

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

کد کنترل

732

A



صبح پنجمین  
۱۳۹۸/۳/۲۳



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»  
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

## آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل - سال ۱۳۹۸

### مجموعه فیزیک - کد (۱۲۰۴)

مدت پاسخ‌گویی: ۲۷۰ دقیقه

تعداد سوال: ۱۱۰

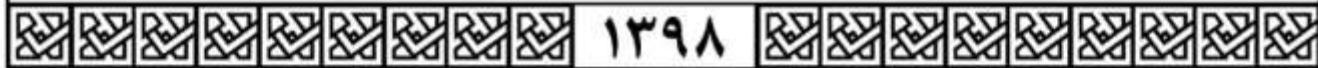
عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۳۰	۱	۳۰
۲	دروس تخصصی ۱ (فیزیک پایه ۱، ۲ و ۳)، فیزیک جدید، ترمودینامیک و مکانیک آماری، ریاضی فیزیک (۱ و ۲)	۴۰	۳۱	۷۰
۳	دروس تخصصی ۲ (مکانیک کلاسیک ۱ و ۲)، الکترومغناطیس (۱ و ۲)، مکانیک کوانتومی (۱ و ۲)	۴۰	۷۱	۱۱۰

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق جا به تکیه و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین برآور مقررات رفتار می‌شود.



## آخرین اخبار و اطلاعات کارشناسی ارشد در وب سایت مستر تست

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینچنان ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سوالات و پائین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی) :

## PART A: Vocabulary

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

- 1- I would like to compliment Jaden for the course of action he recommended because I think it will ----- our problem once and for all.  
1) sequence      2) speculate      3) signify      4) settle
- 2- An ----- is often expressed as a simile, as in “The football game was like a battle between gladiators.”  
1) endeavor      2) invasion      3) analogy      4) arena
- 3- Do you know of an alternate route we could take to ----- having to drive through the city?  
1) circumvent      2) delight in      3) partake of      4) suggest
- 4- My political science professor presents her lectures in a relaxed manner using ----- rather than elaborate language.  
1) loquacious      2) colloquial      3) literary      4) inflated
- 5- My uncle, a farmer, is an ----- pessimist when he discusses the weather. For example, if the sun is shining, he’s sure a drought is beginning; if it’s raining, he’s sure his crops will be washed away.  
1) initial      2) instant      3) immutable      4) interactive
- 6- The pharmaceutical company had to ----- its advertising claim regarding the healing power of its new arthritis medicine because research studies clearly indicate the medicine isn’t effective.  
1) repudiate      2) enhance      3) distribute      4) replicate
- 7- It’s an ----- to their friends as to why the couple broke up because they seem perfect for each other.  
1) interference      2) inference      3) alteration      4) enigma
- 8- Mr. Baker has decided to move to a big city because of a ----- of employment opportunities in his small hometown.  
1) demonstration      2) foundation      3) trace      4) dearth

- 9- There are many good reasons for not smoking, but those having to do with health are the most -----.  
1) passionate      2) cogent      3) paradoxical      4) accidental
- 10- ----- therapy is a psychological approach designed to help individuals change harmful thought patterns to more constructive ones.  
1) Inherent      2) Thoughtful      3) Cognitive      4) Epidemiological

## PART B: Cloze Test

**Directions:** Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

The earliest human artifacts showing evidence of workmanship with an artistic purpose (11) ----- the subject of some debate. It is clear that such workmanship existed some 40,000 years ago in the Upper Paleolithic era, (12) ----- it is quite possible that it began earlier. In September 2018, scientists (13) ----- the discovery of (14) ----- by *Homo sapiens*, which is estimated to be 73,000 years old, much earlier than the 43,000-year-old artifacts (15) ----- to be the earliest known modern human drawings found previously.

- 11- 1) are      2) is      3) has been      4) was  
12- 1) as      2) when      3) since      4) although  
13- 1) who reported      2) reported      3) having reported      4) to report  
14- 1) known drawing the earliest      2) the earliest drawing was known  
3) the earliest known drawing      4) known as the earliest drawing  
15- 1) that understand      2) understood      3) were understood      4) they are understood

## PART C: Reading Comprehension

**Directions:** Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

### PASSAGE 1:

Modern physicists do not regard time as “passing” or “flowing” in the old-fashioned sense, nor is time just a sequence of events which happen: both the past and the future are simply “there”, laid out as part of four-dimensional space-time, some of which we have already visited and some not yet. So, just as we are accustomed to thinking of all parts of space as existing even if we are not there to experience them, all parts of time (past, present and future) are also constantly in existence even if we are not able to witness them. Time does not “flow”, then, it just “is”. This view of time is consistent with the philosophical view of eternalism or the block universe theory of time.

According to relativity, the perception of a “now”, and particularly of a “now” that moves along in time so that time appears to “flow”, therefore arises purely as a result of human consciousness and the way our brains are wired, perhaps as an evolutionary tool to help us deal with the world around us, even if it does not actually reflect the reality. As Einstein

himself remarked, “People like us, who believe in physics, know that the distinction between past, present, and future is only a stubbornly persistent illusion”.

**16- What is the passage mainly about?**

- 1) Time as a sequence of events
- 2) The philosophical view of eternalism
- 3) Einstein’s remark about the passage of time
- 4) The concept of time according to modern physicists

**17- The phrase “laid out” in paragraph 1 is closest in meaning to -----.**

- 1) arranged
- 2) constructed
- 3) conceptualized
- 4) amassed

**18- Which of the following statements is true?**

- 1) We can experience a part of space but not a part of time.
- 2) The block universe theory of time tells us that time flows.
- 3) Humans can experience the existence of both time and space in their totality.
- 4) All time is in existence, although it is not experienced by human beings.

**19- Which of the following statements is true?**

- 1) Evolution has played an important role in our understanding of a present time.
- 2) The human brain is wired in such a way as to say that time does not “flow”, but it just “is”.
- 3) To ordinary people, the distinction between past, present, and future is a misconception.
- 4) To a physicist, the distinction between past, present, and future is a meaningful concept.

**20- The word “it” in paragraph 2 refers to -----.**

- |                        |                         |
|------------------------|-------------------------|
| 1) relativity          | 2) an evolutionary tool |
| 3) the world around us | 4) human consciousness  |

**PASSAGE 2:**

You can’t get much smaller than this: Physicists have fashioned a mirror from a single atom. The advance might lead to an atom-sized transistor for light, and experts say it bodes well for broader efforts to shrink optical elements to the nanometer scale.

“In terms of the basic physics, it’s incredibly cute,” says Christian Kurtsiefer, an experimental physicist at the National University of Singapore, who was not involved in the work. “It’s a very striking effect because you wouldn’t necessarily expect that a single atom would exert a lot of influence on the flow of light.”

In fact, the atom effectively reflects less than 1% of the light that hits it. So to detect the reflection, Gabriel Hétet, Rainer Blatt, and colleagues at the University of Innsbruck in Austria relied on a wave effect known as interference. They fashioned a device called a Fabry-Pérot interferometer, which ordinarily consists of two mirrors facing each other. Laser light of a fixed wavelength shines on the back of one mirror and some leaks through the mirror, entering the “cavity” between the mirrors. A small amount of light then leaks through the second mirror, while most of it reflects back toward the first. The reflected light can make multiple roundtrips between the mirrors. Each time, a little more light can leak through the second, farther mirror.

- 21- Which of the following is the best title for the passage?
- 1) A Wave Effect Known as Interference
  - 2) Physicists Turn a Single Atom into a Mirror
  - 3) Fashioning a Device at the National University of Singapore
  - 4) An Incredibly Cute Experiment at the National University of Singapore
- 22- The word “bodes” in paragraph 1 is closest in meaning to -----.
- 1) evolves
  - 2) predicts
  - 3) rises
  - 4) exists
- 23- Which phenomenon did the scientists at the University of Innsbruck rely on?
- 1) Interference
  - 2) Atom-sized transistors
  - 3) Exerting pressure on an atom
  - 4) Shrinkage of optical elements to the nanometer scale
- 24- Which of the following statements is true about the Fabry-Pérot interferometer?
- 1) The reflected light makes several roundtrips between the mirrors.
  - 2) Laser light of a fixed wavelength first enters the cavity between the two mirrors.
  - 3) Laser light of a fixed wavelength first goes through the surface of the first mirror.
  - 4) It consists of two back to back mirrors.
- 25- The word “it” in paragraph 3 refers to -----.
- 1) a little more light
  - 2) the second mirror
  - 3) a small amount of light
  - 4) the “cavity” between the mirrors

### PASSAGE 3:

Twenty years ago, physicists with the Dark Matter (DAMA) experiment in Italy’s subterranean Gran Sasso National Laboratory announced they had detected particles of dark matter—the mysterious stuff whose gravity presumably holds the galaxy together. Now, the first experiment designed to directly test DAMA’s controversial claim has released its first data. Physicists working with the COSINE-100 detector in South Korea say they see no sign of dark matter—but still need a couple more years to really put the screws to the DAMA claim.

“They can’t rule out the DAMA signal yet,” says Katherine Freese, a theoretical physicist at the University of Michigan in Ann Arbor who is not involved in either experiment. “But the exciting thing is that they’ll be able to rule it out.” Or, as may be less likely, confirm it.

Astrophysical observations show invisible dark matter makes up 85% of all matter. Our own galaxy is thought to reside within a vast cloud of the stuff. However, scientists still don’t know what dark matter is. For decades, experimenters have hunted for particles of it floating about, mostly to no avail. To search for dark matter, physicists deploy ultrasensitive detectors deep underground, where they are shielded from cosmic rays and other background radiation.

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۶

732A

مجموعه فیزیک - کد (۱۲۰۴)

- 26- Which of the following best describes what the passage is about?
- 1) A new experiment casts doubt on controversial dark matter claim.
  - 2) Italy's subterranean Gran Sasso National Laboratory has made false claims.
  - 3) Physicists working with the COSINE-100 detector say they have detected particles of dark matter.
  - 4) Katherine Freese and her colleagues at the University of Michigan have made controversial claims about the Dark Matter.
- 27- The word "its" in paragraph 1 refers to -----.
- 1) gravity
  - 2) the first experiment
  - 3) the mysterious stuff
  - 4) DAMA's controversial claim
- 28- Which of the following statements is true?
- 1) Astrophysical observations show cosmic rays make up 85% of all matter.
  - 2) To search for dark matter, physicists are doing underground experiments.
  - 3) Katherine Freese is almost certain the physicists in South Korea will prove the existence of DAMA.
  - 4) Scientist at the University of Michigan in Ann Arbor need to more years to finish the experiment.
- 29- The phrase "to no avail" in paragraph 3 is closest in meaning to -----.
- 1) by all means
  - 2) without suffering
  - 3) without success
  - 4) with no interruption
- 30- The passage is most probably -----.
- 1) the abstract of a scientific paper
  - 2) part of an encyclopedic article
  - 3) the literature review section of a scientific paper
  - 4) part of an article in a science journal

دروس تخصصی ا (فیزیک پایه (۱، ۲ و ۳)، فیزیک جدید، ترمودینامیک و مکانیک آماری، ریاضی فیزیک (۱و۲)):

۳۱- بردار مکان ذره‌ای که در صفحه  $y - x$  در حرکت است به شکل  $\vec{r} = (3t + 2)\hat{i} + (t + 2)\hat{j}$  است که  $r$  بر حسب متر و  $t$  بر حسب ثانیه است. شتاب شعاعی (مولفه شتاب در امتداد بردار مکان) ذره در لحظه  $t > 0$  بر حسب کدام است؟

(۱) صفر

(۲)  $\frac{32}{3}$

$(10t^2 + 16t + 8)^{\frac{1}{2}}$

(۳)  $\frac{-32}{3}$

$(10t^2 + 16t + 8)^{\frac{1}{2}}$

(۴) ۲

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۳۲- کدام یک از نیروهای زیر پایستار نیست؟  $n$  عدد ثابتی است.

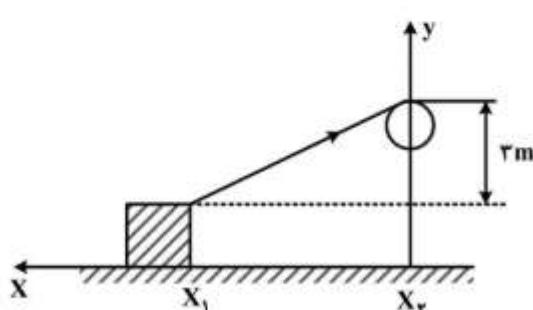
$$x^r \left( 3 \sin(yz) \hat{x} + xz \cos(yz) \hat{y} + xy \cos(yz) \hat{z} \right) \quad (1)$$

$$\left( x^r + y^r + z^r \right)^n \left( x \hat{x} + y \hat{y} + z \hat{z} \right) \quad (2)$$

$$e^{xyz} \left( yz \hat{x} + xz \hat{y} + xy \hat{z} \right) \quad (3)$$

$$\cos(yz) \hat{x} + \cos(zx) \hat{y} + \cos(xy) \hat{z} \quad (4)$$

- ۳۳- مطابق شکل زیر بسته‌ای به جرم  $16\text{kg}$  روی سطح افقی بدون اصطکاکی توسط ریسمان سبکی از نقطه  $x_1 = 4\text{ m}$  تا  $x_2 = 0$  جابه‌جا می‌شود. کشش در ریسمان  $N = 20$  و بسته ابتدا ساکن است. اگر بسته همواره روی زمین بماند، سرعت بسته در نقطه  $x_2$  چند متر بر ثانیه است؟



$$\sqrt{5} \quad (1)$$

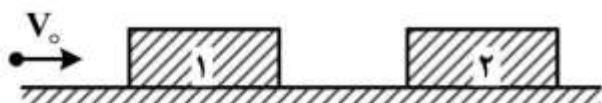
$$2\sqrt{2} \quad (2)$$

$$2 \quad (3)$$

$$\sqrt{2/5} \quad (4)$$

- ۳۴- قطعه‌های (۱) و (۲) به ترتیب به جرم‌های  $1\text{kg}$  و  $2\text{kg}$  روی سطح افقی بدون اصطکاکی هر دو در حال سکون قرار دارند. گلوله‌ای به جرم  $10\text{g}$  در امتداد افق با تنیدی  $V_0$  به سمت قطعه (۱) شلیک می‌شود و پس از خروج از آن وارد بلوک (۲) می‌شود و درون آن ساکن می‌شود. اگر تنیدی نهایی بلوک شماره (۱) برابر  $\frac{m}{s}$  و بلوک شماره (۲)

$$\text{برابر } \frac{3}{m} \text{ باشد، اندازه } V_0 \text{ چند } \frac{\text{م}}{\text{s}} \text{ بوده است؟} \quad (1)$$



$$200 \quad (1)$$

$$403 \quad (2)$$

$$603 \quad (3)$$

$$803 \quad (4)$$

- ۳۵- ورقه‌ای به شکل مثلث متساوی‌الاضلاع با توزیع جرمی یکنواخت به جرم  $M$  و طول ضلع  $a$  حول یکی از اضلاع اش دوران می‌کند، لختی دورانی مثلث حول این ضلع کدام است؟

$$\frac{Ma^2}{3} \quad (1)$$

$$\frac{Ma^2}{4} \quad (2)$$

$$\frac{Ma^2}{6} \quad (3)$$

$$\frac{Ma^2}{8} \quad (4)$$

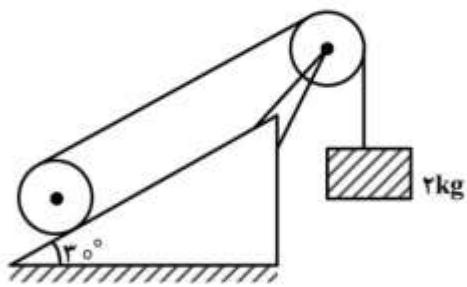
# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۸

732A

مجموعه فیزیک - کد (۱۲۰۴)

- ۳۶- استوانه توپر یکنواختی به جرم  $1\text{ kg}$  مطابق شکل روی سطح شیبداری با زاویه شیب  $30^\circ$  بدون لغزش حرکت می‌کند. نخ از روی قرقره بدون جرمی عبور کرده و به مکعبی به جرم  $2\text{ kg}$  متصل شده است. مکعب می‌تواند فقط در امتداد قائم حرکت کند. مقدار شتاب مکعب کدام است؟ (g شتاب گرانش در سطح زمین است. لختی دورانی استوانه توپری به جرم  $m$  و شعاع  $R$  حول محورش  $\frac{1}{2}MR^2$  است.)



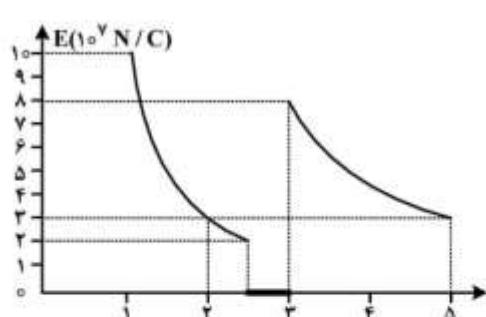
- (1)  $\frac{g}{3}$   
 (2)  $\frac{2g}{23}$   
 (3)  $\frac{g}{23}$   
 (4)  $\frac{2g}{3}$

- ۳۷- چهار ذره یکسان هر یک به جرم  $m = 50\text{ g}$  روی رئوس یک مربع به ضلع  $d = 30\text{ cm}$  قرار دارند. اگر اندازه  $d$  به  $\frac{d}{3}$  کاهش یابد، تغییر در انرژی پتانسیل گرانشی این مجموعه چند ژول خواهد شد؟

$$(G = 6,67 \times 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{kg}^2})$$

- (1)  $-3 \times 10^{-12}$   
 (2)  $+3 \times 10^{-12}$   
 (3)  $-6 \times 10^{-12}$   
 (4)  $+6 \times 10^{-12}$

- ۳۸- بار مثبت نقطه‌ای  $q$  در مرکز یک پوسته کروی فلزی قرار دارد. نمودار اندازه میدان الکتریکی بر حسب فاصله ساعی  $r$  در شکل زیر نشان داده شده است. بار الکتریکی خالص روی پوسته کروی چند میکروکولن است؟



- (1) ۲/۱  
 (2) ۶/۶  
 (3) ۸  
 (4) ۹/۳

- ۳۹- ذره‌ای به جرم  $10\text{ g}$  و بار الکتریکی  $80\text{ }\mu\text{C}$  در جلوی یک تیغه بزرگ نارسانای نازک بارداری با چگالی بار سطحی  $\frac{m}{s} = 90 \frac{\text{nC}}{\text{m}}$  قرار دارد. در لحظه‌ای که فاصله ذره با تیغه  $3\text{ m}$  است با تندی  $\frac{m}{s} = 3\text{ m/s}$  به تیغه نزدیک می‌شود. حداقل فاصله‌ای که ذره از تیغه پیدا می‌کند تقریباً چند متر است؟

- (1) ۱/۴  
 (2) ۱/۶  
 (3) ۲/۸  
 (4) ۳/۲

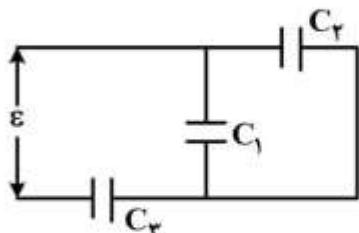
# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۹

732A

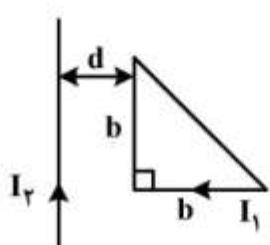
مجموعه فیزیک - کد (۱۲۰۴)

- ۴۰- در شکل زیر  $C_3 = 8\mu F$ ,  $C_2 = 4\mu F$ ,  $C_1 = 20\mu F$  و  $\epsilon = 15V$  مدار در حالت تعادل است. اگر خازن  $C_1$  چند برابر باشد قبل از این فروریزش خواهد شد؟



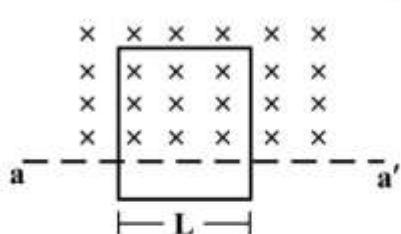
- (۱) ۱/۶  
(۲) ۳  
(۳) ۴  
(۴) ۶

- ۴۱- حلقه جریان  $I_1$  به شکل مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین به ضلع  $b = 2d$  مطابق شکل زیر در کنار یک سیم مستقیم طویل با جریان  $I_2$  قرار دارد. اندازه القای متقابل این مجموعه کدام است؟



- (۱)  $\frac{\mu_0 d}{2\pi} [3 \ln 3 - 2]$   
(۲)  $\frac{\mu_0 d}{\pi} \left[ 3 \ln \left( \frac{3}{2} \right) - 1 \right]$   
(۳)  $\frac{\mu_0 d}{2\pi} \left[ 3 \ln \left( \frac{3}{2} \right) - 1 \right]$   
(۴)  $\frac{\mu_0 d}{2\pi} [3 \ln 3 - 1]$

- ۴۲- یک حلقة رسانای بزرگ مستطیلی شکل به عرض  $L = 2m$ , مقاومت  $R = 20\Omega$  و جرم  $m = 50g$  در میدان مغناطیسی یکنواخت  $B = 7T$  که جهت آن عمود بر صفحه حلقة و به سمت داخل صفحه کاغذ است و فقط در بالای خط  $aa'$  وجود دارد، آویزان است. در یک لحظه حلقة رها می‌شود. حلقة تا رسیدن به تنیدی حدی  $v_c$  شتاب می‌گیرد. با چشم پوشی از مقاومت هوا، اندازه  $v_c$  چند  $\frac{m}{s}$  است؟ ( $g = 9.8 \frac{m}{s^2}$ )



- (۱) ۰/۱۷  
(۲) ۰/۵  
(۳) ۱/۰  
(۴) ۱/۵

- ۴۳- دو صفحه یک خازن تخت هر یک دایره‌ای به شعاع  $R = 6cm$  و فاصله آن دو از هم  $4mm$  است. یک اختلاف پتانسیل متناوب  $V = 300 \sin(50t)$  که در آن  $t$  بر حسب ثانیه و  $V$  بر حسب ولت داده شده به دو سر خازن اعمال می‌شود. مقدار بیشینه میدان مغناطیسی القایی در لبه خازن ( $r = R$ ) تقریباً چقدر است؟

- (۱)  $1/25nT$   
(۲)  $2/5\mu T$   
(۳)  $1/25pT$   
(۴)  $2/5mT$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۰

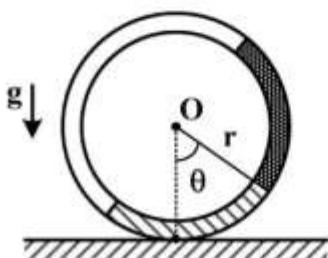
732A

مجموعه فیزیک - کد (۱۲۰۴)

- ۴۴- در یک مدار LC نوسانی، هنگامی که ۷۵ درصد انرژی کل مدار در میدان مغناطیسی القاگر ذخیره شده است، چند درصد بار بیشینه روی خازن قرار دارد؟

- (۱) ۲۵
- (۲) ۵۰
- (۳) ۷۱
- (۴) ۸۶

- ۴۵- لوله‌ای بسیار نازک به شکل دایره‌ای به شعاع  $r$  درآمده است. مطابق شکل نیمی از حجم لوله با حجم‌های مساوی از دو مایع با چگالی‌های جرمی  $\rho_2 > \rho_1$  پر می‌شود. این حلقه به طور قائم روی یک صفحه افقی قرار داده می‌شود. در حال تعادل، زاویه  $\theta$  که شعاع گذرنده از مرز مشترک دو مایع با راستای قائم می‌سازد چقدر است؟



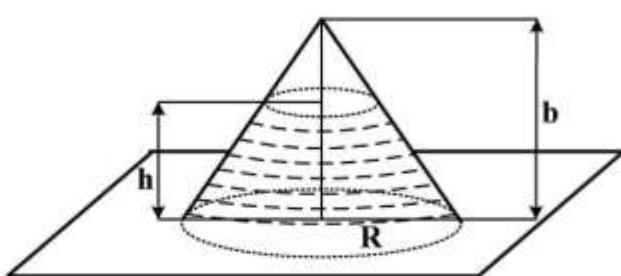
$$\sin^{-1}\left(\frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1 + \rho_2}\right) \quad (۱)$$

$$\tan^{-1}\left(\frac{\rho_2}{\rho_1}\right) \quad (۲)$$

$$\frac{\pi}{4} - \sin^{-1}\left(\frac{\rho_2}{\rho_1}\right) \quad (۳)$$

$$\tan^{-1}\left(\frac{\rho_1 - \rho_2}{\rho_1 + \rho_2}\right) \quad (۴)$$

- ۴۶- یک ظرف مخروطی شکل به ارتفاع  $b$  و شعاع  $R$  از طرف دهانه بازش روی سطح افقی قرار دارد اگر این ظرف تا ارتفاع  $h$  از مایعی با چگالی  $\rho$  پر شود، نیروی بالابرندۀ که بر دیواره جانبی ظرف وارد می‌شود، کدام است؟



$$\pi \rho g \frac{h^2 R^2}{b} \left(1 - \frac{h}{3b}\right) \quad (۱)$$

$$\pi \rho g \frac{h^2 R^2}{b} \left(1 - \frac{h}{b}\right) \quad (۲)$$

$$\pi \rho g b R^2 \left(1 - \frac{h}{3b}\right) \quad (۳)$$

$$\pi \rho g b R^2 \left(1 - \frac{h}{b}\right) \quad (۴)$$

- ۴۷- یک دوربین عکاسی دارای یک عدسی به فاصله کانونی  $50\text{ mm}$  و قطر دهانه  $50\text{ mm}$  است. با این دوربین از یک جسم به ارتفاع  $174\text{ cm}$  تصویری به ارتفاع  $3\text{ cm}$  روی فیلم تشکیل می‌شود. اگر از نوری با طول موج  $5800\text{ Å}$  استفاده شود، حداقل فاصله دو نقطه روی جسم که تصویرشان در روی فیلم قابل تفکیک است، چقدر است؟

- (۱)  $0.9\text{ mm}$
- (۲)  $0.73\text{ }\mu\text{m}$
- (۳)  $0.73\text{ cm}$
- (۴)  $0.9\text{ }\mu\text{m}$

- ۴۸- در شکل زیر نوری که در ابتدا ناقطبیده است از سمت راست به دستگاهی شامل سه ورقه قطبشگر خطی تابیده است. راستای قطبش این سه ورقه مطابق شکل با راستای محور  $y$  به ترتیب زاویه‌های  $\theta_1 = \frac{\pi}{6}$ ،  $\theta_2 = \frac{\pi}{12}$  و  $\theta_3 = \cos \frac{\pi}{12} = 0.97$  می‌سازد. تقریباً چند درصد از شدت نور تابشی اولیه از این مجموعه خارج می‌شود؟



۹/۴ (۱)

۱۷/۵ (۲)

۳۵/۴ (۳)

۵۲/۴ (۴)

- ۴۹- دو سیم پیانوی یکسان تحت گششی یکسان قرار دارند به طوری که فرکانس اصلی آن‌ها  $480\text{ Hz}$  است. کشش یکی از دو سیم چند درصد افزایش باید تا وقتی دو سیم همزمان نوسان می‌کنند، تعداد ۶ ضربان در ثانیه تولید شود؟

۱/۲۵ (۱)

۲/۵ (۲)

۵ (۳)

۸ (۴)

- ۵۰- هیدروژن را یک گاز کامل فرض کنید و سرعت صوت در آن را همان  $V_{rms}$ ، سرعت ریشه میانگین مربعی ملکول‌ها، در نظر بگیرید. در دمای  $0^\circ\text{C}$  سرعت صوت در گاز هیدروژن  $\frac{m}{s} 1280$  است. در دمای  $\theta$  (برحسب درجه سانتی‌گراد) که در محدوده دمایی نزدیک  $0^\circ\text{C}$  است، سرعت صوت در گاز هیدروژن چند  $\frac{m}{s}$  است؟

$(1280 + 2/3\theta)$  (۱)

$(1280 + 0/6\theta)$  (۲)

$(1280 + 12/8\theta)$  (۳)

$(1280 + 4/6\theta)$  (۴)

- ۵۱- ورود دو ذره کیهانی توسط آشکارسازهای ساکن روی زمین ثبت می‌شود. یکی از دو ذره در  $t_A$  و مکان  $x_A$  و دیگری در  $t_B$  و مکان  $x_B$  به طوری که  $x_B - x_A = 500\text{ m}$  و  $t_B - t_A = 10^{-6}\text{ s}$ . ناظری در امتداد محور  $x$  با چه تندی به زمین (برحسب  $\frac{m}{s}$ ) باید حرکت کند، تا این دو ذره را همزمان آشکار سازد؟

$3 \times 10^8$  (۱)

$6 \times 10^6$  (۲)

$9 \times 10^7$  (۳)

$1.8 \times 10^8$  (۴)

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

۵۲- دو کشته فضایی در راستاهایی مخالف هم در حرکتند سرنشین کشته A می‌داند طول کشته A برابر  $120\text{ m}$  است تندي کشته B را نسبت به A برابر  $80^\circ$  و طول کشته B را  $36\text{ m}$  اندازه می‌گیرد. سرنشین کشته طول کشته A و B را به ترتیب از راست به چپ چند متر اندازه‌گیری می‌کند؟

- (۱)  $60^\circ$ ,  $72^\circ$   
(۲)  $45^\circ$ ,  $96^\circ$   
(۳)  $45^\circ$ ,  $72^\circ$   
(۴)  $60^\circ$ ,  $96^\circ$

۵۳- جسمی در حالت سکون به خودی خود به دو قسمت تقسیم می‌شود جرم سکون این دو قسمت به ترتیب  $3$  و  $4$  کیلوگرم و تندي قسمت سبک‌تر  $80^\circ$  است. جرم سکون جسم اولیه چند کیلوگرم بوده است؟ ( $\epsilon$  تندي نور در خلا است.)

- (۱)  $5 + 4\sqrt{10}^\circ$   
(۲)  $7^\circ$   
(۳)  $5 + 4\sqrt{2}^\circ$   
(۴)  $10^\circ$

۵۴- یک پایون مثبت ( $\pi^+$ ) ساکن به صورت  $\pi^+ \rightarrow \mu^+ + \nu$  واپاشی می‌کند. نسبت انرژی جنبشی نوتربینو ( $\nu$ ) به انرژی جنبشی میون ( $\mu^+$ ) تقریباً چقدر است؟ (از انرژی سکون نوتربینو چشم‌پوشی شود.  $m_\pi = 140 \frac{\text{MeV}}{c^2}$  و

$$(m_\mu = 106 \frac{\text{MeV}}{c^2})$$

(۱)  $1/3$   
(۲)  $3$   
(۳)  $5$   
(۴)  $7/2$

۵۵- به یک گلوله فلزی خنثی به شعاع  $R$  نور تکفامی با طول موج  $\lambda_0 = \frac{\lambda}{3}$  تابیده می‌شود که  $\lambda_0$  طول موج آستانه برای گسیل الکترون از سطح کره است. تا قبل از آن که گسیل فوتوالکترون‌ها پایان یابد، چند فوتوالکترون از گلوله گسیل یافته است؟ ( $h$  ثابت پلانک،  $c$  سرعت نور در خلا و  $e$  بار الکترون است).

$$\frac{4\pi\varepsilon_0 Rhc}{e\lambda_0} \quad (1)$$
$$\frac{32\pi\varepsilon_0 Rhc}{e^2\lambda_0^2} \quad (2)$$
$$\frac{8\pi\varepsilon_0 Rhc}{e^2\lambda_0} \quad (3)$$
$$\frac{16\pi\varepsilon_0 Rhc}{e\lambda_0^2} \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۳

732A

مجموعه فیزیک - کد (۱۲۰۴)

- ۵۶- کریستال کلروپتاسیم دارای گاف انرژی  $7/5\text{ eV}$  بالای آخرین نوار پر شده خود است. اندازه طول موج نوری که این ماده نسبت به آن کدر است، بر حسب نانومتر چیست؟

۷۵ (۱)

۸۲/۶ (۲)

۱۴۰ (۳)

۱۶۵/۷ (۴)

- ۵۷- در یک آزمایش در ابتدا ( $t = 0$ ) به تعداد مساوی از دو عنصر رادیواکتیو A و B موجود است. طول عمر عنصر A سه برابر طول عمر عنصر B است. در لحظه دلخواه  $t > 0$  نسبت تعداد اتم‌های باقیمانده نوع A به تعداد اتم‌های باقیمانده نوع B یعنی  $\frac{N_A(t)}{N_B(t)}$  کدام است؟ ( طول عمر عنصر A و  $t_B$  طول عمر عنصر B است.)

$e^{-\frac{t}{t_B}}$  (۱)

$e^{\frac{t}{t_A}}$  (۲)

$e^{-\frac{t}{3t_B}}$  (۳)

$e^{\frac{t}{3t_A}}$  (۴)

- ۵۸- بالنی با گاز هیدروژن پر شده است به طوری که قطر آن  $2m$  و فشار آن  $300 \text{ kPa}$  است. به گاز داخل بالن حرارت داده می‌شود تا قطر بالن به  $3m$  و فشار آن به  $400 \text{ kPa}$  برسد، اگر در این فرآیند فشار گاز به طور خطی با قطر بالن تغییر کند، مقدار کاری که گاز داخل بالن انجام داده تقریباً چند ژول است؟

$7/5 \times 10^4$  (۱)

$2/3 \times 10^3$  (۲)

$2/3 \times 10^6$  (۳)

$4/4 \times 10^6$  (۴)

- ۵۹- اگر  $F(T, V, N)$  انرژی آزاد هلمهولتز یک سیستم در رابطه صدق کند در آن  $\alpha$  و  $\eta$  ضرایب ثابت مشتبی هستند، انرژی داخلی این سیستم از کدام رابطه به دست می‌آید؟

$\alpha PV + \eta Nk_B T$  (۱)

$\alpha PV - \eta Nk_B T$  (۲)

$PV^\alpha + \eta Nk_B T$  (۳)

$PV^\alpha - \eta Nk_B T$  (۴)

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

۶۰- آنتروپی یک گاز با حجم  $V$  و انرژی  $E$  به شکل  $S = Nk_B \left[ \ln \left( \frac{8\pi V E^{\frac{3}{2}}}{27 h^3 c^3 N^4} \right) + 4 \right]$  است که در آن  $N$  تعداد ذرات گاز و  $c$  سرعت نور است. چه رابطه‌ای میان انرژی و دمای گاز وجود دارد؟

$$E = Nk_B T \quad (1)$$

$$E = \frac{3}{2} Nk_B T \quad (2)$$

$$E = 3Nk_B T \quad (3)$$

$$E = \frac{4}{3} Nk_B T \quad (4)$$

۶۱- یک قطعه فلز شامل  $N$  اتم و هر اتم با اسپین کل  $\frac{3}{2} \hbar$  را که در حالت فرومغناطیسی کامل در دمای نزدیک صفر مطلق ( $T = 0$ ) می‌باشد گرم می‌کنیم تا به حالت پارامغناطیسی کامل درآید. تغییر آنتروپی این قطعه فلز در اثر این تحول چقدر است؟ (در این تحول از برهمکنش ضعیف متقابل بین اتم‌ها با یکدیگر کاملاً صرف نظر شود).

$$Nk_B \ln 2 \quad (1)$$

$$2Nk_B \quad (2)$$

$$3Nk_B \quad (3)$$

$$2Nk_B \ln 2 \quad (4)$$

۶۲- تابع پارش یک گاز کامل کلاسیک تک اتمی در سه بعد، چگونه تابعی از دمای آن ( $T$ ) است؟

$$T^{\frac{3}{2}} \quad (1)$$

$$T^{\frac{1}{2}} \quad (2)$$

$$T^{-\frac{1}{2}} \quad (3)$$

$$T^{-\frac{3}{2}} \quad (4)$$

۶۳- تابع پارش به‌ازای هر ذره یک مجموعه در دمای  $T$  برابر با  $\frac{\epsilon_0}{k_B T} 2 \cosh(\frac{\epsilon_0}{k_B T})$  است که  $\epsilon_0$  مقداری ثابت است. گرمای

ویژه به‌ازای هر ذره این مجموعه کدام است؟

$$k_B \left( \frac{\epsilon_0 / k_B T}{\cosh(\epsilon_0 / k_B T)} \right)^{\frac{1}{2}} \quad (1)$$

$$\frac{\epsilon_0}{T} \tanh(\epsilon_0 / k_B T) \quad (2)$$

$$\frac{\epsilon_0}{T} \coth(\epsilon_0 / k_B T) \quad (3)$$

$$k_B \left( \frac{\epsilon_0 / k_B T}{\sinh(\epsilon_0 / k_B T)} \right)^{\frac{1}{2}} \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

-۶۴- اگر  $x^7y + z^4 - 3xz = 5$  معادله یک رویه در دستگاه مختصات  $xyz$  باشد، کدام بردار بر این رویه در نقطه  $(x = 2, y = -3, z = 1)$  عمود است؟

$$\frac{1}{2\sqrt{41}}(12\hat{i} - 4\hat{j} + 2\hat{k}) \quad (1)$$

$$\frac{1}{2\sqrt{5}}(-15\hat{i} - 4\hat{j} + 2\hat{k}) \quad (2)$$

$$\frac{1}{2\sqrt{41}}(-12\hat{i} + 4\hat{j} - 2\hat{k}) \quad (3)$$

$$\frac{1}{2\sqrt{5}}(-15\hat{i} + 4\hat{j} - 2\hat{k}) \quad (4)$$

-۶۵- اگر  $\vec{A}$  برداری ثابت و  $\vec{r} = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}$  باشد، حاصل عبارت  $\vec{\nabla} \times (\vec{A} \times \vec{r})$  کدام است؟

$$-2\vec{A} \quad (1)$$

$$-\vec{r}\vec{A} \quad (2)$$

$$2\vec{A} \quad (3)$$

$$2\vec{r}\vec{A} \quad (4)$$

-۶۶- اگر کرل و دیورژانس میدان برداری  $\vec{M} = M_x(x,y)\hat{i} + M_y(x,y)\hat{j}$  برابر صفر باشند، کدام رابطه همواره درست است؟

$$\frac{\partial M_x}{\partial y} = \frac{\partial M_y}{\partial x} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial M_x}{\partial x} = \frac{\partial M_y}{\partial y} = 0 \quad (2)$$

$$\nabla^r M_x = \nabla^r M_y = 0 \quad (3)$$

$$\vec{\nabla} M_x = \vec{\nabla} M_y \quad (4)$$

-۶۷- در بسط لوران تابع  $f(z) = \frac{2+3z}{z^3+z^2}$  ضریب‌های جملات  $z^{-2}$  و  $z^{+1}$  به ترتیب از راست به چپ کدامند؟

$$-1, 1 \quad (1)$$

$$1, 2 \quad (2)$$

$$0, 3 \quad (3)$$

$$1, -2 \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۶۸- تابع  $w(z) = u(x,y) + i v(x,y)$  در صفحه مختلط  $z = x + iy$  است. اگر

$$u(x,y) = e^{-xy} \cos(x^2 - y^2)$$

$$z e^{iz}$$
 (۱)

$$e^{iz^2}$$
 (۲)

$$z e^{-iz}$$
 (۳)

$$e^{-iz^2}$$
 (۴)

- ۶۹- حاصل انتگرال  $I = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{e^{\alpha x}}{1+e^x} dx$  که  $\alpha < 1$  باشد، کدام است؟

$$\frac{\pi}{\sin(\pi\alpha)}$$
 (۱)

$$\pi \sin(\pi\alpha)$$
 (۲)

$$-\pi \cos(\pi\alpha)$$
 (۳)

$$\frac{\pi}{\cos(\pi\alpha)}$$
 (۴)

- ۷۰- تابع  $f(x)$  در بازه  $(-\pi, \pi)$  به صورت  $f(x) = \begin{cases} -1 & -\pi < x < 0 \\ 1 & 0 < x < \pi \end{cases}$  تعریف شده است. مقادیر عددی ضرایب

$$f(x) = a_0 + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos(nx) + \sum_{n=1}^{\infty} b_n \sin(nx)$$
 در بسط فوريه  $a_0$  و  $b_1$  کدامند؟

$$a_0 = \frac{2}{\pi}, b_1 = -\frac{2}{\pi}$$
 (۱)

$$a_0 = 0, b_1 = \frac{4}{\pi}$$
 (۲)

$$a_0 = 0, b_1 = \frac{2}{\pi}$$
 (۳)

$$a_0 = \frac{2}{\pi}, b_1 = \frac{-4}{\pi}$$
 (۴)

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۷

732A

مجموعه فیزیک - کد (۱۲۰۴)

دروس تخصصی ۲ (mekanik کلاسیک (۱ و ۲)، الکترومغناطیس (۱ و ۲)، مکانیک کوانتومی (۱ و ۲)) :

- ۷۱ - ذره‌ای بر روی یک مسیر مارپیچ در صفحه  $y-x$  حرکت می‌کند. مختصات قطبی یک نقطه از مسیر در لحظه دلخواه  $t$  به صورت  $(r = b e^{\omega t}, \theta = \omega t)$  است که  $b$  و  $\omega$  ثابت‌اند. زاویه بین بردارهای سرعت لحظه‌ای و شتاب لحظه‌ای ذره در لحظه  $t$  کدام است؟

$$\frac{\pi}{3} \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{4} \cos(\omega t) \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{3} \sin(\omega t) \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (4)$$

- ۷۲ - جسمی به جرم  $2\text{kg}$  با سرعت اولیه  $\frac{m}{s} \frac{3}{4}$  روی یک سطح افقی بدون اصطکاک شروع به حرکت می‌کند. نیروی مقاومت هوای حرکت جسم را به صورت  $F(v) = -2v^{\frac{3}{2}}$  کند می‌کند که  $v$  سرعت لحظه‌ای جسم بر حسب  $\frac{m}{s}$  و  $N$  بر حسب  $F(v)$  است. جسم تا لحظه توقف چه مسافتی را بر حسب متر طی کرده است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۴ (۳)

۸ (۴)

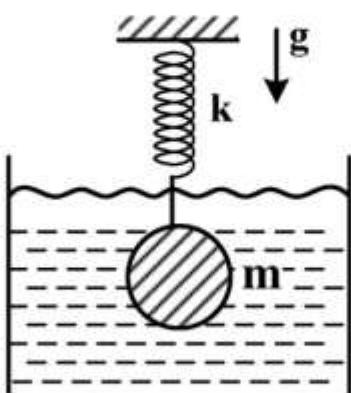
- ۷۳ - مطابق شکل گلوله‌ای به جرم  $m = 2\text{g}$  وصل شده و درون روغن نوسان می‌کند. نیروی مقاومت وارد بر گلوله  $bv$  است که  $v$  سرعت لحظه‌ای گلوله و  $b = 16\text{ rad/s}$  است. از جرم فنر و نیروی ارشمیدس صرف نظر شود. بسامد زاویه‌ای نوسانات کندمیرا بر حسب  $\frac{\text{rad}}{\text{s}}$  چقدر است؟

۳/۰ (۱)

۴/۶ (۲)

۵/۰ (۳)

۶/۲ (۴)



# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۷۴- ذره‌ای به جرم  $m$  در یک صفحه قائم در حضور نیروی گرانش و نیروی فنری که به آن متصل است بر روی دایره‌ای به شعاع  $R$  حرکت می‌کند. انرژی پتانسیل ذره به صورت  $V(\theta) = -mgR \cos 2\theta + \frac{1}{2}kR^2(2\cos\theta - 1)$  است که  $\theta$

زاویه با راستای قائم است و  $\frac{mg}{kR} \leq |\theta| \leq \frac{\pi}{4}$ . برای چه مقداری از  $\theta$  ذره در حالت تعادل پایدار است؟

(۱) صفر

$\pm \cos^{-1}\left(\frac{2}{5}\right)$  (۲)

$\pm \cos^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$  (۳)

$\pm \cos^{-1}\left(\frac{2}{5}\right)$  و صفر (۴)

- ۷۵- ماهواره‌ای در یک مدار دایره‌ای به شعاع  $\frac{4R}{3}$  به دور زمین می‌چرخد.  $R$  شعاع کره زمین است. در یک نقطه از

مدار سرعت ماهواره چند برابر شود تا مدار حرکت یک بیضی با  $r_{min} = \frac{4R}{3}$  و  $r_{max} = 4R$  شود.

(۱) ۲

$\sqrt{2}$  (۲)

$\frac{\sqrt{3}}{2}$  (۳)

$\sqrt{\frac{3}{2}}$  (۴)

- ۷۶- فرض کنید مدار حرکت زمین به دور خورشید دایره است. اگر جرم خورشید ناگهان نصف شود، کدام عبارت در مورد مدار حرکت زمین به دور خورشید درست است؟

(۱) مدار حرکت زمین دایره می‌ماند.

(۳) مدار حرکت زمین بیضی می‌شود.

- ۷۷- جرم ستاره‌ای  $M$  و شعاع آن  $R$  است. اگر چگالی حجمی جرم درون ستاره متناسب با  $z$  فاصله تا مرکز ستاره باشد، در چه فاصله‌ای از مرکز ستاره، فشار  $75\%$  برابر فشار در مرکز ستاره است؟ (فشار در سطح ستاره را برابر صفر بگیرید).

$\frac{R}{2}$  (۱)

$\frac{R}{\sqrt{2}}$  (۲)

$\frac{R}{4}$  (۳)

$\frac{R}{2\sqrt{2}}$  (۴)

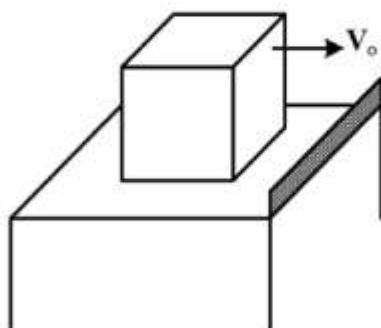
# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۱۹

732A

مجموعه فیزیک - کد (۱۲۰۴)

- ۷۸- مکعب توپری به جرم  $m$  و طول ضلع  $L$  می‌تواند بدون اصطکاک روی میز ساکنی بلغزد. میز لبه‌ای با ارتفاع بسیار کوچک دارد که مکعب هنگام رسیدن به این لبه، به آن گیر می‌کند و حول این لبه می‌تواند بچرخد. کمترین مقدار سرعت مکعب روی میز (مطابق شکل)  $V_0$  چقدر باشد تا مکعب از لبه میز به پایین بیفتد؟ (توزیع جرم داخل مکعب را یکنواخت در نظر بگیرید. لختی دورانی مکعب حول محور گذرنده از مرکز جرم مکعب و عمود بر دو وجه



$$\text{آن } \frac{1}{6}mL^2 \text{ است.}$$

$$\sqrt{\frac{1}{3}(\sqrt{2}-1)gL} \quad (1)$$

$$\sqrt{(\sqrt{2}-1)gL} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{5}{3}(\sqrt{2}-1)gL} \quad (3)$$

$$\sqrt{3(\sqrt{2}-1)gL} \quad (4)$$

- ۷۹- دری یکنواخت به شکل ورقه مستطیل شکل نازکی به طول  $b$  و عرض  $a$  و جرم  $m$  حول یک قطرش با سرعت زاویه‌ای ثابت  $\omega$  می‌چرخد. با چشم‌پوشی از گرانش، مقدار گشتاوری که لازم است تا محور دوران را ثابت نگه دارد کدام است؟ (لختی دورانی یک ورقه مربعی به جرم  $m$  و ضلع  $L$  حول محوری واقع در صفحه ورقه که از مرکز مربع می‌گذرد و موازی دو ضلع مربع است  $\frac{1}{12}mL^2$  است).

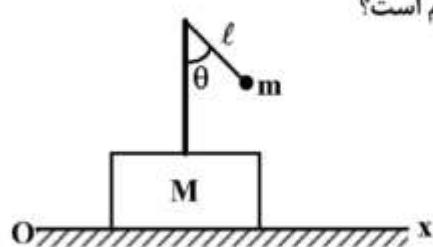
$$\frac{m(b-a)ab\omega^2}{3\sqrt{a^2+b^2}} \quad (1)$$

$$\frac{m(b^2-a^2)ab\omega^2}{2(a^2+b^2)} \quad (2)$$

$$\frac{m(b^2-a^2)ab\omega^2}{12(a^2+b^2)} \quad (3)$$

$$\frac{m(b-a)ab\omega^2}{12\sqrt{a^2+b^2}} \quad (4)$$

- ۸۰- آونگ ساده‌ای به جرم  $m$  و طول  $\ell$  به انتهای میله‌ای که روی یک پایه نصب شده، وصل شده است. جرم پایه و میله متصل به آن  $M$  است. اگر پایه روی محور  $x$  با سرعت لحظه‌ای  $\dot{x}$  نسبت به مبدأ ساکن  $O$  حرکت کند، لاغرانژی دستگاه بر حسب مختصات تعیین یافته  $x$  و  $\theta$  و سرعت‌های متناظر کدام است؟



$$L = \frac{1}{2}(M+m)\dot{x}^2 + \frac{1}{2}m\ell^2\dot{\theta}^2 + m\ell\dot{x}\dot{\theta}\cos\theta + mg\ell\cos\theta \quad (1)$$

$$L = \frac{1}{2}(M+m)\dot{x}^2 + \frac{1}{2}m\ell^2\dot{\theta}^2 + \frac{1}{2}m\ell\dot{x}\dot{\theta}\cos\theta + mg\ell\cos\theta \quad (2)$$

$$L = \frac{1}{2}M\dot{x}^2 + \frac{1}{2}m\left(\dot{x} + \frac{\ell\dot{\theta}}{2}\cos\theta\right)^2 + mg\ell\cos\theta \quad (3)$$

$$L = \frac{1}{2}M\dot{x}^2 + \frac{1}{2}m[(\dot{x} - \ell\dot{\theta})^2 \cos^2\theta + \ell^2\dot{\theta}^2 \sin^2\theta] + mg\ell\cos\theta \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

-۸۱ مبدأ دو دستگاه مختصات  $x'y'z'$  و  $xyz$  همواره برهمنطبقاند. دستگاه  $xyz$  با سرعت زاویه‌ای  $\omega = 2\hat{i} - 3\hat{j} + 5\hat{k}$  حول دستگاه ساکن  $x'y'z'$  می‌چرخد که بر حسب  $\frac{\text{rad}}{\text{s}}$  است. بردار مکان ذره‌ای در

دستگاه مختصات  $xyz$  به صورت  $r(t) = \sin t \hat{i} - \cos t \hat{j} + e^{-t} \hat{k}$  است که بر حسب  $s$  و  $t$  بر حسب

است. نسبت به ناظر ساکن در چارچوب  $x'y'z'$  در لحظه  $t = 0$  بر حسب  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  کدام است؟

$$22\hat{i} + 51\hat{j} - 7\hat{k} \quad (1)$$

$$19\hat{i} + 22\hat{j} + 6\hat{k} \quad (2)$$

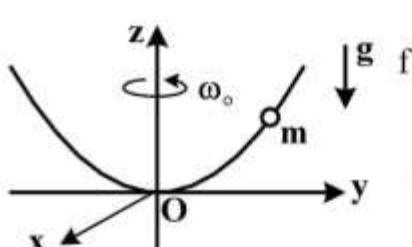
$$-10\hat{i} + \hat{j} + 5\hat{k} \quad (3)$$

$$22\hat{i} + 29\hat{j} + 9\hat{k} \quad (4)$$

-۸۲ مهراه‌ای به جرم  $m$  در حضور نیروی گرانش می‌تواند مطابق شکل روی مفتول بدون اصطکاکی بلغزد. مفتول با سرعت زاویه‌ای ثابت  $\omega$  حول محور  $z$  می‌چرخد. در مختصات استوانه‌ای معادله مفتول به صورت

$$H = \frac{P_r^2}{\gamma m f(r)} + V(r) \quad \text{است که } r \text{ فاصله تا محور } z \text{ و } r_0 \text{ ثابتاند. اگر } z = z_0 \left( \frac{r}{r_0} \right)^n$$

هامیلتونی ذره و  $P_r$  تکانه متناظر با مختص  $r$  باشد،  $f(r)$  و  $V(r)$  کدامند؟



$$f(r) = 1 + 4n \left( \frac{Z_0}{r} \right)^n \left( \frac{r}{r_0} \right)^{4n}, \quad V(r) = mgz_0 \left( \frac{r}{r_0} \right)^n - \frac{1}{2} m \omega_0^2 r^2 \quad (1)$$

$$f(r) = 1 + 2n \left( \frac{Z_0}{r} \right)^n \left( \frac{r}{r_0} \right)^{2n}, \quad V(r) = mgz_0 \left( \frac{r}{r_0} \right)^n - \frac{1}{2} m \omega_0^2 r^2 \quad (2)$$

$$f(r) = 1 + 2n \left( \frac{Z_0}{r} \right)^n \left( \frac{r}{r_0} \right)^{2n}, \quad V(r) = mgz_0 \left( \frac{r}{r_0} \right)^n + \frac{1}{2} m \omega_0^2 r^2 \quad (3)$$

$$f(r) = 1 + 4n \left( \frac{Z_0}{r} \right)^n \left( \frac{r}{r_0} \right)^{4n}, \quad V(r) = mgz_0 \left( \frac{r}{r_0} \right)^n + \frac{1}{2} m \omega_0^2 r^2 \quad (4)$$

-۸۳ ذره‌ای به جرم  $m$  و سرعت  $v = \beta c$  با ذره ساکنی به جرم  $m$  به طور رو در رو برخورد می‌کند که سرعت نور و

ثابت است. حداقل  $\beta$  چند باشد تا بعد از برخورد، سه ذره با جرم‌های  $m$ ,  $m$  و  $\frac{m}{2}$  وجود داشته باشد؟

$$\frac{11}{15} \quad (1)$$

$$\frac{13}{15} \quad (2)$$

$$\frac{13}{17} \quad (3)$$

$$\frac{15}{17} \quad (4)$$

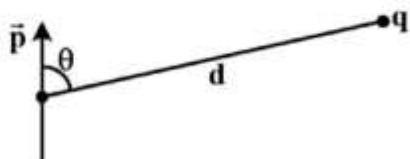
# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

صفحه ۲۱

732A

مجموعه فیزیک - کد (۱۲۰۴)

- ۸۴ - در شکل زیر بار نقطه‌ای  $q$  به فاصله  $d$  از یک دو قطبی الکتریکی، با ممان  $\bar{p}$  قرار دارد. زاویه بردار مکان بار نقطه‌ای با راستای دو قطبی  $\theta = 60^\circ$  است. اندازه نیرویی که بار نقطه‌ای بر دو قطبی وارد می‌کند، کدام است؟



$$\frac{\sqrt{19}}{8\pi\epsilon_0} \frac{qp}{d^3} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{7}}{8\pi\epsilon_0} \frac{qp}{d^3} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{13}}{8\pi\epsilon_0} \frac{qp}{d^3} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{11}}{8\pi\epsilon_0} \frac{qp}{d^3} \quad (4)$$

- ۸۵ - مکعبی به ضلع  $a$  را در نظر بگیرید که دو وجه روبروی آن در پتانسیل الکتریکی  $V_1$ ، دو وجه دیگر روبرو در پتانسیل الکتریکی  $V_2$  و دو وجه روبروی باقی‌مانده در پتانسیل الکتریکی  $V_3$  باشند، پتانسیل الکتریکی در مرکز مکعب چقدر است؟

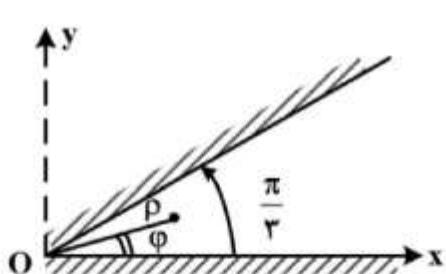
$$\frac{V_1 + V_2 + V_3}{3} \quad (1)$$

$$V_1 + V_2 + V_3 \quad (2)$$

$$\frac{V_1 + V_2 + V_3}{2} \quad (3)$$

$$\frac{2}{3}(V_1 + V_2 + V_3) \quad (4)$$

- ۸۶ - زاویه بین دو صفحه رسانای نیمه نامتناهی مطابق شکل  $\frac{\pi}{3}$  است. چنانچه صفحات به پتانسیل الکتریکی ۵ ولت وصل شوند پتانسیل الکتریکی در نقطه‌ای در مختصات استوانه‌ای  $(\rho, \phi)$  نزدیک مبدأ مختصات  $V(\rho, \phi) = 5 + 2\rho^2 \sin 2\phi$  است که بر حسب متر و  $(\rho, \phi)$  برحسب ولت است. چگالی بار سطحی روی صفحه واقع در  $\phi = \frac{\pi}{3}$  در نزدیکی مبدأ مختصات کدام است؟



$$6\epsilon_0 \rho^2 \quad (1)$$

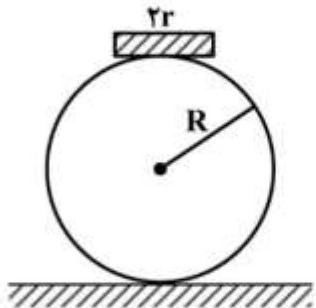
$$5 + 6\pi\epsilon_0 \rho^2 \quad (2)$$

$$5 - 6\pi\epsilon_0 \rho^2 \quad (3)$$

$$-6\epsilon_0 \rho^2 \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۸۷- یک کره رسانا به شعاع  $R$  مطابق شکل روی یک سطح افقی عایق قرار دارد و یک قرص بسیار کوچک فلزی به شعاع  $r$  و جرم  $m$  در بالاترین نقطه آن قرار دارد. مجموعه به پتانسیل الکتریکی  $V$  وصل است. حداقل  $V$  چقدر باشد تا قرص در آستانه جدا شدن از کره قرار گیرد؟



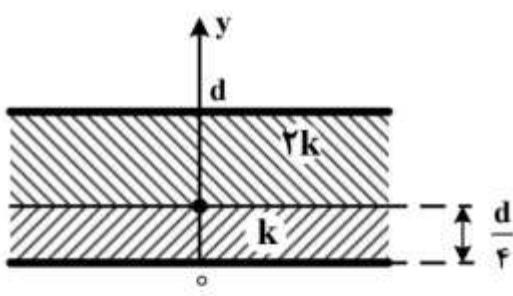
$$\left(\frac{R}{r}\right)^2 \sqrt{\frac{mg}{\pi \epsilon_0}} \quad (1)$$

$$\left(\frac{R}{r}\right)^2 \sqrt{\frac{2mg}{\pi \epsilon_0}} \quad (2)$$

$$\frac{R}{r} \sqrt{\frac{2mg}{\pi \epsilon_0}} \quad (3)$$

$$\frac{R}{r} \sqrt{\frac{mg}{\pi \epsilon_0}} \quad (4)$$

- ۸۸- ناحیه بین دو صفحه رسانای نامتناهی واقع در  $y = d$  و  $y = 0$  مطابق شکل از دو ماده عایق با ثابت‌های دی الکتریک  $k$  و  $2k$  پرسیده است. پتانسیل الکتریکی صفحه واقع در  $y = 0$  برابر صفر و پتانسیل الکتریکی صفحه واقع در  $y = d$  برابر  $V_0$  است. پتانسیل الکتریکی در  $y = \frac{3}{4}d$  کدام است؟



$$\frac{4}{5}V_0 \quad (1)$$

$$\frac{3}{4}V_0 \quad (2)$$

$$\frac{1}{4}V_0 \quad (3)$$

$$\frac{3}{5}V_0 \quad (4)$$

- ۸۹- بر روی قرص عایقی به شعاع  $R$  بار الکتریکی با چگالی سطحی  $\sigma_0 = \sigma_0 \left(1 - \frac{r}{R}\right)$  توزیع شده که  $\sigma_0$  ضریبی ثابت و  $r$  فاصله یک نقطه تا مرکز قرص است. اگر این قرص حول محوری که از مرکز آن می‌گذرد و بر سطح آن عمود است با سرعت زاویه‌ای  $\omega_0$  دوران کند، ممکن دو قطبی مغناطیسی این قرص کدام است؟

$$\frac{\pi \sigma_0 \omega_0 R^4}{6} \quad (1)$$

$$\frac{\sigma_0 \omega_0 R^4}{10 \pi} \quad (2)$$

$$\frac{\pi \sigma_0 \omega_0 R^4}{20} \quad (3)$$

$$\frac{\sigma_0 \omega_0 R^4}{3 \pi} \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۹۰ از درون استوانه رسانای بسیار بلندی به شعاع  $R$  جریان الکتریکی با چگالی  $\bar{J} = Ae^{-\alpha r}\hat{k}$  عبور می‌کند که  $A$  و  $\alpha$  ضرایب ثابت مثبت و محور  $Z$  منطبق بر محور استوانه و  $r$  فاصله از محور استوانه است. شدت میدان  $\bar{H}$  در نقطه‌ای داخل استوانه کدام است؟

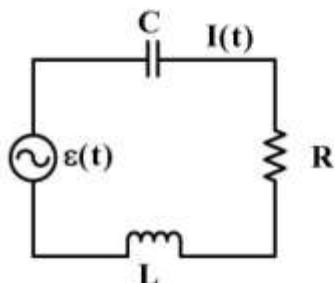
$$\bar{H} = \frac{A}{\alpha r} [1 - (1 + \alpha R) e^{-\alpha r}] \hat{r} \quad (1)$$

$$\bar{H} = \frac{A}{\alpha r} [1 - (1 + \alpha r) e^{-\alpha r}] \hat{\phi} \quad (2)$$

$$\bar{H} = \frac{A}{\alpha r} (1 + \alpha R) e^{-\alpha r} \hat{\phi} \quad (3)$$

$$\bar{H} = \frac{A}{\alpha r} (1 + \alpha r) e^{-\alpha r} \hat{r} \quad (4)$$

- ۹۱ در مدار زیر  $I(t) = 2 \cos(\omega t + \phi)$  آمپر و  $\varepsilon(t) = \varepsilon_0 \cos \omega t$  ولت،  $L = 30 \mu H$ ،  $C = 10 \mu F$ ،  $R = 1.5 \Omega$  است. مقدار  $\tan \phi = \frac{4}{3}$  بر حسب ولت و مقدار  $\varepsilon$  بر حسب رادیان بر ثانیه به ترتیب از راست به چپ چقدر است؟



۵۰, ۱۰ (۱)

$\frac{100}{3}, 5$  (۲)

۵۰۰, ۱۰ (۳)

$\frac{10}{3}, 5$  (۴)

- ۹۲ میدان مغناطیسی وابسته به زمان  $\bar{B}(t) = B_0 [\omega_1(t-t_0) \hat{i} + \omega_2 t \hat{j}]$  در تمام فضای اطراف یک حلقه رسانا به شعاع  $R$  واقع در صفحه  $y-z$  برقرار است. مختصات مرکز حلقه  $(0, 2R, 2R)$  است. مقدار کار انجام شده بر روی بار الکتریکی نقطه‌ای  $q$  در حلقه در یک دوره تناوب چرخش بار چقدر است؟

(۱) صفر

$2\pi R^2 B_0 q \omega_1$  (۲)

$\pi R^2 B_0 q \omega_1$  (۳)

$2\pi R^2 B_0 q \omega_2$  (۴)

- ۹۳ میدان الکتریکی یک موج تخت که در جهت مثبت محور  $Z$  در خلاء انتشار می‌یابد  $(E = \hat{i} E_0 \sin \frac{2\pi}{\lambda} (z - ct))$  است. پتانسیل‌های نرده‌ای و برداری وابسته به این موج که در شرط لورنس نیز صدق می‌کنند، کدامند؟

$$\bar{A} = \frac{-E_0 \lambda}{2\pi c} \cos \frac{2\pi}{\lambda} (z - ct) \hat{i}, \quad \phi = \frac{E_0 \lambda}{2\pi} \cos \frac{2\pi}{\lambda} (z - ct) \quad (1)$$

$$\bar{A} = \frac{-E_0 \lambda}{2\pi c} \cos \frac{2\pi}{\lambda} (z - ct) \hat{i}, \quad \phi = 0 \quad (2)$$

$$\bar{A} = \frac{E_0 \lambda}{2\pi} \cos \frac{2\pi}{\lambda} (z - ct) \hat{i}, \quad \phi = \frac{E_0 \lambda}{2\pi} \cos \frac{2\pi}{\lambda} (z - ct) \quad (3)$$

$$\bar{A} = \frac{E_0 \lambda}{2\pi} \cos \frac{2\pi}{\lambda} (z - ct) \hat{i}, \quad \phi = 0 \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

-۹۴- محیطی داریم که در آن  $\rho = \mu_0 = \mu_\infty$  ولی بردار قطبش  $\vec{P}$  تابعی از مکان و زمان،  $\vec{P}(\vec{x}, t)$  است. اگر بردار هرتز،  $\vec{E}$ ،  $\vec{B}$  به صورت  $\vec{A} = \frac{1}{c^r} \frac{\partial \vec{Z}}{\partial t}$  تعریف شود که  $\phi$  و  $\vec{A}$  به ترتیب پتانسیل های اسکالر و برداری هستند، کدام رابطه درست است؟

$$\nabla^r \vec{Z} - \frac{1}{c^r} \frac{\partial^r \vec{Z}}{\partial t^r} = -\frac{\vec{P}}{\epsilon_0} \quad (1)$$

$$\nabla^r \vec{Z} - \frac{1}{c^r} \frac{\partial^r \vec{Z}}{\partial t^r} = -\frac{\vec{\nabla} \times \vec{P}}{\epsilon_0} \quad (2)$$

$$\frac{1}{c^r} \vec{\nabla} \cdot \left( \frac{\partial^r \vec{Z}}{\partial t^r} \right) = \frac{\vec{\nabla} \cdot \vec{P}}{\epsilon_0} \quad (3)$$

$$\frac{1}{c^r} \vec{\nabla} \cdot \left( \frac{\partial^r \vec{Z}}{\partial t^r} \right) = -\frac{\vec{P}}{\epsilon_0} \quad (4)$$

-۹۵- میدان های الکتریکی و مغناطیسی یک چهار قطبی نوسان گننده در ناحیه تابش،  $1 \gg kr$ ، برحسب ممان چهار قطبی  $Q = -4qa^2$  و در مختصات کروی عبارتند از:

$$\vec{B}(\vec{r}, t) = \frac{i\mu_0 \omega^r Q}{32\pi c^r r} \sin \varphi \theta e^{i(kr - \omega t)} \hat{\phi} \quad \text{و} \quad \vec{E}(\vec{r}, t) = \frac{i\mu_0 \omega^r Q}{32\pi c r} \sin \varphi \theta e^{i(kr - \omega t)} \hat{\theta}$$

توان متوسط کل تابشی چهار قطبی کدام است؟

$$\frac{\mu_0 \omega^r q^r a^r}{512\pi c} \quad (1)$$

$$\frac{\mu_0 \omega^r q^r a^r}{2068\pi c^r} \quad (2)$$

$$\frac{\mu_0 \omega^r q^r a^r}{960\pi c} \quad (3)$$

$$\frac{\mu_0 \omega^r q^r a^r}{60\pi c^r} \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۹۶- بار خطی نامتناهی با چگالی خطی  $\lambda$  روی محور  $z'$  قرار دارد. چارچوب  $S'$  در جهت محور  $z$  با

سرعت ثابت  $\beta = \frac{v}{c}$  در حال حرکت است. ناظر ساکن در چارچوب  $S'$  در مختصات استوانهای یک میدان

$$\text{الکتریکی} (\vec{E}') = \frac{\lambda}{2\pi r} \hat{\vec{r}} \quad \text{و یک میدان مغناطیسی} (\vec{B}') = \frac{\lambda}{2\pi r} \hat{\vec{r}} f(\beta) \quad \text{مشاهده و اندازه‌گیری}$$

می‌کند.  $r$  فاصله از محور  $z'$  (و منطبق بر  $z$ ) است. توابع  $f(\beta)$  و  $g(\beta)$  کدام‌اند؟

$$g(\beta) = \frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}}, \quad f(\beta) = \frac{\beta}{c} \frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}} \quad (1)$$

$$g(\beta) = -\frac{\beta}{c} \sqrt{1-\beta^2}, \quad f(\beta) = \sqrt{1-\beta^2} \quad (2)$$

$$g(\beta) = -\frac{\beta}{c} \frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}}, \quad f(\beta) = \frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}} \quad (3)$$

$$g(\beta) = -\sqrt{1-\beta^2}, \quad f(\beta) = \frac{\beta}{c} \sqrt{1-\beta^2} \quad (4)$$

- ۹۷- اگر  $\hat{x}$  عملگر مکان،  $\hat{l}$  عملگر واحد و  $\ell$  پارامتر حقیقی ثابتی با بعد طول باشد کدام یک از عملگرهای

$$\hat{B} = i \left( \sin\left(\frac{\hat{x}}{\ell}\right) + \cos\left(\frac{\hat{x}}{\ell}\right) \right) \left( \ell \frac{d}{dx} \right) \quad \text{و} \quad \hat{A} = i \left( \left(\frac{\hat{x}}{\ell}\right)^2 + 1 \right) \left( \ell \frac{d}{dx} \right) + i \left( \frac{\hat{x}}{\ell} \right) \hat{B}, \hat{A} \quad (1)$$

$$\hat{B} \quad (2)$$

$$\hat{A} \quad (3)$$

(4) هیچ کدام

- ۹۸-  $\langle \varphi_n | \varphi_m \rangle < \varphi_m | Tr(| \varphi_n \rangle)$  کدام است؟

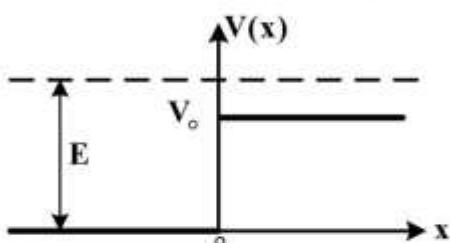
$$\circ \quad (1)$$

$$\delta_{mn} \quad (2)$$

$$1 \quad (3)$$

$$\sum_{n=1}^N \sum_{m=1}^N |\varphi_n \rangle \langle \varphi_m| \quad (4)$$

۹۹- ذراتی به جرم  $m$  با انرژی  $E$  به سد پتانسیل پله‌ای نشان داده شده در شکل زیر برخورد می‌کنند، به ازای نسبت چگالی جریان احتمال عبور به چگالی جریان احتمال فروند کدام است؟



۰/۲۵ (۱)

۰/۵۶ (۲)

۰/۷۳ (۳)

۰/۸۹ (۴)

۱۰۰- تابع موج ذره آزادی به جرم  $m$  در چاه پتانسیل یک بعدی  $V(x) = \begin{cases} 0 & |x| < b \\ \infty & |x| \geq b \end{cases}$  در لحظه  $t = 0$  در لحظه  $t > 0$  مقدار چشم‌داشتی  $\langle p_x^T \rangle$  کدام است؟

$$\Psi(x) = \begin{cases} A \sin^r \frac{\pi x}{b} & |x| < b \\ 0 & |x| \geq b \end{cases}$$

$$\frac{4\hbar^r \pi^r}{\pi b^r} \quad (۱)$$

$$\frac{4\hbar^r \pi^r}{\pi b^r} \sin^r \left( \frac{\hbar t}{mb^r} \right) \quad (۲)$$

$$\frac{\hbar^r \pi^r}{\pi b^r} \quad (۳)$$

$$\frac{\hbar^r \pi^r}{\pi b^r} \sin^r \left( \frac{\hbar t}{mb^r} \right) \quad (۴)$$

۱۰۱- اگر  $|n\rangle$  و  $E_n = \hbar\omega(n + \frac{1}{2})$  ویژه حالتها و ویژه مقادیر متناظر هامیلتونی نوسانگر هماهنگ ساده یک بعدی،

$$|z\rangle = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^n}{\sqrt{n!}} |n\rangle, H = \hbar\omega(a^\dagger a + \frac{1}{2})$$

$$z |z\rangle \quad (۱)$$

$$\sqrt{z+1} |z\rangle \quad (۲)$$

$$z \sum_{n=0}^{\infty} \left( (-1)^n n + \frac{1}{2} \right) |n\rangle \quad (۳)$$

$$\sqrt{z+1} \sum_{n=0}^{\infty} \left( (-1)^n n + \frac{1}{2} \right) |n\rangle \quad (۴)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

۱۰۲ - حالت یک نوسانگر هماهنگ ساده یک بعدی به جرم  $m$  و بسامد زاویه‌ای  $\omega$  در لحظه  $t = 0$

$$\text{است که } |\psi, t=0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|n\rangle + i|n+1\rangle)$$

است. مقدار چشم‌داشتی عملگر  $x$  در لحظه  $t$ ,  $\langle \psi, t | x | \psi, t \rangle = \hbar\omega(n + \frac{1}{2})|n\rangle$

$$(\text{داریم } P = i\sqrt{\frac{m\omega\hbar}{2}}(-a + a^\dagger) \text{ و } x = \sqrt{\frac{\hbar}{4m\omega}}(a + a^\dagger))$$

$$\sqrt{\frac{\pi n\hbar}{\lambda m\omega}} \sin \omega t \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{\pi(n+1)\hbar}{\lambda m\omega}} \sin \omega t \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{\pi n\hbar}{\lambda m\omega}} \cos \omega t \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{\pi(n+1)\hbar}{\lambda m\omega}} \cos \omega t \quad (4)$$

۱۰۳ - حالت یک ذره با اسپین یک با  $|\psi\rangle = (a-1)|1\rangle + (2a-1)|0\rangle + (3a-1)|-1\rangle$  داده شده است که  $a$  یک ثابت

حقیقی و  $\{|1\rangle, |0\rangle, |-1\rangle\}$  یک مجموعه پایه متعامد و بهنجار است. احتمال این که ذره مذکور در حالت  $|0\rangle$  یافته

شود چند برابر احتمال یافتن آن در حالت  $|1\rangle$  است؟

(۱) ۱

(۲)  $\frac{1}{2}$

(۳)  $\sqrt{2}$

(۴)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

۱۰۴ - اگر  $\vec{B} = \vec{\nabla} \times \vec{A}_1(\vec{x}, t)$  تابع موج ذره بارداری به جرم  $m$  و بار الکتریکی  $q$  ( $q > 0$ ) در میدان مغناطیسی

باشد، تابع موج همان ذره در پتانسیل برداری  $\vec{A}_2(\vec{x}) = \vec{A}_1(\vec{x}) + \frac{B_0}{r}(y\hat{i} + x\hat{j})$  کدام است؟ ( $\hat{i}$  و  $\hat{j}$  بردارهای

یکه در جهت محورهای  $x$  و  $y$  اند).

$$e^{\frac{iq}{\hbar} \frac{B_0}{r} (x^r + y^r)} \psi(\vec{x}, t) \quad (1)$$

$$e^{-\frac{iq}{\hbar} \frac{B_0}{r} (x^r + y^r)} \psi(\vec{x}, t) \quad (2)$$

$$e^{\frac{iq}{\hbar} \frac{B_0 xy}{r}} \psi(\vec{x}, t) \quad (3)$$

$$e^{-\frac{iq}{\hbar} \frac{B_0 xy}{r}} \psi(\vec{x}, t) \quad (4)$$

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

۱۰۵ - از سه ذره کوارک هر یک با اسپین  $\frac{1}{2}$ . یک ذره باریونی با اسپین  $\frac{3}{2}$  تشکیل می‌شود. کدام حالت، نمی‌تواند حالت این ذره باشد؟ (۱)  $S = \vec{S}_1 + \vec{S}_2 + \vec{S}_3$  و  $|+)_i$  و  $|-)_i$  و  $|+)_i$  و  $|-)_{iz}$  هستند و

$$(.i = 1, 2, 3)$$

$$|+)_{iz}|+)_{iz}|+)_{iz} \quad (1)$$

$$|-)_{iz}|-)_{iz}|-)_{iz} \quad (2)$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}}(|+)_{iz}|+)_{iz}|-)_{iz} + |+)_{iz}|-)_{iz}|+)_{iz} + |-)_{iz}|+)_{iz}|+)_{iz}) \quad (3)$$

$$\frac{1}{\sqrt{6}}(|+)_{iz}|-)_{iz}|+)_{iz} + |-)_{iz}|+)_{iz}|+)_{iz} - 2|+)_{iz}|+)_{iz}|-)_{iz}) \quad (4)$$

۱۰۶ - هامیلتونی ذرهای به جرم  $m$  که در صفحه  $y - x$  بر روی دایره‌ای به شعاع  $a$  حول محور  $z$  می‌چرخد است. جابه‌جایی انرژی اولین حالت برانگیخته این چرخنده در اثر اعمال پتانسیل اختلالی به صورت  $V = \lambda V_0 \sin 2\phi$  چقدر است؟ ( $\phi$  زاویه‌ای است که خط واصل از مبدأ مختصات به ذره با محور  $x$  می‌سازد.  $1 \ll \lambda$  و  $V_0$  ضریب‌هایی ثابت هستند).

(۱) صفر

$\lambda V_0$  (۲)

$-\lambda V_0$  (۳)

$\pm \frac{\lambda V_0}{2}$  (۴)

۱۰۷ - با در نظر گرفتن ساختار ریز اتم هیدروژن و صرفنظر از تصحیحات الکترودینامیک کوانتومی، ترازهای انرژی اتم

هیدروژن  $E_n^{(0)} = -\frac{1}{2} \frac{mc^2 \alpha^2}{n^2}$  تا مرتبه اول اختلال به صورت  $E_n = E_n^{(0)} + \Delta_n^{(1)}$  خواهد بود که

$$\Delta_n^{(1)} = \frac{\alpha^2 E_n^{(0)}}{4n^2} \left( \frac{4n}{j + \frac{1}{2}} - 1 \right)$$

(۱) سه

(۲) چهار

(۳) پنج

(۴) شش

۱۰۸ - اگر  $(\bar{x}_1, \bar{x}_2, \dots, \bar{x}_N)$  تابع موج دستگاهی مت Shankl از  $N$  ذره یکسان باشد، عملگر تعویض  $P_{ij}$  با خاصیت  $P_{ij}\psi(\bar{x}_1, \bar{x}_2, \dots, \bar{x}_i, \dots, \bar{x}_j, \dots, \bar{x}_N) = \psi(\bar{x}_1, \bar{x}_2, \dots, \bar{x}_j, \dots, \bar{x}_i, \dots, \bar{x}_N)$  تعریف می‌شود. کدام گزینه نادرست است؟

(۱) عملگر  $P_{ij}$  هرمتی و یکانی است و ویژه مقادیر آن  $\pm 1$  است.

(۲) عملگر  $P_{ij}$  هرمتی است و ویژه مقادیر آن هر عدد حقیقی می‌تواند باشد.

(۳)  $P_{ij} = 1$  و ویژه مقدار عملگر  $P_{ij}$  اگر ذرات بوزن باشند  $+1$  است.

(۴)  $P_{ij} P_{ij}^\dagger = 1$  و ویژه مقدار عملگر  $P_{ij}$  اگر ذرات فرمیون باشند  $-1$  است.

# مستر تست؛ وب سایت تخصصی آزمون کارشناسی ارشد

- ۱۰۹- هامیلتونی ذره‌ای به جرم  $m$  در چاه پتانسیل یک بعدی نامتناهی به پهنه‌ای  $L$  به صورت

$$V_1(x) = \lambda \left( x - \frac{L}{2} \right) \sin \omega t \quad H_0 = \begin{cases} \frac{p^2}{2m} & 0 < x < L \\ \infty & x \leq 0, x \geq L \end{cases}$$

لحظه  $t = 0$  به ذره اعمال می‌شود، با استفاده از نظریه اختلال وابسته به زمان تا مرتبه اول  $\lambda$  احتمال گذار از تراز پایه  $H_0$  به دومین تراز برانگیخته  $H_1$  در زمان  $t$  کدام است؟

$$\omega_{ij} = \frac{E_i^{(0)} - E_j^{(0)}}{\hbar} \quad \text{(صفر)}$$

$$\left( \frac{\lambda}{\hbar} \right)^2 \left( \frac{16a}{9\pi^2} \right)^2 \frac{\omega^2}{(\omega_{11}^2 - \omega^2)^2} \quad (1)$$

$$\left( \frac{\lambda}{\hbar} \right)^2 \left( \frac{25a}{16\pi^2} \right)^2 \frac{\omega^2}{(\omega_{11}^2 - \omega^2)^2} \quad (2)$$

$$\left( \frac{\lambda}{\hbar} \right)^2 \left( \frac{25a}{9\pi^2} \right)^2 \frac{\omega^2}{(\omega_{11}^2 - \omega^2)^2} \quad (3)$$

- ۱۱۰- پراکندگی پروتون - پروتون را در محدوده مکانیک کوانتومی غیرنسبیتی در نظر بگیرید.تابع موج فضایی پراکندگی

$$\psi(\vec{x}) = \left[ e^{ik\cdot\vec{x}} \pm e^{-ik\cdot\vec{x}} + \frac{e^{ikr}}{r} [f(\theta) \pm f(\pi - \theta)] \right] X_{\mp} \quad \text{کشسان برای پروتون‌های پراکنده شده به صورت}$$

است که  $\vec{x}_2 - \vec{x}_1 = \vec{x}$  بردار مکان نسبی دو پروتون بعد از پراکندگی،  $f(\theta) + f(\pi - \theta)$  به ترتیب دامنه پراکندگی در زاویه  $\theta$  و  $\pi - \theta$  نسبت به راستای اولیه حرکت پروتون‌ها قبل از پراکندگی و  $X_+$  ( $X_-$ ) تابع موج اسپین دو

$$\text{پروتون در حالت سه‌تایی } s=1 \quad \left( \frac{d\sigma}{d\Omega} \Big|_{\theta=\frac{\pi}{2}} \right), \quad \text{مقدار سطح مقطع دیفرانسیلی}$$

$$\text{پراکندگی در زاویه پراکندگی } \theta = \frac{\pi}{2}, \text{ کدام است؟} \quad (1)$$

$$4 \left| f\left(\frac{\pi}{2}\right) \right|^2 \quad (2)$$

$$7 \left| f\left(\frac{\pi}{2}\right) \right|^2 \quad (3)$$

$$\left| f\left(\frac{\pi}{2}\right) \right|^2 \quad (4)$$

صفر





