}{n\pi} \sum_{i=1}^n x_i \quad (2)$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 \quad (3)$$

$$\frac{1}{n\pi} \sum_{i=1}^n x_i^2 \quad (4)$$

- ۹۰ فرض کنید  $X$  دارای توزیع نمایی با میانگین  $\theta$  و  $Y$  مستقل از  $X$  دارای توزیع نمایی با میانگین  $\frac{1}{\theta}$  باشد. برآوردگر ماکزیمم درستنمایی (MLE) پارامتر  $\theta$  کدام است? ( $\theta > 0$ )

$$\frac{X}{Y} \quad (1)$$

$$\frac{Y}{X} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{X}{Y}} \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{Y}{X}} \quad (4)$$

# مستر قسٰت؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۹۱ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد. براساس یافته‌های این نمونه، برآورد پارامتر  $\theta$  کدام است؟

$$f_\theta(x) = \frac{1}{\pi\theta} \exp\left\{-\frac{x^2}{\pi\theta^2}\right\}, \quad x \geq 0, \quad \theta > 0.$$

$$\frac{\pi}{\pi n} \sum_{i=1}^n x_i^2 \quad (1)$$

$$\frac{n\pi}{\pi} \sum_{i=1}^n x_i^2 \quad (2)$$

$$\frac{n}{\pi} \sum_{i=1}^n x_i^2 \quad (3)$$

$$\frac{1}{n\pi} \sum_{i=1}^n x_i^2 \quad (4)$$

- ۹۲ فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $\Gamma(\alpha, 1)$  با تابع چگالی احتمال زیر باشد. برآوردهای پارامتر  $\alpha$  کدام است؟

$$f_\alpha(x) = \frac{1}{\Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-x}, \quad x > 0, \quad \alpha > 0.$$

$$\left\{ \prod_{i=1}^n X_i \right\}^{\frac{1}{n}} \quad (1)$$

$$\prod_{i=1}^n X_i \quad (2)$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i \quad (3)$$

$$\sum_{i=1}^n \ln X_i \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۱

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

-۹۳- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از تابع چگالی احتمال زیر باشد. کران پایین کرامر - رانو

$$\text{برای واریانس برآورده نااریب پارامتر } \frac{1}{\theta} \text{ کدام است؟}$$

$$f_{\theta}(x) = \frac{\theta^x}{1+\theta} (1+x)e^{-\theta x}, \quad x > 0, \theta > 0$$

- (۱)  $\frac{\theta^x}{n}$   
(۲)  $\frac{\theta^x(1+\theta)^x}{n(\theta^x + 4\theta + 2)}$   
(۳)  $\frac{(1+\theta)^x}{n(\theta^x + 4\theta + 2)}$   
(۴)  $\frac{(1+\theta)^x}{n\theta^x(\theta^x + 4\theta + 2)}$

-۹۴- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع یکنواخت روی فاصله  $(0, \theta)$  باشد و  $X_{(1)}$  و  $X_{(n)}$  به ترتیب کوچکترین و بزرگترین آماره ترتیبی این نمونه باشند. مقدار  $E(X_{(1)} | X_{(n)})$  کدام است؟

- (۱)  $\frac{nX_{(n)}}{n+1}$   
(۲)  $\frac{1}{n+1}$   
(۳)  $\frac{X_{(n)}}{n}$   
(۴)  $\frac{X_{(n)}}{n+1}$

-۹۵- فرض کنید  $X_1, X_2$  نمونه‌ای تصادفی از  $N(\theta, 1)$  باشند. ضریب فاصله اطمینان کدام است؟  $(\min\{X_1, X_2\}, \max\{X_1, X_2\})$

- (۱)  $\frac{3}{8}$   
(۲)  $\frac{1}{4}$   
(۳)  $\frac{3}{4}$   
(۴)  $\frac{1}{2}$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

-۹۶- فرض کنید متغیر تصادفی  $X$  دارای تابع احتمال زیر باشد. تابع آزمون پرتوان ترین آزمون اندازه  $\alpha = 0.5$  برای

$$\text{آزمون فرض } H_0: \theta = \frac{3}{4} \text{ در برابر } H_1: \theta = \frac{4}{5} \text{ کدام است؟}$$

x	۱	۲	۳
$f_\theta(x)$	$1-\theta$	$1-\theta$	$2\theta-1$

$$\phi(x) = \begin{cases} 1 & x = 1 \\ \frac{1}{2} & x = 2 \quad (2) \\ 0 & x = 3 \end{cases} \quad \phi(x) = \begin{cases} 1 & x = 3 \\ 0 & x = 1, 2 \end{cases} \quad (1)$$

$$\phi(x) = \begin{cases} 1 & x = 1, 2 \\ 0 & x = 3 \end{cases} \quad (4) \quad \phi(x) = \begin{cases} 1 & x = 2 \\ \frac{1}{2} & x = 3 \quad (3) \\ 0 & x = 1 \end{cases}$$

-۹۷- فرض کنید  $X$  یک متغیر تصادفی گسسته با تابع احتمال زیر باشد. تابع آزمون به روش آزمون نسبت درستنمایی برای آزمون  $H_0: \theta = \theta_0$  در مقابل  $H_1: \theta = \theta_1$  در سطح  $\alpha = 0.1$  در سطح  $\alpha = 0.1$  در سطح کدام است؟

	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
$f_{\theta_0}(x)$	۰	$0/1$	$0/4$	$0/2$
$f_{\theta_1}(x)$	$0/0.5$	$0/0.5$	$0/1$	$0/1$

$$\phi(x) = \begin{cases} \frac{1}{4} & x = x_1, x_3 \quad (2) \\ 0 & x = x_2, x_4 \end{cases} \quad \phi(x) = \begin{cases} 1 & x = x_1 \\ \frac{1}{2} & x = x_3 \quad (1) \\ 0 & x = x_2, x_4 \end{cases}$$

$$\phi(x) = \begin{cases} 1 & x = x_3 \\ \frac{1}{2} & x = x_1 \quad (4) \\ 0 & x = x_2, x_4 \end{cases} \quad \phi(x) = \begin{cases} 1 & x = x_1 \\ \frac{1}{2} & x = x_3 \quad (3) \\ 0 & x = x_2, x_4 \end{cases}$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۳

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۹۸- فرض کنید  $X_1, X_2, \dots, X_n$  یک نمونه تصادفی از توزیع  $U(0, \theta)$  باشد. به ازای چه مقدار  $(1 - \alpha)$  بازه  $(R, cR)$  یک فاصله اطمینان  $(1 - \alpha)$  درصد برای  $\theta$  است که در آن  $R$ , برد نمونه است؟

$$\frac{1 - \sqrt{1 - \alpha}}{\alpha} \quad (1)$$

$$\frac{1 + \sqrt{1 - \alpha}}{\alpha} \quad (2)$$

$$\frac{1 - \sqrt{\alpha}}{1 - \alpha} \quad (3)$$

$$\frac{1 + \sqrt{\alpha}}{1 - \alpha} \quad (4)$$

- ۹۹- از گیسه‌ای شامل ۵ مهره که  $\theta$  مهره آن سفید است، یک نمونه تصادفی دوتایی بدون جایگذاری انتخاب و یک مهره سفید مشاهده می‌شود. اگر ناحیه رد برای آزمون  $H_0: \theta = 2$  در مقابل  $H_1: \theta = 1$  به صورت  $X \geq c$  باشد که در آن  $X$  تعداد مهره‌های سفید در نمونه است، پی مقدار (p-value) آزمون کدام است؟

۱/۳ (۱)

۱/۴ (۲)

۱/۵ (۳)

۱/۶ (۴)

- ۱۰۰- فرض کنید  $X$  یک تک مشاهده از توزیعی با تابع چگالی احتمال زیر باشد. ناحیه رد آزمون به روش نسبت درستنمایی برای آزمون فرض  $H_0: \theta = \theta_0$  در مقابل  $H_1: \theta = \theta_1 > \theta_0$ , کدام است؟

$$f_{\theta}(x) = 2\theta x + (1 - \theta), \quad 0 < x < 1, \quad \theta \in (-1, 1)$$

$x < c$  (۱)

$x > c$  (۲)

$x < c_1$  یا  $x > c_2$  (۳)

$c_1 < x < c_2$  (۴)

- ۱۰۱- فرض کنید  $X_1, \dots, X_n$  نمونه‌ای تصادفی از توزیع  $U(0, \theta)$  باشد. اگر ناحیه رد آزمون فرض  $H_0: 3 \leq \theta \leq 4$  در مقابل فرض  $H_1: \theta < 3$  یا  $\theta > 4$  به صورت  $X_{(n)} < 2/4$  یا  $X_{(n)} > 4$  باشد، اندازه آزمون کدام است؟

$$(X_{(n)}) = \text{Max}(X_1, \dots, X_n))$$

$(1/6)^n$  (۱)

$(1/8)^n$  (۲)

$1 - (1/6)^n$  (۳)

$1 - (1/8)^n$  (۴)

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۴

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۱۰۲- براساس تک مشاهده  $X$  ازتابع چگالی احتمال  $f$ . توان پرتوان ترین آزمون در سطح  $\alpha = 0.05$  برای آزمون فرض

$$H_0: f(x) = \frac{3}{16} \sqrt{x}, 0 \leq x \leq 4$$

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

- ۱۰۳- فرض کنید  $X$  یک تک مشاهده از توزیع  $P(\theta)$  با تابع احتمال زیر باشد. ناحیه رد آزمون به روش نسبت درستنمایی در سطح  $\alpha$  برای آزمون  $H_0: \theta = 2$  در مقابل  $H_1: \theta \neq 2$  کدام است؟

$$f_\theta(x) = \frac{e^{-\theta} \theta^x}{x!}, x = 0, 1, 2, \dots, \theta > 0$$

$$\left(\frac{2e}{x}\right)^x \leq a \quad (1)$$

$$\frac{(2e)^x}{x} \leq a \quad (2)$$

$$\left(\frac{2e}{x}\right)^x \geq b \quad (3)$$

$$\frac{(2e)^x}{x} \leq a \text{ یا } \frac{(2e)^x}{x} \geq b \quad (4)$$

- ۱۰۴- اگر در جامعه‌ای به حجم  $N$ . دقت نسبی نمونه گیری تصادفی ساده با جایگذاری نسبت به نمونه گیری تصادفی ساده بدون جایگذاری در برآورد تعداد کل اعضای جامعه برابر با (۱)  $a$  باشد، اندازه حجم نمونه کدام است؟

(۱)  $(1-a)N + a$  (۱)

(۲)  $(1-a)N - a$  (۲)

(۳)  $\frac{(1-a)N + 1}{a}$  (۳)

(۴)  $\frac{(1-a)N - 1}{a}$  (۴)

- ۱۰۵- در نمونه گیری خوش‌های یک مرحله‌ای وقتی حجم خوش‌ها برابر باشند دقت نمونه گیری افزایش می‌یابد. هرگاه خوش‌بندی به گونه‌ای باشد که ...

(۱) حجم خوش‌ها بزرگ شود.

(۲) پراکندگی داخل خوش‌ها کاهش یابد.

(۳) ضریب همبستگی داخل خوش‌ها کوچک شود.

(۴) قدر مطلق ضریب همبستگی داخل خوش‌ها بزرگ شود.

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۵

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

۱۰۶ - جامعه‌ای بسیار بزرگ داریم، اگر ضریب تغییرات جامعه برابر ۲ باشد، حجم نمونه لازم در طرح نمونه‌گیری تصادفی ساده برای آنکه با احتمال ۹۵٪ حداکثر خطای نسبی برآورده میانگین جامعه برابر ۵٪ باشد، کدام است؟ ( $Z_{0.975} = ۲$ )

- (۱) ۸  
(۲) ۱۶  
(۳) ۳۲  
(۴) ۶۴

۱۰۷ - می‌خواهیم متوسط میزان سپرده‌گذاری مشتریان یک بانک با ۱۰۰۰ مشتری را برآورد کنیم. به این منظور ۹ مشتری به روش سیستماتیک انتخاب می‌شود. مجموع میزان سپرده‌گذاری مشتریان منتخب ۵ میلیون تومان است. برآورد نااریب میانگین میزان سپرده‌گذاری (برحسب میلیون تومان) در این بانک تا ۳ رقم اعشار کدام است؟

- (۱) ۵/۵۵۲  
(۲) ۵/۵۵۴  
(۳) ۵/۵۵۶  
(۴) ۵/۵۵۰

۱۰۸ - برای برآورد «تعداد افراد بالای ۵۰ سال» در بین کارکنان ادارات یک شهر که دارای ۲۰۰۰ کارمند است و در ۵۰ اداره مختلف کار می‌کنند، به تصادف و با احتمالاتی متناسب با تعداد کارکنان هر اداره، ۴ تا از ادارات را به شیوه با جایگذاری انتخاب کرده‌ایم که مشخصات آن‌ها به شرح جدول زیر است. براساس این نتایج پارامتر مورد نظر چقدر برآورد می‌شود؟

تعداد کارکنان ادارات نمونه	۵۰	۱۰۰	۶۰	۸۰
تعداد افراد بالای ۵۰ سال آن‌ها	۲۵	۲۵	۱۵	۲۰

- (۱) ۵۰۰  
(۲) ۶۲۵  
(۳) ۶۷۵  
(۴) ۷۵۰

۱۰۹ - جامعه‌ای شامل سه طبقه است، حجم طبقه دوم نصف حجم هر یک از طبقات دیگر است. هزینه نمونه‌گیری برای هر عضو طبقه سوم، چهار برابر این هزینه در هر یک از طبقات دیگر است. همچنین انحراف معیار صفت موردنظر در طبقه اول نصف هر یک از دیگر طبقات است. اگر هزینه نمونه‌گیری خطی باشد، بهترین حجم نمونه برای طبقات کدام است؟ ( $n_1$ ،  $n_2$  و  $n_3$  حجم نمونه در طبقات هستند).

$$n_1 = n_2 = n_3 \quad (۱)$$

$$n_1 = n_2 \text{ و } n_2 = \frac{n_1}{2} \quad (۲)$$

$$n_1 = n_2 \text{ و } n_3 = 2n_1 \quad (۳)$$

$$n_2 = 2n_3 \text{ و } n_1 = 3n_3 \quad (۴)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

مجموعه آمار - کد (۱۲۰۷)

730A

صفحه ۲۶

- ۱۱۰- برای برآورد «تعداد کل اتومبیل‌ها» و «تعداد کل اتومبیل‌های گازسوز» فعال در یک منطقه بسته، همه اتومبیل‌هایی را که طی مدت مشخص در پمپ‌های گاز این منطقه سوخت‌گیری نموده‌اند ۲۰۰ خودرو بوده است. اگر پس از مدتی کوتاه در یک نمونه تصادفی ۱۰۰۰ تایی از اتومبیل‌ها، مشخص شود ۱۵ تا از آن‌ها گازسوز بوده و علاوه بر آن ۲۵ تا از آن‌ها نیز در همان مدت مشخص سوخت‌گیری نموده‌اند. برآوردهای موردنظر کدام است؟

(۱) ۸۰۰۰ اتومبیل که ۱۲۰۰ تا از آن‌ها گازسوز هستند.

(۲) ۸۰۰۰ اتومبیل که ۲۲۵۰ تا از آن‌ها گازسوز هستند.

(۳) ۱۵۰۰۰ اتومبیل که ۳۰۰۰ تا از آن‌ها گازسوز هستند.

(۴) ۱۵۰۰۰ اتومبیل که ۴۷۵۰ تا از آن‌ها گازسوز هستند.

- ۱۱۱- جامعه‌ای به حجم  $N$  با مقادیر  $y_1, y_2, \dots, y_n$  داریم. فرض کنید نام نفر اول جامعه به اشتباه دو مرتبه در چارچوب آن ثبت شده باشد. یک نمونه تصادفی ساده به حجم  $n$  از روی چارچوب انتخاب می‌شود. در این صورت اریبی میانگین معمولی مشاهدات نمونه برای میانگین جامعه  $\bar{y}_N$  کدام است؟

(۱) صفر

$$\frac{y_1 - \bar{y}_N}{n} \quad (۲)$$

$$\frac{y_1 - \bar{y}_N}{N+1} \quad (۳)$$

$$\frac{n}{N}(y_1 - \bar{y}_N) \quad (۴)$$

- ۱۱۲- فرض کنید در جامعه‌ای شامل  $N = 12b$  (b عددی طبیعی است) عضو، تنها نفرات مضرب ۳ دارای صفت مورد بررسی باشند. اگر از یک نمونه سیستماتیک به حجم ۴ برای برآورد نسبت این صفت استفاده شود، واریانس برآورده‌گر نسبت کدام است؟

$$\frac{2b}{9} \quad (۱)$$

$$\frac{2}{9} \quad (۲)$$

$$\frac{4b}{9} \quad (۳)$$

$$\frac{4}{9} \quad (۴)$$

- ۱۱۳- برای برآورد میانگین جامعه در نمونه‌گیری تصادفی ساده با استفاده از یک صفت کمکی که با صفت اصلی دارای ارتباط خطی مستقیم است، همه عبارات زیر صحیح‌اند، به جز:

(۱) دقت برآورده‌گر رگرسیونی از نسبتی کمتر نیست.

(۲) دقت برآورده‌گر رگرسیونی از میانگین نمونه کمتر نیست.

(۳) برآورده‌گر نسبتی همواره دقیق‌تر از میانگین نمونه است.

(۴) وقتی برآورده‌گر نسبتی به دقت رگرسیونی است که خط رگرسیون صفت اصلی به کمکی از میداء بگذرد.

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

۱۱۴- فرض کنید لامپ‌های روشنایی در جعبه‌های ۱۰۰ تایی به بازار عرضه می‌شود. هر محموله لامپ شامل ۱۰۰۰ جعبه است. به منظور کنترل کیفیت یک محموله، ۱۰ جعبه انتخاب شده و لامپ‌های آن تماماً بازرسی می‌شوند. اگر

$$\sum_{i=1}^{10} P_i \text{ و } Q_i \text{ به ترتیب نسبت لامپ‌های معیوب و سالم در جعبه ۱۰ باشند و داشته باشیم } P_i = \frac{9}{10} \text{ و } Q_i = \frac{1}{10}$$

$$\text{برآورد واریانس برآورده کننده نسبت لامپ‌های معیوب کدام است؟} \sum_{i=1}^{10} P_i Q_i = 0.09$$

(۱) ۰/۱

(۲) ۰/۰۱

(۳) ۰/۰۰۱

(۴) ۰/۰۰۰۱

۱۱۵- در نمونه‌گیری تصادفی ساده با جایگذاری به حجم  $n$  از جامعه‌ای به حجم  $N$ . اگر بدانیم عنصر  $A$  حداقل یکبار در نمونه ظاهر شده است، احتمال انتخاب نشدن عنصر  $A$  کدام است؟

$$\frac{\left(1 - \frac{1}{N}\right)^n - \left(1 - \frac{1}{N}\right)^{n-1}}{\left(1 - \frac{1}{N}\right)^n} \quad (1)$$

$$\frac{\left(1 - \frac{1}{N}\right)^n - \left(1 - \frac{2}{N}\right)^n}{1 - \left(1 - \frac{1}{N}\right)^n} \quad (2)$$

$$1 - \left(1 - \frac{1}{N}\right)^{n-1} \quad (3)$$

$$\left(1 - \frac{1}{N-1}\right)^n \quad (4)$$

۱۱۶- اگر  $\hat{\mu}_i$  باقیمانده برازش رگرسیون چندگانه به روش کمترین توان‌های دوم باشد، در این صورت کدام مورد

$$\text{در خصوص } \hat{\mu}_i \text{ درست است؟} \sum_{i=1}^n \hat{\mu}_i$$

(۱) همواره مثبت است.

(۲) همواره منفی است.

(۳) همواره مساوی صفر است.

(۴) درصورتی که رگرسیون دارای عرض از مبدأ باشد، برابر صفر است.

- ۱۱۷ در مدل رگرسیون خطی ساده  $i = 1, \dots, n$  ،  $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$  فرض کنید .  
است. ضریب همبستگی بین  $x$  و  $y$  کدام است؟

- ,△(1)  
○,×(2)  
○,○△(3)  
○,○×(4)

۱۱۸- در یک مطالعه آماری رابطه بین  $x$  و  $y$  یک رابطه خطی به صورت  $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$  باشد که  $i = 1, \dots, n$ . فرض شده است. اگر براساس اطلاعات نمونه، این رابطه به صورت  $\hat{y} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x$  برآش شده باشد به طوری که

$$\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^r = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^r$$

- ٢) صفر  
٣) ایک

۴) با این اطلاعات نمی‌توان مقدار ۲ را محاسبه نمود.

- ۱۱۹- در یک مطالعه آماری رابطه بین  $x$  و  $y$   $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$ ,  $i = 1, \dots, n$  فرض شده است. براساس یک نمونه تصادفی  $n = 11$  تایی برآش مدل به صورت  $\hat{y} = 5 + 0.7x$  است. نتایج نشان می‌دهند  $64$  درصد از تغییرات  $y$  توسط  $x$  قابل توضیح است. در این صورت مقدار آماره آزمون تی برای آزمون فرض  $H_0: \beta_1 = 0$  در مقابل کدام است؟

- ۴۰

- ۱۲۰- مدل رگرسیون خطی ساده  $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$ ,  $i = 1, \dots, n$  که در آن جمله  $\varepsilon_i$  ها ناهمبسته با میانگین صفر و واریانس ثابت  $\sigma^2$  هستند را در نظر بگیرید. اگر مقادیر  $x$  نامنفی باشند، کدام مورد صحیح است؟

- ۱) در مورد همبستگی برآوردهای کمترین توانهای دوم  $\beta_0$  و  $\beta_1$  نمیتوان نظر داد.
  - ۲) برآوردهای کمترین توانهای دوم  $\beta_0$  و  $\beta_1$  ناهمبسته هستند.
  - ۳) برآوردهای کمترین توانهای دوم  $\beta_0$  و  $\beta_1$  همبسته مثبت هستند.
  - ۴) برآوردهای کمترین توانهای دوم  $\beta_0$  و  $\beta_1$  همبسته منفی هستند.

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۹

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

- ۱۲۱ در یک مدل رگرسیون خطی ساده  $y_i = \beta x_i + \varepsilon_i$ ، که در آن  $\varepsilon_i$  ها ناهمبسته و دارای میانگین صفر و واریانس  $\sigma^2$  هستند. اگر  $\hat{\beta}$  برآورده حداقل مربعات خطا و  $b$  هر برآورده ناواریب خطی دیگر برای  $\beta$  باشند، کوواریانس بین  $b$  و  $\hat{\beta}$  کدام است؟

$$(x') = \frac{1}{n} \sum x_i^2 \quad (1)$$

$$\frac{\sigma^2}{n} \quad (2) \quad \frac{\sigma^2}{nx'} \quad (1)$$

$$\frac{\bar{x}}{x'} \sigma^2 \quad (3)$$

(4) صفر

- ۱۲۲ مدل رگرسیون خطی  $y = X\beta + \varepsilon$  را که در آن  $X$  یک ماتریس  $n \times n$  و  $\varepsilon$  دارای میانگین صفر و برآورده حداقل توانهای دوم  $\beta(\hat{\beta})$  کدام است؟

$$X'y \quad (1)$$

$$X^{-1}y \quad (2)$$

$$(X'X)^{-1}y \quad (3)$$

$$X(X'X)^{-1}X'y \quad (4)$$

- ۱۲۳ مدل رگرسیون خطی  $y = X\beta + \varepsilon$  را که در آن  $X$  دارای بعد  $(n > p)n \times p$  و بردار  $\varepsilon$  دارای میانگین صفر و ماتریس کوواریانس  $I_p$  است. در نظر بگیرید. میانگین حسابی واریانس  $\varepsilon_i$  ها برای  $i = 1, \dots, n$  کدام است؟

$$\frac{\sigma^2}{n} \quad (1)$$

$$\frac{p}{n}\sigma^2 \quad (2)$$

$$(1 - \frac{p}{n})\sigma^2 \quad (3)$$

$$(1 - \frac{1}{n})\sigma^2 \quad (4)$$

- ۱۲۴ اگر در مدل رگرسیون خطی  $y_i = \beta_1 x_{1i} + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 x_{3i} + \varepsilon_i$  داشته باشیم:

$$y = [0, 1, -1, 2]' \quad \text{و} \quad \hat{\beta}'x' = \left[ -\frac{2}{3}, 1, \frac{1}{3}, \frac{4}{3} \right]$$

$$\frac{11}{15} \quad (1)$$

$$\frac{8}{3} \quad (2)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$\frac{7}{15} \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۳۰

730A

مجموعه آمار – کد (۱۲۰۷)

۱۲۵- در تحلیل داده‌هایی با  $n = 21$  مشاهده مدل رگرسیون خطی زیر به داده‌ها برازش شده است و مقدار ضریب تعیین  $85\%$  به دست آمد. همچنین با برازش مدلی با  $x_1$ ،  $x_2$  و عرض از مبدأ، مقدار ضریب تعیین  $43\%$  محاسبه گردید. مقدار آماره آزمون برای آزمون فرض  $H_0: \beta_3 = \beta_4 = \beta_5 = 0$  کدام است؟

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i1} + \beta_2 x_{i2} + \beta_3 x_{i3}^2 + \beta_4 x_{i4}^2 + \beta_5 x_{i1} x_{i2} + \varepsilon_i$$

۸/۴ (۱)

۱۰/۴۷ (۲)

۱۴ (۳)

۲۸ (۴)

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۳۱

730A

مجموعه آمار - کد (۱۲۰۷)

مقدار برآنی توزیع مربع کای									
مقدار برآنی توزیع									
سطح زیر منحنی نرمال استاندارد									
z	.0	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08
	.09								
0.0	.5000	.5040	.5080	.5120	.5160	.5199	.5239	.5279	.5319
0.1	.5398	.5438	.5478	.5517	.5557	.5596	.5636	.5675	.5714
0.2	.5793	.5832	.5871	.5910	.5948	.5987	.6026	.6064	.6103
0.3	.6179	.6217	.6255	.6293	.6331	.6368	.6406	.6443	.6480
0.4	.6554	.6591	.6628	.6664	.6700	.6736	.6772	.6808	.6844
0.5	.6915	.6950	.6985	.7019	.7054	.7088	.7123	.7157	.7190
0.6	.7257	.7291	.7324	.7357	.7399	.7432	.7466	.7500	.7534
0.7	.7580	.7611	.7642	.7673	.7704	.7734	.7764	.7794	.7823
0.8	.7881	.7910	.7939	.7967	.7995	.8023	.8051	.8078	.8106
0.9	.8159	.8186	.8212	.8238	.8264	.8289	.8315	.8340	.8365
1.0	.8411	.8438	.8461	.8485	.8508	.8531	.8554	.8577	.8599
1.1	.8643	.8665	.8686	.8708	.8729	.8749	.8770	.8790	.8810
1.2	.8849	.8869	.8888	.8907	.8925	.8944	.8962	.8980	.8997
1.3	.9032	.9049	.9066	.9082	.9099	.9115	.9131	.9147	.9162
1.4	.9182	.9202	.9222	.9236	.9251	.9265	.9279	.9292	.9306
1.5	.9332	.9345	.9357	.9370	.9382	.9394	.9406	.9418	.9429
1.6	.9452	.9463	.9474	.9484	.9495	.9505	.9515	.9525	.9535
1.7	.9554	.9564	.9573	.9582	.9591	.9608	.9616	.9625	.9633
1.8	.9641	.9654	.9664	.9671	.9678	.9686	.9693	.9699	.9706
1.9	.9713	.9719	.9726	.9732	.9738	.9744	.9750	.9756	.9761
2.0	.9778	.9783	.9788	.9793	.9798	.9803	.9808	.9812	.9817
2.1	.9821	.9826	.9830	.9834	.9838	.9842	.9846	.9850	.9854
2.2	.9861	.9864	.9868	.9871	.9875	.9878	.9881	.9884	.9887
2.3	.9893	.9896	.9898	.9901	.9904	.9906	.9909	.9911	.9916
2.4	.9918	.9920	.9922	.9925	.9927	.9929	.9931	.9934	.9936
2.5	.9938	.9938	.9940	.9941	.9943	.9945	.9946	.9948	.9949
2.6	.9953	.9953	.9955	.9956	.9957	.9959	.9960	.9962	.9963
2.7	.9965	.9966	.9967	.9968	.9969	.9970	.9971	.9972	.9973
2.8	.9974	.9975	.9976	.9977	.9977	.9978	.9979	.9979	.9980
2.9	.9981	.9982	.9982	.9983	.9983	.9984	.9984	.9985	.9986
3.0	.9987	.9987	.9987	.9987	.9987	.9988	.9988	.9989	.9990
3.1	.9990	.9991	.9991	.9991	.9991	.9992	.9992	.9993	.9993
3.2	.9993	.9993	.9994	.9994	.9994	.9994	.9994	.9995	.9995
3.3	.9995	.9995	.9995	.9996	.9996	.9996	.9996	.9996	.9997
3.4	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9998

  

مقدار برآنی توزیع									
مقدار برآنی توزیع مربع کای									
df	.10	.05	.025	.01	.005	.001	.0001	.00009	.00009
1	3.078	6.314	12.71	31.82	63.66	384.14	5.0238	6.6349	7.879
2	1.886	2.920	4.303	6.865	9.925	5.9914	7.3714	9.2103	10.596
3	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	3.3518	7.8147	9.3484	11.344
4	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	2.496	4.2971	4.8444	5.4777
5	1.476	2.015	2.571	3.143	4.032	2.406	4.0707	4.7077	5.3777
6	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	2.375	4.0543	4.654	5.2777
7	1.415	1.893	2.365	2.998	3.499	2.347	4.0275	4.6449	5.2777
8	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	2.317	4.0067	4.6465	5.2777
9	1.383	1.833	2.267	2.821	3.250	2.297	3.9727	4.6465	5.2777
10	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	2.257	3.9403	4.6469	5.2777
11	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	2.235	3.9137	4.6469	5.2777
12	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	2.215	3.8957	4.6469	5.2777
13	1.350	1.771	2.169	2.650	3.012	2.195	3.8775	4.6469	5.2777
14	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	2.175	3.8598	4.6469	5.2777
15	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	2.155	3.8427	4.6469	5.2777
16	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	2.135	3.8256	4.6469	5.2777
17	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	2.115	3.8085	4.6469	5.2777
18	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	2.095	3.7914	4.6469	5.2777
19	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	2.075	3.7743	4.6469	5.2777
20	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	2.055	3.7572	4.6469	5.2777
21	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	2.035	3.7391	4.6469	5.2777
22	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	2.015	3.7219	4.6469	5.2777
23	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	1.995	3.7048	4.6469	5.2777
24	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	1.975	3.6877	4.6469	5.2777
25	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	1.955	3.6706	4.6469	5.2777
26	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	1.935	3.6535	4.6469	5.2777
27	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	1.915	3.6364	4.6469	5.2777
28	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	1.895	3.6193	4.6469	5.2777
29	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	1.875	3.5922	4.6469	5.2777
30							3.5751	4.6469	5.2777

